創造する 折り紙遊びへの招待

藤本修三・西脇正巳著

創造する 折り紙遊びへの招待

Dear Michael or Isabel.

Thank you for your order.

I hope you enjoy

Trijimoto - books!

Yours Satolco Saito.

折り紙 三原則

折り紙は紙のみを使った芸術です。紙という便利で日常必要欠くことのできない文明の 産物を折るという操作のみで作品を作りあげ るのが折り紙です。だから、

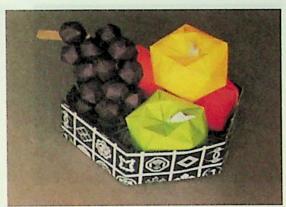
- 純粋に折ることのみで、一つの作品を 作ります。切らない。貼らない。
- 2 一枚の正方形又は長方形の紙のみで作 ります。※

折り紙は紙のみで作る芸術です。材料となる紙が、その性質として、加工しやすい、弾性が強くない、ことが折り紙を可能にしています。だから、

3 余分な折りすじをつけないで折ることにします。

※この本の折り図の紙型は特にことわっていないかぎり1:√2の普通サイズのものを使います。







上左…リンゴ

上右…果物

中……果物

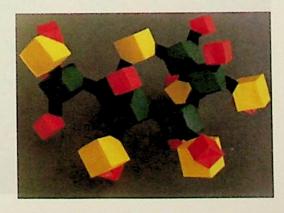
下……分子模型

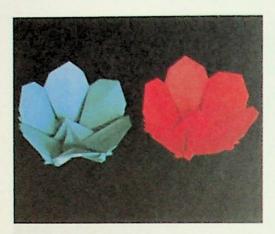
(次の頁)

左…花

右…箱

下…おどり

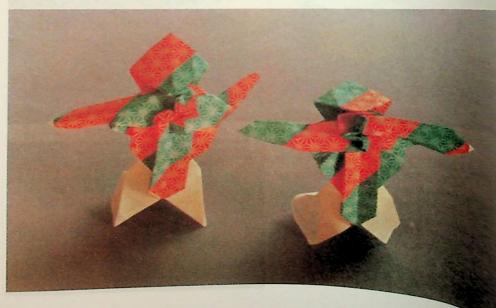












序 FUJIMOTO'S CUBE; a sort of poem

I sit and look at you my friend, and marvel at your being. From one perfection to another. From the anonymity and illusion of the plane, to the reality of the cube. Yet the two are one; it is time and space that have changed. I sit and look at you, my friend, and wonder at your perfection. All is needed, nothing is wasted. And what a journey from one perfection to another! An instant of magic when anonymity changes to reality, When the plane becomes a cube, When nothingness becomes reality, with shape and space and meaning. Here is the mystery of our art. This act which connects us for a moment with some other time and some other space. Perhaps to the geometry of the universe itself. Perhaps to our own selves. I sit and look at you my friend and marvel at your being.

フジモトのキューブ

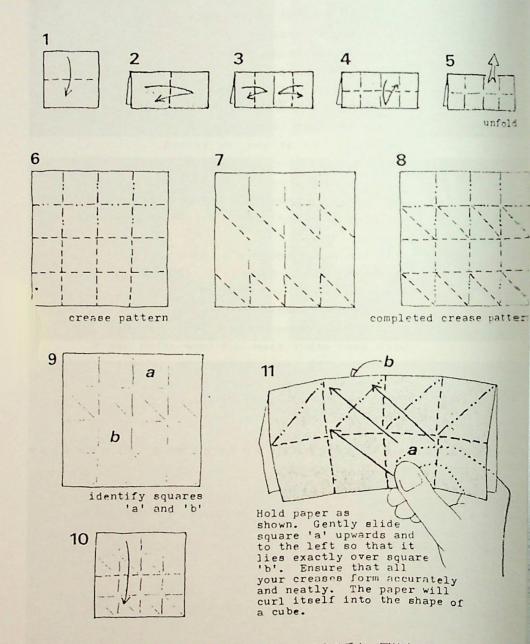
私は、お前をじーっと見つめる お前の不思議さよ 一つの完成は、次の完成に 一枚のただの紙と幻想からキューブの姿へ でも、それらふたつは同じもの 姿をかえるのは、時と空

私は、お前をじーっと見つめる ただ、その全き姿に想いをはせて わずかのむだなく、使いつくした紙の姿に そして、その作られてゆく道程のすばらしさ ただの紙が実在の姿に変る時の魔術の瞬間! ジョン・スミス作: 近成俊昭訳

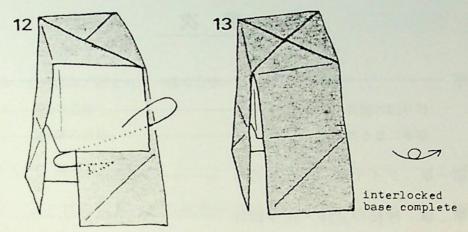
一枚の紙がキューブに変わる時 ただの紙が、形と空間と意味をもつ 実在の姿に変わるとき そこには、紙の芸術の神秘性がある それは、私達を別の時間と空間の世界へ 導いてくれる。 たぶん、幾何学の世界のまっただ中へ 自然の世界へ

私は、お前をじーっと見つめる お前の姿の不思議さよ

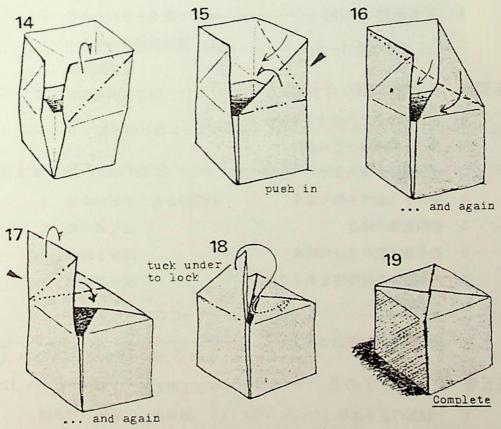
CUBE~Shuzo Fujimoto



この序を書いたのは、英国折り紙協会の議長ジョン・スミス氏と、同協会機関紙の編集者であポール・ジャクソン氏で、British Origamiの1982年6月号No.94から許可を得て転載しました。



flip the white square inside to interlock the base



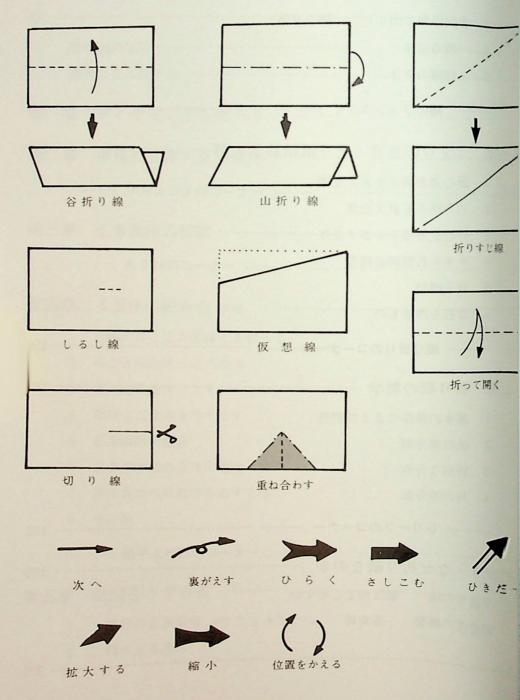
model (C) Shuzo Pujimoto 1982 drawings (C) Paul Jackson 1982

目 次

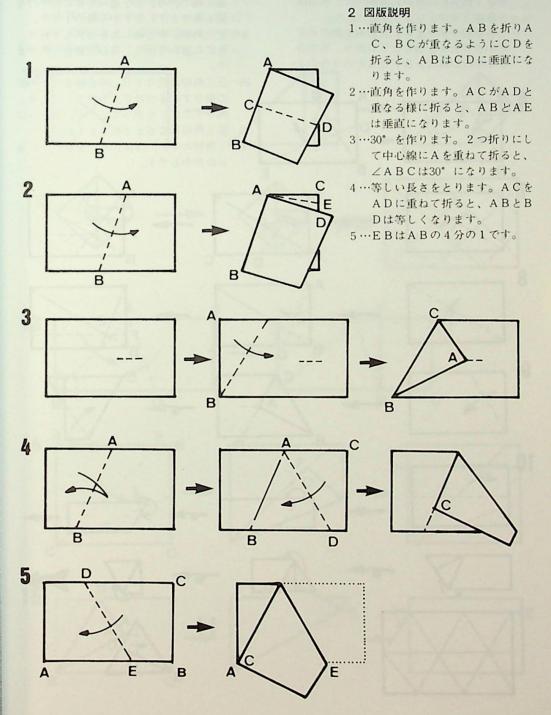
序 …	•••••	
	折	7) 図の記号・・・・・・
	基本	本になる折り方
44-	745	
弟一	草	ダイヤモンドを作ろう
第二	章	神秘の立体・正多面体
		<u>──〈 デカンショのコーナー 〉</u> ─── ·······
第三	章	正多面体の切断
		(あそびのコーナー 〉
第四	章	多面体の組み合わせ
	1	正四面体と正八面体とを使って
	2	再び正四面体と正八面体
	3	正六面体を作ります
	4	菱形十二面体を作ります
	5	正四面体の結合
	6	正多面体型の立体の構成
	7	正多面体の対称性を表す立体
	8	その他
	_	
第五	章	空間をうずめる
	1	一種類の正多面体
	2	一種の正名面体

3	8 合同図形で囲	まれた一種の立体	
4	1 一種の立体		
5	5 二種類の立体		
-	――〈 箱のファ	ァンタジイ 〉 ······························	129
第六章	ミクロの世	世界・折り紙結晶学入門	137
	1 面心立方格子	・を表す立体	
2	2 六方格子を表	きす立体	
	3 体心立方格子	- を表す立体	
	4 ホタル石型構	转造模型	
	5 分子模型		
(6 岩石を作るも	,0	
	〈織り折り	ショのコーナー 〉―――	156
第七章	折り紙の数	文学	169
	1 基本的操作に	こよる規則性	
	2 紙の等分割		
	3 特別な分割		
	4 角の等分割		
		フのコーナー 〉――	182
あとか	がき・なぜ折り)紙なのか	199
-	手造りの味 紙	氏は加工しやすい	
í	創造性の開発	省資源 いつでもどこでも	
索引…			205

折り図の記号



基本になる折り方

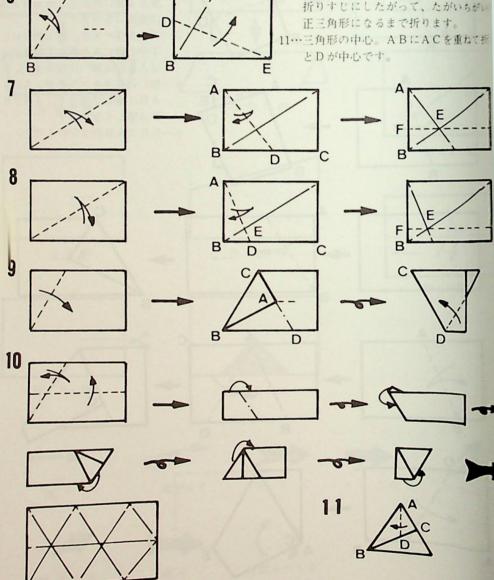


3 図版説明

- 6…Aを中心線に合してCをきめ、BにCを 重ねて折ると∠BDEは60°で、ADは ABの3分の1になります。
- 7…3等分線を作ります。対角線を折りBC の中点DとAを通るように折り、EでB Cに平行に折るとBFはAFの3分の1

です。

- 8…5等分線。BCの4分の1の点Dと 通る線で折り、Eを通ってBCに平析 線を作ります。BFが5分の1です。
- 9…正三角形。中心線にAを合わして折っ ACに重ねて折り、BDに重ねて折っ す。
- 10…正三角形の折りすじ。中心線をつけ、3 の折りすじをつけて2つ折りにした権 折りすじにしたがって、たがいちがい 正三角形になるまで折ります。



4 図版説明

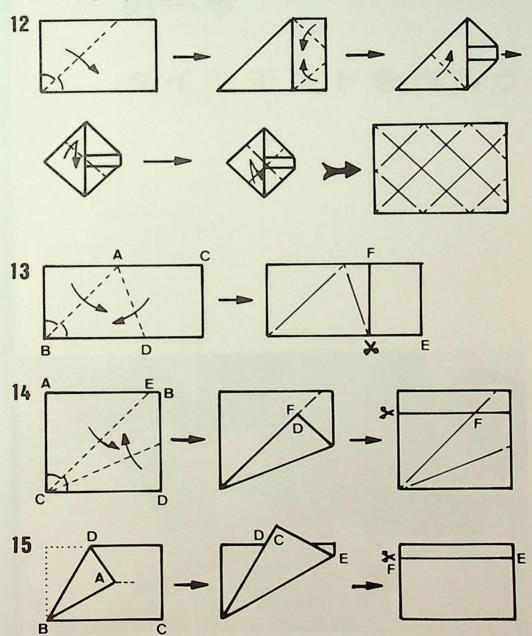
12…正方形の折りすじを作ります。

13…細長い紙を1:√2の紙型にします。AC をABに重ねてDをきめ、CEに平行な DFで切ると1:√2の紙型になります。

14…幅の広い紙を1:√2の紙型にします。

CEにCDを重ねてFをきめ、FでAB に平行に切ります。

15…1: √2の紙を1: √3の紙型にします。 A を中線に重ねてDをきめて、BDにBC を重ねてEをとりEFで切ります。



第一章

ダイヤモンドを作ろう



宝石という言葉から連想するのは、 誰もがダイヤモンドだと思います。このように、ダイヤモンドは宝石の中の 宝石なのです。宝石というのは一般的 にいうと、美しくて、硬くて、珍らし いものですが、金剛石という日本名が 示すように、現在知られている最高の 硬さをもち、美しさにおいても珍らし さにおいても他の宝石にまさっていま す。そのためにこそ、ダイヤモンドは 金と並んで人間の欲望の的であり、富 の象徴となるのです。明治の文豪尾崎 紅葉はその代表作金色夜叉の中で富の 象徴としてのダイヤモンドを見事に 現しています。一部を引用しますと

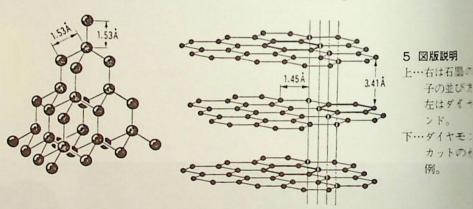
「彼は忙しく顔をもたげて紳士のを見たりしが、其人よりは其指にく物の異常なるにおどろかされたでいにて、

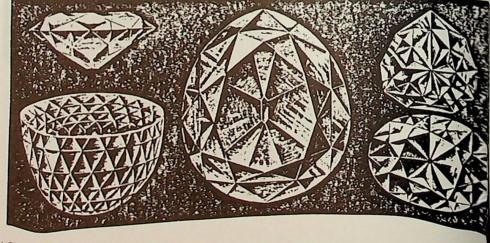
『まあ、あの指輪は、金剛石?』 『そうよ。』

『大きいわねえ。』 『三百円だって。』

かくして彼より此に伝え、甲よりに通じて、

『金剛石!』





『うむ、金剛石だ。』
『金剛石??』
『成程金剛石!』
『成程金剛石!』
『まあ、金剛石!』
『まあ、金剛石!』
『まあ、金剛石!』
『見給え、金剛石!』
『見給え、金剛石!』
『すばらしい金剛石??』
『すばらしい金剛石。』

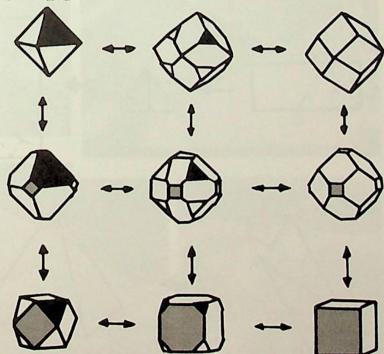
またたく間に三十余人は相呼び相応 じて紳士の富を謳えり。」

『三百円の金剛石。』

とあります。

ダイヤモンドは純粋な炭素だけが、 結晶学でいう等軸晶系に結晶したもの です。炭素は炭の素と書くので炭のよ うなものを思いうかべるのが普通です が、炭は純粋な炭素だけではなくて不 純物を含んでいるし、炭素も規則正し く並んでいないものです。純粋な炭素 だけが規則正しく並んだもの、すなわ ち結晶になると、並び方によっては黒 くてやわらかい比重2,3の石墨にもなれ ば、硬くて透明で比重3.5の宝石として のダイヤモンドにもなります。図5。

ダイヤモンドは結晶なので原子間の結合には一定の規則性があります。そのために特定の方向で結合の強いところと弱いところができるために、最高の硬さを誇るダイヤモンドを切ったりけずったりして加工することができるのです。勿論ダイヤモンドを切るのはダイヤモンドをより美しく見せるために様々



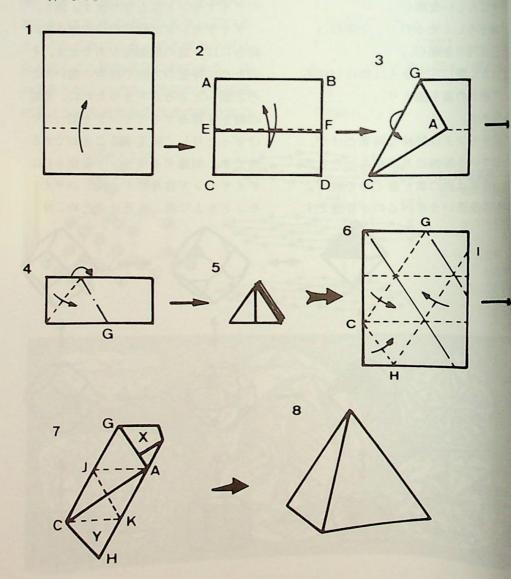
6 図版説明

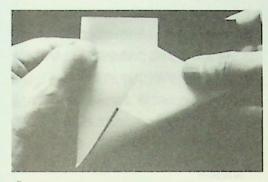
ダイヤモンド結晶のい ろいろ。左上の正八面 体をしたものが一番多 く産出します。

正四面体の折り方

7 図版説明

- 1…下約3分の1を折ります。
- 2…ABをCDに重ねて中線EFを折ります。
- 3…Cを起点としてAをEFの線に合わして CGの折りすじを作ります。
- 4…AをもとにもどしてABとCDを合わし 全体をGCの折りすじ通りに外へ外へと 折ります。
- 5…正三角形になるまで折り、これを関 次の折りすじがついています。
- 6…CHを谷折りになおし、GC、HI* りすじ通りに折ります。
- 7…CK、KJ、JA、GAの線で各計 すると輪になるので、Xの部分をYa にさしこむと完成です。





2 写真説明

2…中線に合して60°折り線をつけます。

3…1/3に折ったところ。

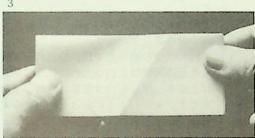
4…折り線に合して折ってゆきます。

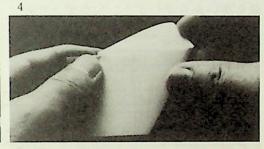
5…正三角形になるまで折ります。

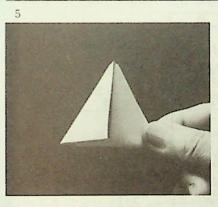
6…開いたところ。

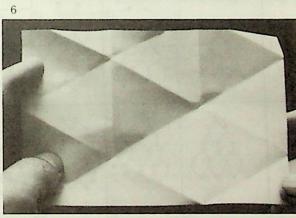
7…このように折ります。

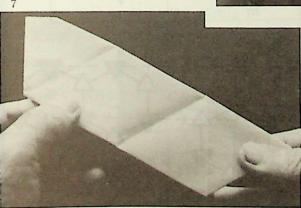
8…左はしを右はしのポケットに入れると完成します。

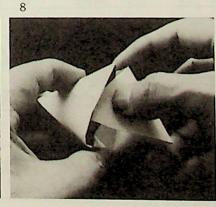












の加工の工夫がほどこされています。 図5はその一例です。

宝石としてのダイヤモンドは、より 美しく見せるための加工がほどこされ たものですが、本来の結晶は図6のよ うにいろいろなものがあります。教科 書などでは図の左上の正八面体の形で 書いてありますが、この結晶の産出が 最も多いからでしょう。したがってダ

各段の形

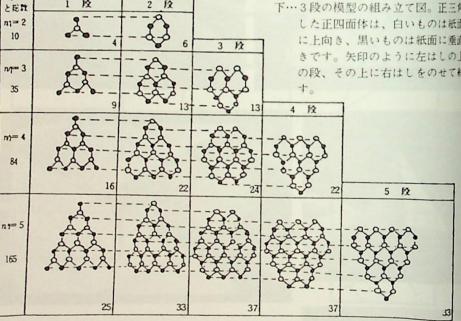
イヤモンドの結晶は正八面体の形で るのが一番良いと思います。

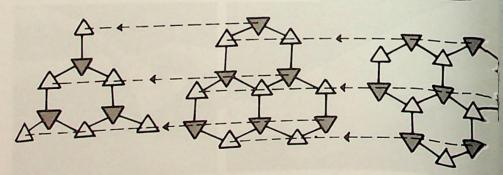
科学史上有名な練金術はともかの して、現代の科学はダイヤモンドを 成することができますが、2千度、 万気圧以上という大変な状態の下で み可能です。

図版説明

上…ダイヤモンドの結晶の組み立て設計電 2段から5段までの組み立て方と正二 体の数を表しています。

下…3段の模型の組み立て図。正三角形 した正四面体は、白いものは紙面に重 に上向き、黒いものは紙面に垂直に きです。矢印のように左はしの上に の段、その上に右はしをのせて結合 す。





この本でダイヤモンドを作るという のは、勿論本物を作るのではなくて模 型を作ることですが、それも紙を折る ことで作るので、ほとんど道具らしい ものは使いません。私達の身のまわり にはたくさんの紙があふれていますか ら、その中から適当な厚さと大きさの 紙を選んで必要枚数を揃え、それに接 着剤かセロファンテープを用意すると 準備は完了です。

ダイヤモンドは炭素原子だけの集っ たものですから、まず炭素原子の模型 を作ります。この炭素原子は、正三角 形の4面でまわりを囲まれた立体、正 四面体といいます、で作りますから、 正四面体を必要数だけ作ることになり ます。正四面体の作り方は18ページを 見て下さい。正四面体の数は、どれだ けの大きさのダイヤモンドを作るかに よってきまりますから、あらかじめ模 型の大きさを決めておきます。

炭素原子である正四面体はツギ手で 結合して組み立てます。必要数は模型 の大きさによります。ツギ手の作り方 はこのページの下の図10です。正四面 体の炭素原子をツギ手で結合してダイ

10 図版説明

ツギテの作り方

4: 3の紙を4等分して折り、斜めの折りす じを入れて、重ねしろをのりづけします。

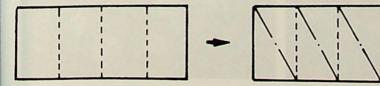
ヤモンドに組み立てていく設計図は前 頁の図です。この図を見るとわかるよ うに、平面的に結合したものをいくつ かの段につみ重ねていく方法をとりま すが、段の数mと正四面体の総数Σと の間には

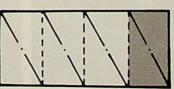
 $\Sigma = \frac{m}{3} (4 \text{ m}' - 1)$ の関係があり、ツギ手の総数Σ′との間 には、

 $\Sigma' = \frac{2}{3} m (m-1) (4 m+1)$ の関係があるので、段の数が大きくな れば、

$$\sum_{\substack{lim \\ m-m}} \frac{\Sigma'}{\Sigma} = \lim_{\substack{m-m}} \frac{\frac{2}{3}m \ (m-1)(4m+1)}{\frac{m}{3} \ (4m-1)}$$
となります。したがって段の数が多くなれば、ツギ手の数は正四面体の 2倍に近くなります。この関係式から段数

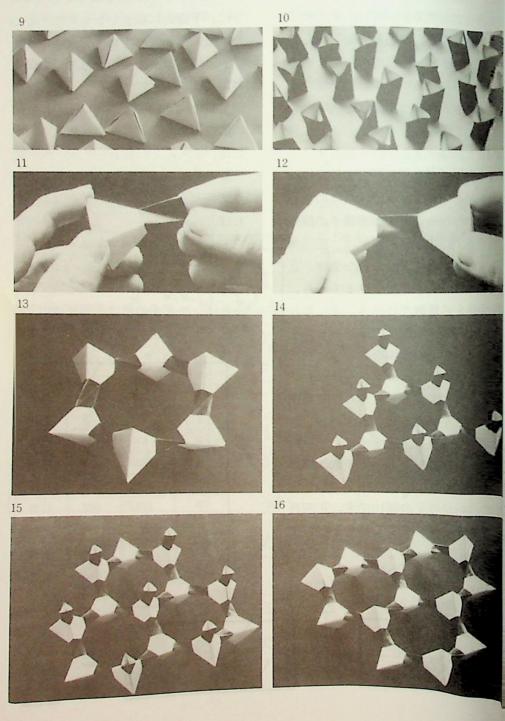
m	Σ	Σ'	Σ'/Σ
2	10	12	1.2
3	35	52	1.49
4	84	136	1.62
5	165	280	1.70
6	286	500	1.75
7	455	812	1.78
8	680	1232	1.81
9	969	1776	1.83
10	1330	2460	1.85
00			2.0







ダイヤモンドの結晶模型の組み立て



写真説明(前ページ)

9…正四面体

10…ツギ手

11…正四面体とツギ手の結合

13…輪になります。

14…第1段

15…第2段

16…第3段

17

写真説明

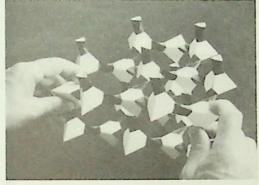
17…第1段に第2段をのせて上下方向の結合をします。

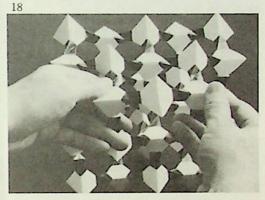
18…第2段の上に第3段をのせて上下の結合をします。

19…完成

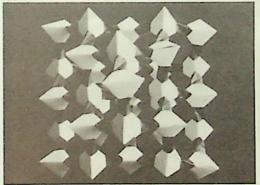
21…10段、正四面体1330個のもの。

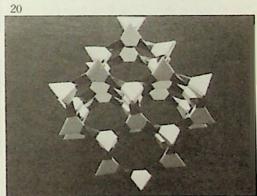
22…2段、最小。



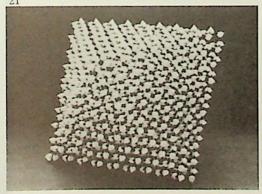


19





21



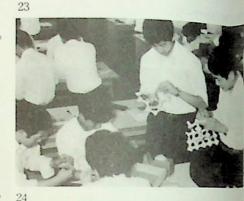


mと正四面体の総数Σとツギ手の総数 Σ'を求めてみると表のようになります。 これで正四面体とツギ手の必要数が きまりましたので、いよいよ作りはじ めます。以下で説明するのは、段数3 段、正四面体の数35個、ツギ手の数52 個のものです。

18ページの作り方で正四面体を35個 と、21ページのツギ手を52個作ります。 この正四面体をツギ手で結合していく 手順が22ページです。ツギ手の両側に 正四面体を結合すると、正四面体どう しはお互いにねじれの位置にきます。 このようにして、平面方向に6個の正 四面体を結合すると輪になりますから これになお3個の正四面体を結合して 1段目を作ります。同じように2段目 3段目を作って、1段目の上に2段目 をのせて結合し、2段目の上に3段目 をのせて結合すると完成です。23ペー ジ。1段目、2段目、3段目の組み立 ては、組み立て設計図、20ページの図 を見て下さい。

ダイヤモンドの外形は正八面体のものが多いので正八面体として作るのですが、段数が多くなるほど外形ははっきりします。23ページの段数2段のもの、3段のもの、10段のものを比べれば明瞭でしょう。10段のものを標本として作っておくと、大型のせいもあるけれども見る人は一様に驚きの声をあげるものです。

ここで使用する紙のことをふれてお

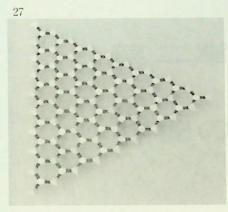








10段の模型

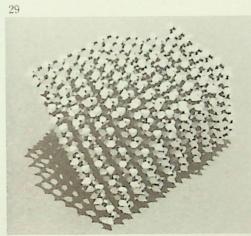


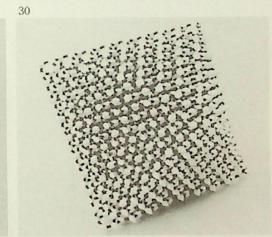
写真説明

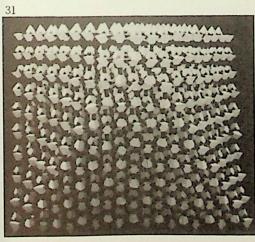
27…1段目、一辺は正四面体10個。

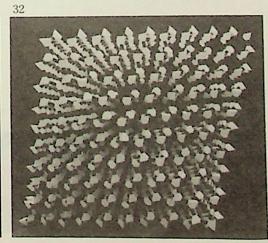
28…4段目。 29…7段目。







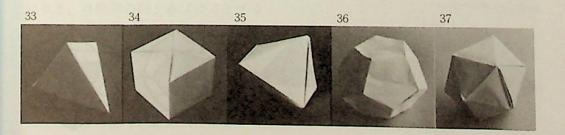




きます。普通に使われるザラ紙を8等分すると9.1cm×12.9cmの大きさの紙になりますから、この紙で正四面体を作ると一辺約5cmの大きさのものができます。これを3cm×7cmの大きさの紙で作ったツギ手でダイヤモンドの模型を作ると、3段のもので大体30cmくらいの大きさになります。

第二章

神秘の立体・正多面体



お正月に使うサイコロは使いやすいように角が丸くしてありますが、正方形の面を6個もっています。角砂糖もこれと同じ形をしています。もしサイコロの面が長方形や普通の四角形や平行四辺形などであったとしたら、サイコロにはならないでしょう。1から6までの数字がほば均等に上をむいて静止することはあり得ないからです。

サイコロや角砂糖のような立体は、 どの面も正方形でできていますが、正 三角形や正五角形などの正多角形の面 だけで囲まれた立体の数は多くありません。サイコロや角砂糖のようなもの を正六面体といいますが、ミョウバラで の結晶のように正三角形8面でいるものを正八面体といいます。同 ようなものには、正三角形4面の正二十面体、正 五角形12面の正十二面体などがありません。この5種類を正多面体といいことはん。この5種類を正多面体といいますが、正多面体が5種類しかないことは 今から2千年以上も前にギリシャの人

11 図版説明

五種類の正多面体。左から正四面体、正六面 体、正八面体、正十二面体、正二十面体、黒 い部分が一つの面です。 達によって発見されていました。キシャの人達は数的調和ということをに好んだために、物の形の中で珠々多面体を重要視しました。正多面体ことをプラトンの立体と呼ぶのもこした傾向のあらわれだと言えるでしう。もっとも、正多面体が5種類しないことを見つけたのはプラトンでなくて、数学と音楽とで魂をきよめ苦しみからのがれようとした人達の団、ピタゴラス学派の誰からしいの

12 図版説明

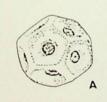
自然界の正多面体型。

A…カスミソウの花粉

B…放散虫

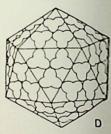
C···放散虫の骨格

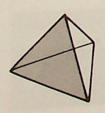
D…バクテリオファージの長





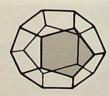














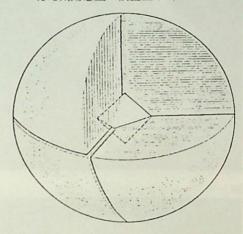
すが。

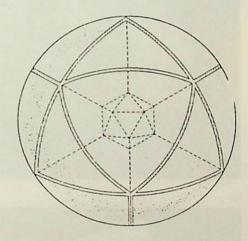
プラトン達ギリシャの人達はもの事 の根源のところに球や正多面体をおこ うとしたわけですが、図12のようにあ る種のビールスや微生物が正多面体を していたり、図13のような超高圧を作 る機械や建築などに正多面体が使われ ていますから、ギリシャの人達の考え が空理空論ではないようです。そのた めか、ギリシャ人以外にも物事の根源 のところに球や正多面体をおこうとし た人々が何人かいます。例えば、中世 から近世への橋渡しの時期に天文学の 分野で大活躍をしたケプラーもその一 人です。ケプラーは望遠鏡を使わなく ても見える太陽系の星の5個、すなわ ち水星、金星、火星、木星、土星と地 球の6惑星の間にそれぞれ1個の正多 面体をおいて説明しようとしたもので す。図14はその模型です。このケプラ ーもプラトンなどのギリシャ人と同じ ように、宇宙は完全な数的調和の世界 であると信じて疑わなかったのです。 18世紀になって、当時の大望遠鏡を使 ったハーシェルが天王星を偶然に見つ けてケプラーの思いちがいに終止符を 打ちます。こうした歴史的過程を見て いると、自然界の謎をあばこうとする ときに、その根源のところに数的調和 をおこうとする基本姿勢はギリシャの 時代もケプラーの時代もそして今も変 っていないように思えます。

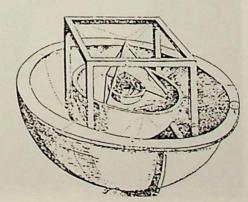
それはともかく、正多面体は昔から

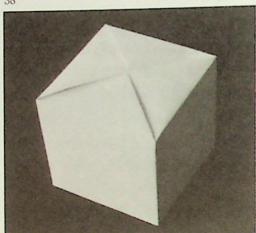
図版説明

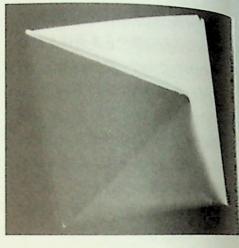
上…超高圧装置の模型 (13) 下…ヨハネス・ケプラーの考 _ えた太陽惑星の模型図 (14)

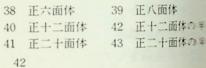


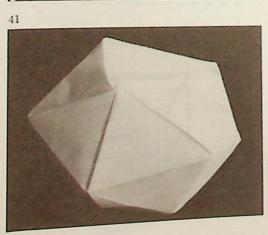


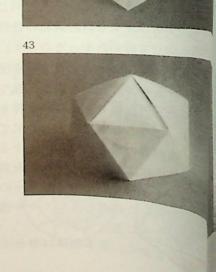












人の心をひきつける不思議な立体であったことは確かです。神秘な立体でさえありました。現在の私達には想像を超えるものがありますが、それというのも、様々な不思議な性質をもっているからであり、そのことが建築家などの注目するところとなるのでしょう。この不思議な性質をもつ立体、昔の人々が神秘性をさえ感じた正多面体を折り紙で作ってみよう、というのがこの章です。

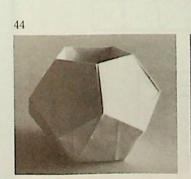
正多面体をプラトンの立体と呼ぶことをさきにふれましたが、プラトンは 正方形と正三角形が造形的に全くちがった図形であると言っています。造形 的に全くちがうということは、一番基 本的な図形であることを示しているの でしょう。ですから、私達が作ろうと している折り紙正多面体の基本図形は 正方形と正三角形です。

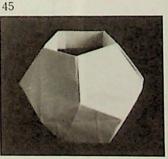
5個の正多面体の中で最も単純なものは、正三角形4面で囲まれた立体の正四面体です。この立体は第1章の主役を演じたのでよく御存知の立体です。次はサイコロ型の正六面体で正方形6

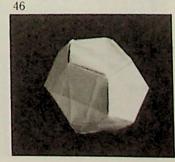
面で囲まれています。この立体を作るには32ページ33ページを見て下さい。正方形で囲まれているのは正六面体だけですが、正五角形で囲まれているのは正十二面体だけで、他の3種はいずれも正三角形で囲まれています。正三角形8面で立体を作っているのが正八面体で、作り方は34ページなどです。

正五角形が12面の立体正十二面体と 正三角形20面の立体正二十面体は立体 の性質が複雑になるので作り方も複雑 になります。作り方は36ページから41 ページにあります。どちらも同じもの を2個作って重ねるかはり合わす必要 があります。なお、正六面体や正八面 体も同じ方法で作れます。42ページ。

これで5種の正多面体は全部作れることになります。ひとつの立体についてもいろいろとちがう作り方があってそれぞれに特徴がありますので、また別のところでふれます。







正六面体の折り方

15 図版説明

1…DをAに重ねてE点をきめ、CをEに重ねてFGで折ります。

2…4等分する折りすじをつけて、HIで折ります。

3…図のように45°の折り線をつけます。

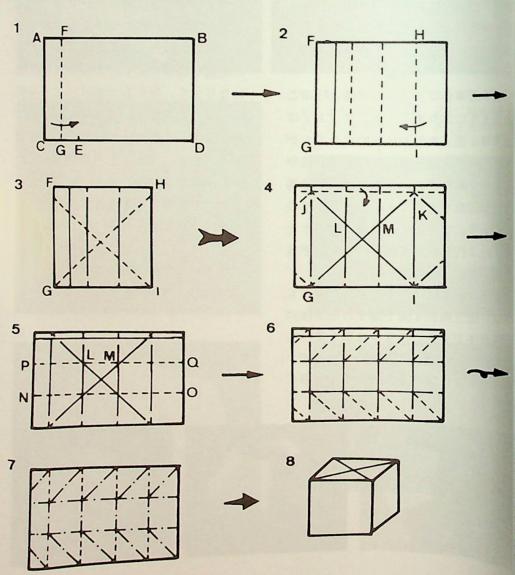
4…JKの線で折ります。GK、JIの延長

線を作っておいてから折ります。

5…GIをLMに合わしてNOを、NOにJ Kを合わしてPQの折りすじをつけます

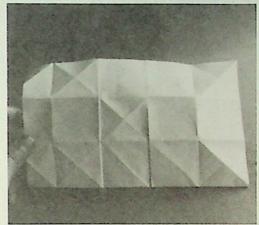
6…さらに図のように折りすじをつけます。

7…図のように折りかえして、折りすじ通り に折ると完成です。

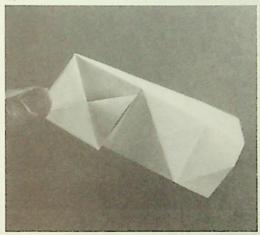


写真説明

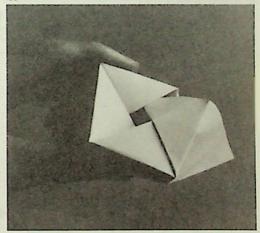
47…折りすじをつけます。 48…下の段を重ねていきます。 49…最後を重ね、さしこみます。 50…上の段も同じようにします。 51…できあがりです。

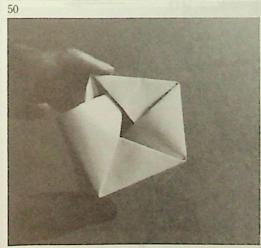


48

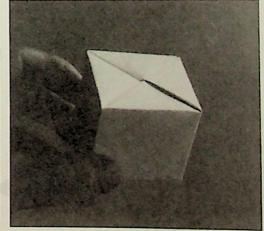


49





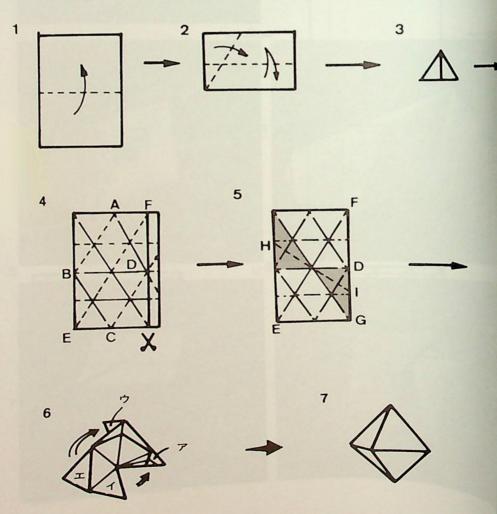
51

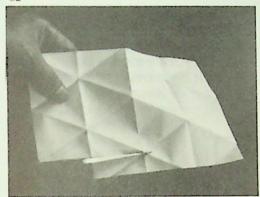


正八面体の折り方

16 図版説明

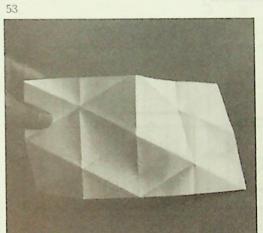
- 1…半分に折ります。
- 2…正三角形にするための折りすじをつけます。
- 3…正三角形に折ります。
- 4…菱形ABCDを含むようにFGで切り 点線の部分を山折りにつけなおします。
- 5…EをFに合わしてHIの折りすじをつます。
- 6…重ね合わす部分を重ねてアの下へイを ウの下へエを差しこむと完成します。



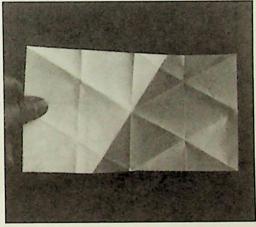


写真説明

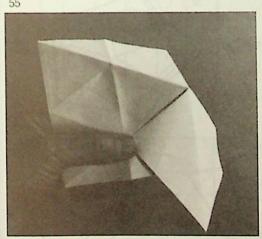
52…折りすじをつけ、余分 のところを切ります。 53…切りとったあとです。 54…折りすじをかえます。 55…重ねしろを重ねます。 56…最後の重ねです。



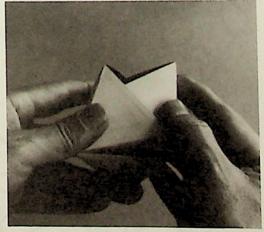
54



55



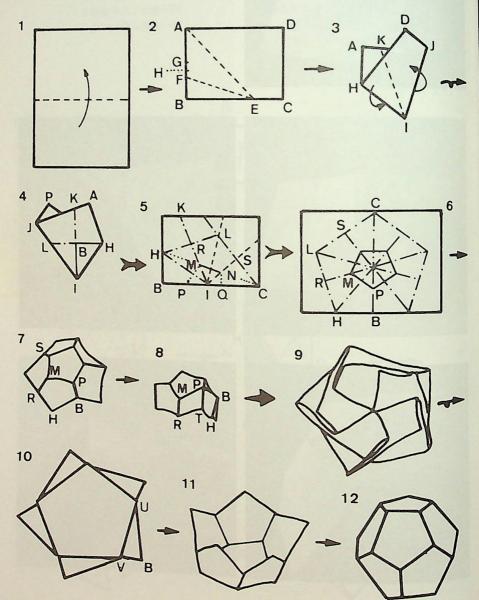
56



正十二面体の折り方(1)

17 図版説明

2…ABとADを重ねてE、AEとBEを重ねてF、AとBを重ねてG、GとFの中点Hをきめます。 (次頁へ続く)

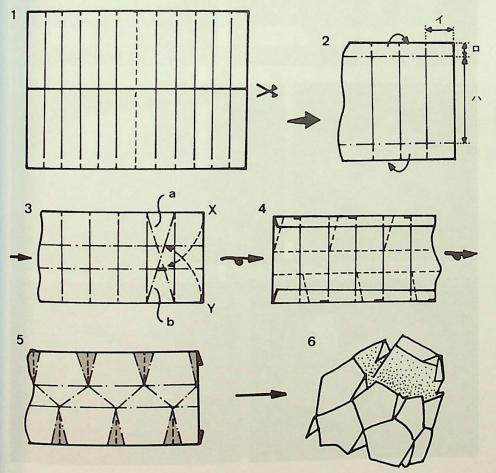


正十二面体の折り方(2)

- 3…CをHに重ねてIJ、IJにCIを重ね てIK、HIの線で裏側へ折ります。
- 4···HBの延長線HLを作ります。
- 5…HCを結ぶ線でMNの折りすじをつけ、 IKで2つに折りMNの折りすじをMP に移し同じようにしてNQをつけます。
- 6…外側の正五角形を折ります。
- 7…内側の正五角形を山折りにします。
- 8…MRに平行になるようにPTを折ります とHとRが同一線上にきます。
- 10···UVBを折りこみます。
- 11…2個同じものを作ってはり合わせます。

18 図版説明

- 1…12等分し半分に切ります。
- 2…イの長さの半分の長さ口で折り、イの3 倍の長さハで折ります。
- 3…Xを線a上にとった点及びYを線b上に とった点で折ります。
- 4…3で太線で表わした長さを図のようにとり、残りを半分割した点で折ります。
- 5…図のように折りすじをつけます。
- 6…輪にします。これを2個作って1個を中側に入れると正十二面体になります。



正十二面体の折り方(1)

写真説明

57…折りすじをつけます。

58…正五角形にします。

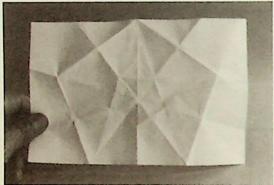
59…はしを折ります。

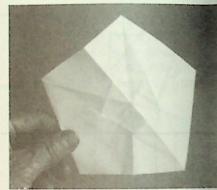
60…開いた折りすじです。

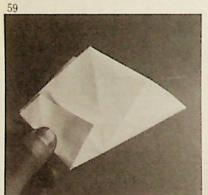
61…折りすじにしたがって折ります。

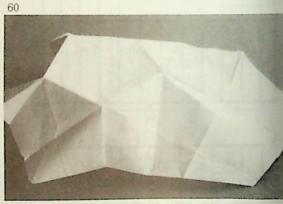
58 62…重なったところです。

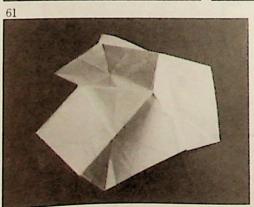


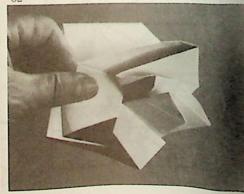












63…折り上がりの表。

65…はしを折って五角形にします。

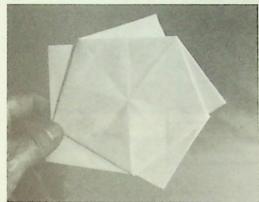
67…舟形の部分を重ねてふちの部分を作ります。 (ふち折り)

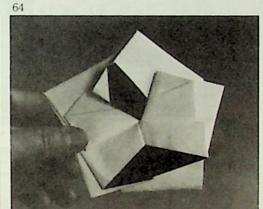
64…折り上がりの裏。

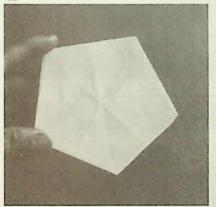
66…開いて舟形の部分を作ります。

68…ふちができます。重なりの部分がもとの 舟形の部分です。

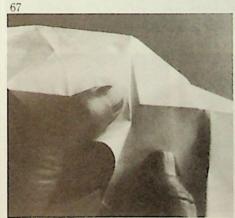
63

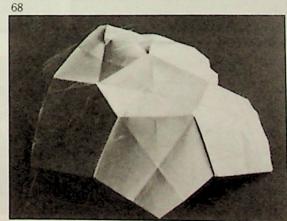












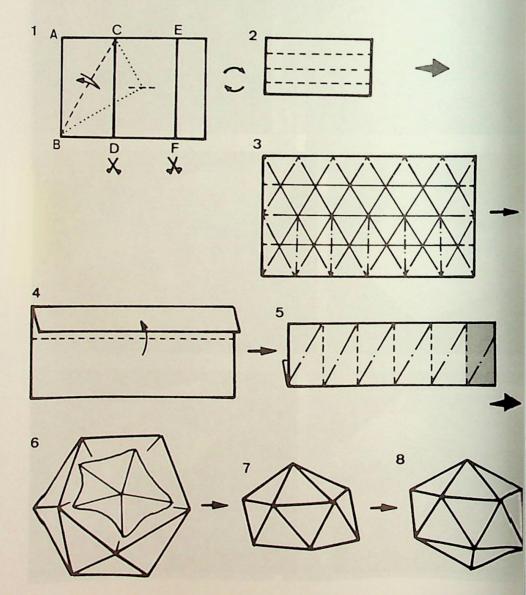
正二十面体の折り方

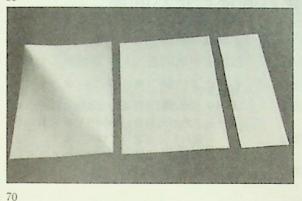
19 図版説明

- 1 ··· A を中線に合わしてC点をきめA Cに等しくCEをとってCD、EFで切ります。
- 2…4つに折って正三角形の折りすじをつけます。
- 3…図のように折ります。
- 4…上から一段目の折りすじで折り、2段目

の折りすじで折ります。

- 5…図のような折りすじにして、三角形が5個になるような輪を作り、内側になった 部分をねじったように折ります。
- 6…中側の部分。
- 7…これを2個作って重ね合わすと出来上『 ます。

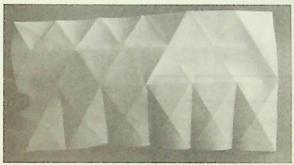


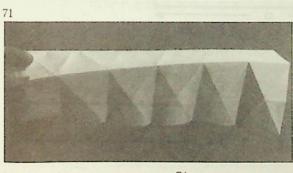


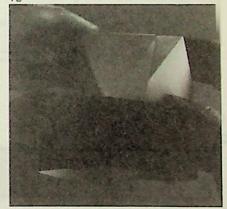
写真説明

69…1 枚の紙から2枚を取ります。 70…折りすじをつけます。 71…横の線で折ります。 72…輪にして重ねます。 73…輪にした内側。 74…内側をねじって折ります。 75…おしこむと出来上りです。

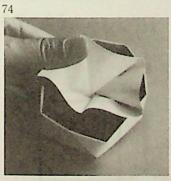
(註 立体にまとめる折り方をねじ り折りと言います。)













2個の輪を重ねて作る正六面体と正八面体

20 図版説明

正六面体

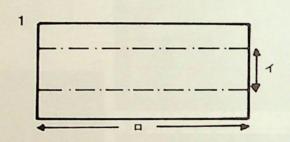
- 1…イ:ロが1:4.5~5になるように折ります。
- 2…正方形が4個と重ねしろとに折り、重ね しろを重ねて輪にします。
- 4…同じものを2個作ってさしこむと完成です。

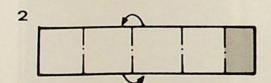
正八面体

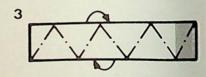
1…イ:ロが約1:4になるように折ります 3…正三角形に折り、山折りに折りかえてか

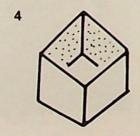
ら重ねしろを重ねて輪にします。 5…同じものを2個作って重ねると出来と

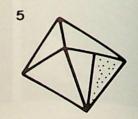
5…同じものを2個作って重ねると出来上呼です。











次に図形の性質について少しばかりふれておかなければなりません。立体図形の性質を扱ううえで非常に重要なものは、対称性です。正四面体を図21のようにおいて●●の線のまわりを180°回転するともとの位置と全く同じになります。1回転させるあいだに等しくなる位置が2回あるので、このようなものを二回対称軸と言います。対称軸には

二回対称軸 180°回転 記号 ● 三回対称軸 120°回転 記号 ▲

四回対称軸 90°回転 記号

五回対称軸 72°回転 記号 🌒

などがあります。そうすると、正六面体では図21の下のようになります。二回対称軸が相対する稜どうしで計6本三回対称軸は相対する頂点どうしで4本、四回対称軸は相対する面どうしで3本あります。このように正多面体のすべてについて数えてみると表のようになります。

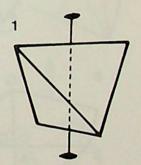
この表をみると、正六面体と正八面 体がよく似ていることがわかります。 同じように正十二面体と正二十面体が よく似ていることがわかります。そこ で、このような性質がわかるような立 体を折り紙で作ってみます。これらの 立体は、各面がじょうごのように凹ん でいますから、じょうご型正多面体と か凹型正多面体と呼ぶことにします。 但し、この型の正二十面体は作れませ ん。

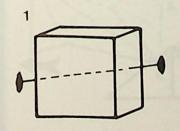
	正四面体	正六面体	正八面体	正十二面体	正二十面体
面の数	4	6	8	12	20
稜の数	6	12	12	30	30
頂点の数	4	8	6	20	12
対称の中心		1	1	1	1
二回対称軸	3	6	6	15	15
三回対称軸	4	4	4	10	10
四回対称軸		3	3		
五回対称軸				6	6

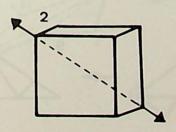
21 図版説明

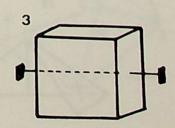
1…二回対称軸2…三回対称軸

3…四回対称軸









凹型正四面体の折り方

22 図版説明

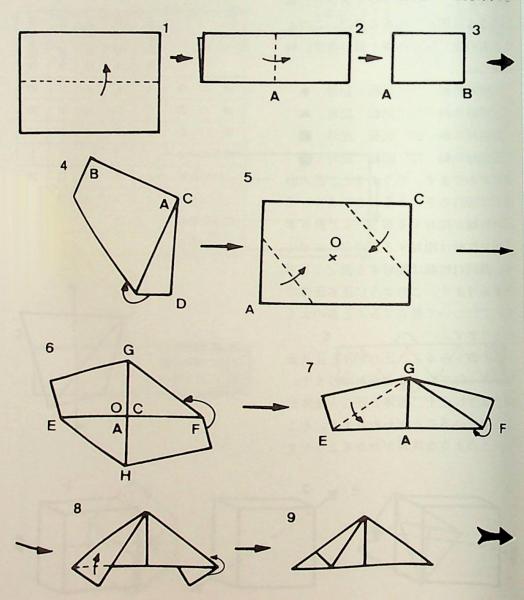
1~3…裏側になる部分からはじめます。まず 四つ折りにします。Aは紙の中心です。 4……四つ折にした紙の中心Oをきめます。 5……AをO、CをOに合わして折ります。 6……GとHが重なるように折ります。 7~9…図のように折ります。

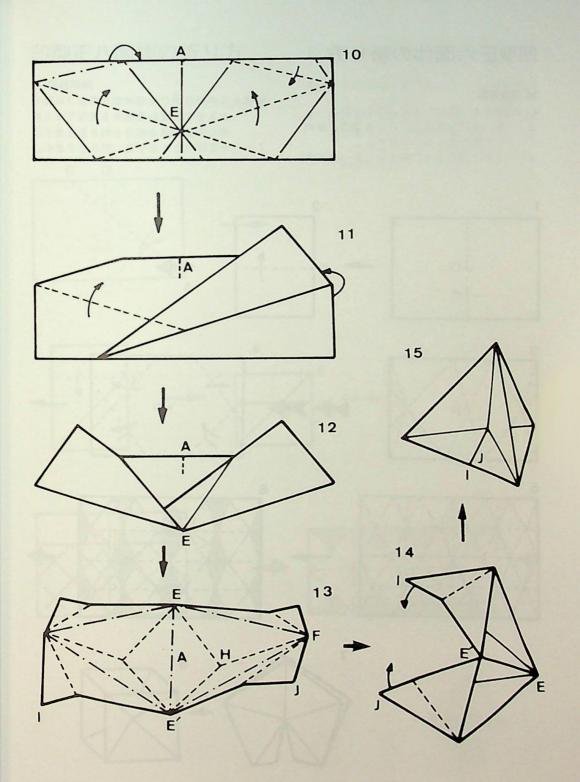
10……よこに開き図のように折ります。次ページ。

11~12…図のように折っていきます。

13.....Eを開いて舟の底になるようにします。

14…… I と Jとを重ねて接着すると完成です。





凹型正六面体の折り方

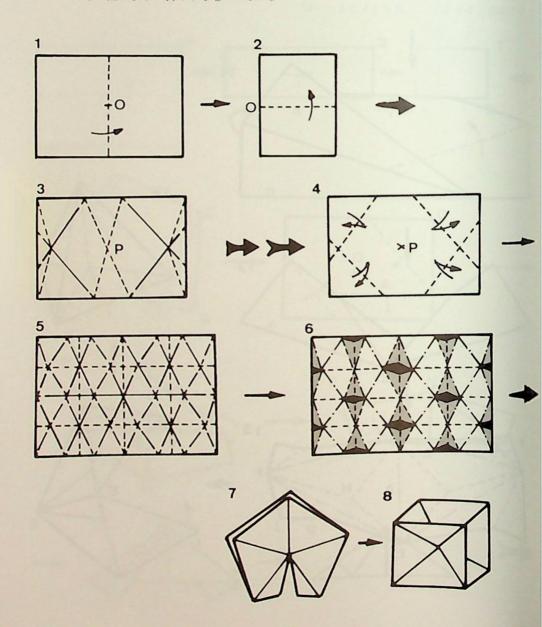
24 図版説明

1~2…紙を4つ折にします。中心が0。

3……中心点Pをきめて、Pに各項点を合わ して折りすじをつけます。

4……さらに図のように折りすじをつけます。

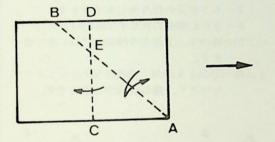
5~6…5の折りすじをつけて6のように折り かえます。重ねる部分を重ねてから裏 側から図の黒い部分を切りとります。 7……一度折りたたんだ後、組み立てます。



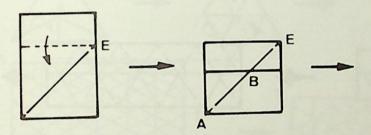
凹型正八面体の折り方

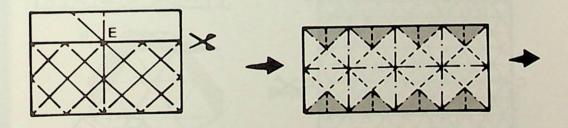
25 図版説明

- 1…45°の折り線ABをつけたのち、2等分して折ります。交点がEです。
- 2···Eを通る折りすじをつけます。
- 3…BEがAEに重なるようにします。



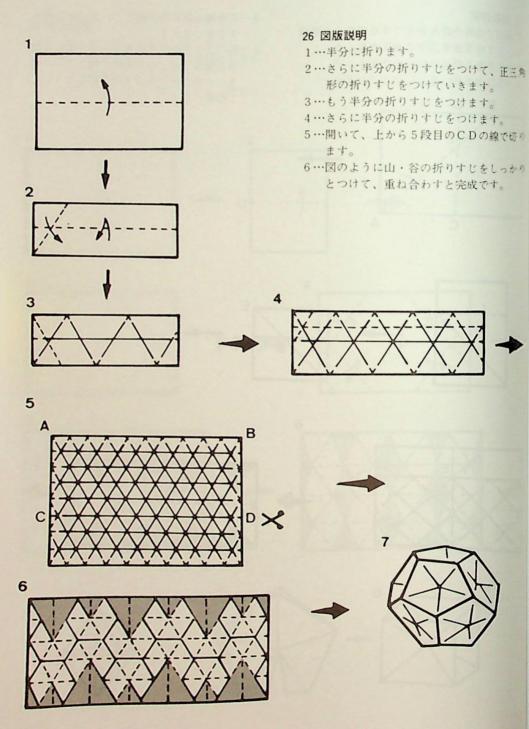
- 4…Eを通る線で切り落とし、正方形の折り すじをつけます。
- 5…図のような折りすじをつけて、重ねる部分を重ねてひとつの方向に折っていけば1つの頂点ができ、下側も同じようにして接着します。







凹型正十二面体の折り方(1)



凹型正十二面体の折り方(2)

27 図版説明

1~3…2つ折りした紙で正三角形に折り中心Aを きめます。

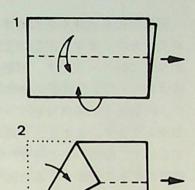
4 ······Aに三角形の各項点を重ねて折り、3等分 した正三角形の折りすじをつけます。

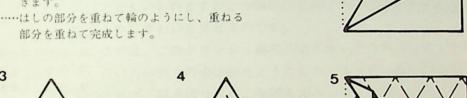
5……さらに半分にします。

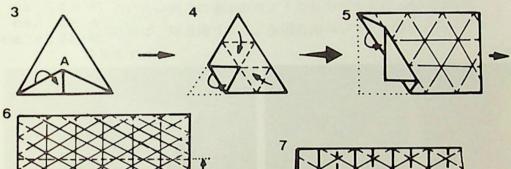
6……下から4.5段のところで折ります。

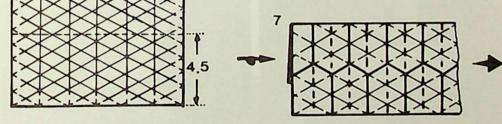
7~9…図のように折りすじをしっかりとつけてい きます。

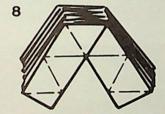
10……はしの部分を重ねて輪のようにし、重ねる 部分を重ねて完成します。

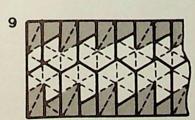


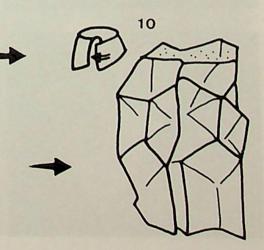






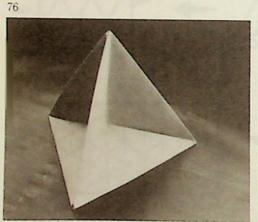


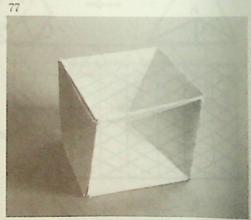


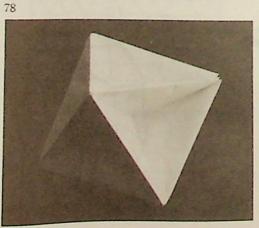


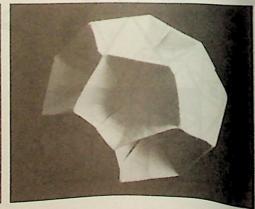
凹型の正多面体も正四面体からはじめることにします。凹型の正四面体の作り方は44ページです。凹型の正六面体は46ページ、凹型正八面体は47ページ、凹型正十二面体は48ページに作り方があります。また正二十面体を作っておいて、項点のところでへこませて凹型の正十二面体を作る方法もありますから試みて下さい。

四型正多面体 76…四型正四面体 77…四型正六面体 78…四型正八面体 79…四型正十二面体





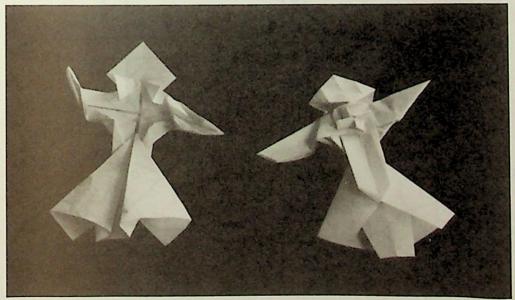




デカンショのコーナー

酒席で必ずといっていいほどよくうたわれる民謡にデカンショ節があります。デカンショはデカルト・カント・ショーペンハウエルのことだという説もありますが、デカンショの里「丹波ササヤマ」では、彼等三大哲学者とは関係なく、毎年8月16~18日に盛大に歌って踊りあかすのです。その数、十万ともそれ以上ともいわれますが、山奥の代名詞である丹波ササヤマも時ならぬにぎわいを見せるのです。

ここでは、このデカンショ踊りの姿を作ってみることにします。だいたい踊りの姿は似たようなものですから、多少の変化をつければ、阿波踊りにも、全国各地のいろんな踊りの姿にもなります。



デカンショ踊りの折り方

28 図版説明

1…正方形の紙を4つに折ります。

2…紙の中心がOで、AO、BCの交点Dに Bを合わして①、Cより②、Cを①に合 わして③、Bを②に合わして④の折りす じをつけます。

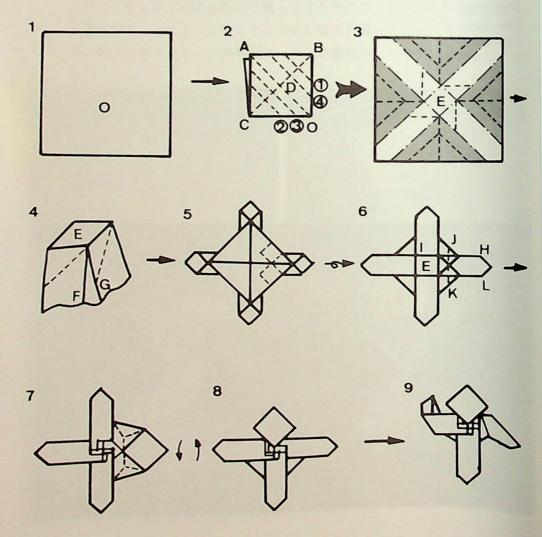
3…折りすじをたしかめて重ねます。

4…Eの部分を上にして箱型にし、Fの線と Gの線を重ねて折ります。Eのまわりを 全部ねじるようにして重ねます。 5…裏側を開き、折りすじをつけます。

6…HをIに合わしてJKを折ります。

7…Eの部分で図のように帯を作り、HJE Lで正方形の笠の部分を作ります。

9…両手を適当に折りまげて仕草に変化をつけ、余分なところを裏側に折りこみます すその変化をつけると阿波踊になります

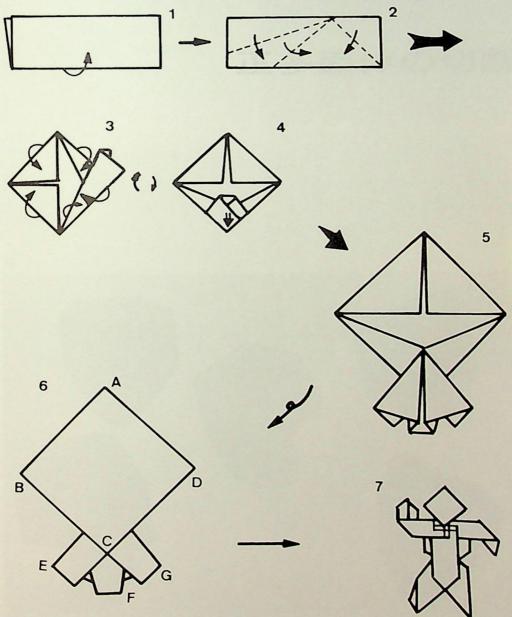


デカンショ踊りの折り方

29 図版説明

1……長方形の紙を2つに折ります。

2~6…上部で斜めに正方形を取り、下部で図のように足の部分を作ります。正方形のABCDで踊りの部分を作り、EFGの部分で立つようにします。



第三章 正多面体の切断



正多面体は5個しか存在しませんが そこに神秘性を感じるかどうかは別と して、この5個の正多面体に種々の手 を加えてみるとまたちがった立体が出 現します。そして、そのことを通して 立体どうしの相互関係や立体の性質が 浮かびあがってくるから不思議なもの です。正多面体に手を加えて性質を調 べたのはアルキメデスという、これも ギリシャの人だということになっては ます。そのため、正多面体に加工をほ どこした立体のいくつかにはアルキメ デスの立体という名前がついています。 正多面体に加工したものですから半正 多面体とも呼ばれています。

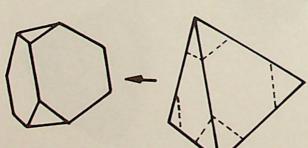
例をあげると、正四面体の4つの頂点を切りとって同じ大きさの正三角形の切口になるようにすると、正三角形4、正六角形4面で囲まれた立体ができます。この立体を正四面体の頂点を切って作った立体なので、切頭四面体と呼びます。又の名が等稜八面体です。この立体も一枚の紙で作れるので62ページを見て作って下さい。

正六面体を同じようにして切ると、 正三角形8面、正六角形6面で囲まれ た切頭六面体ができます。

正八面体の場合は、正方形6面、正 六角形8面で囲まれた切頭八面体がで きます。作り方は63ページです。

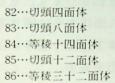
正十二面体を切ると、正三角形20面 正六角形12面の切頭十二面体、正二十 面体を切ると、正五角形12面、正六角 形20面で囲まれた切頭二十面体、又は 等稜三十二面体ができます。この立体 はサッカーボールやソ連が月へ送った ペナントの形であることを覚えておら れる人もあることでしょう。この立体 も一枚の紙で作れます。作り方は64ペ ージです。これらの立体は切頭四面体 以外は一部凹面になりますが一枚の紙 で作るためにはしかたがありません。

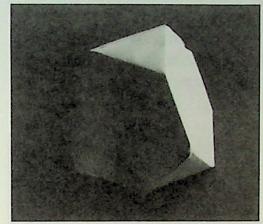
立体の稜の途中で切らずに、稜の中 点で切ると正四面体からは正八面体が できます。正六面体と正八面体からは どちらも正三角形8面、正方形6面で 囲まれた立体の等稜十四面体、又は立 方八面体になります。一枚の紙で作る ときは65ページです。同じように、正 十二面体と正二十面体からも同一の立 体である正三角形20面、正五角形12面 で囲まれた等稜三十二面体ができます。

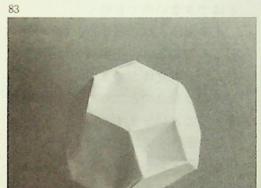


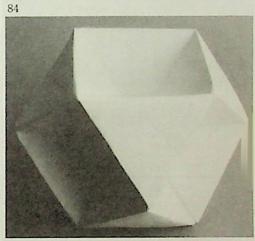
30 図版説明

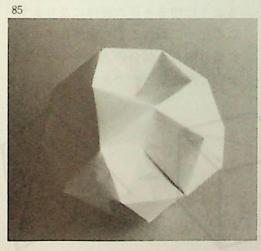
正四面体を切ると切頭四面体ができます。

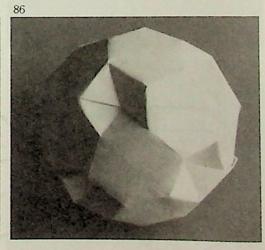












この立体を一枚の紙で作るには64ページを見てもらいます。

まえに、対称性のところで正六面体 と正八面体の類似性と正十二面体と正 二十面体の類似性を知ったわけですが そのことは、手を加えてもやはりはっ きりしているわけです。61ページの図 と下表を見てもらうとわかりますが、 稜の途中で切断するともとの正多面体 の面はすべて正六角形になり、頂点は 三角形か正方形か正五角形のいずれか になります。また、稜の中点で切ると

	正多面体	正四面体	正六面体	正八面体	正十二面体	正二十面体
稜	正三角形の数	4	8		20	
稜の途中切断	正方形の数			6		
	正五角形の数					12
	正六角形の数	4	6	8	12	20
中点切断	正三角形の数	8	8	8	20	20
	正方形の数		6	6		
	正五角形の数				12	12

31 図版説明

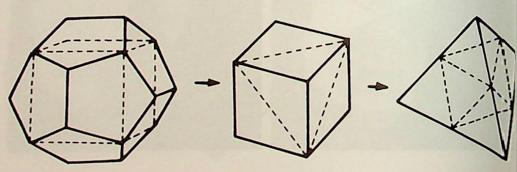
正多面体間の関係を表わします。左はしの正 十二面体を切ると正六面体になり、正六面体 からは正四面体、正四面体からは正八面体が できます。 正六角形の面はできなくて、正多面体 と同じ正三角形、正方形、正五角形の 組み合わせになります。そして、正式 面体と正八面体からは同じ立体ができ 正十二面体と正二十面体からも同じ立 体が作り出せます。

このような立体はいずれも正多角形の面で囲まれているのが特徴です。このような立体を正多面体を切断することによっていくつも作ることができますが、一枚か二枚の紙を折って作ることはできないので省略します。

正多面体を稜の途中や、稜の中点の ところで切ると、正多角形で囲まれた いくつかの立体ができるわけですが、 こんどは頂点のところで切った場合を 考えることにします。

正六面体を3個の項点を通るように 切ると正三角形ができます。したがっ て、正六面体を切って正四面体にする ことができるわけです。図31。

同じように、正十二面体も項点を通るように切ると正六面体になります。 この正十二面体を正六面体にするため に切り取った部分の立体を66ページの ように作ることができます。また正十



二面体は切り方をかえると正六面体とは別の変った二十面体ができます。これも67ページのように一枚の紙で作ることができます。

正二十面体を正十二面体にするためには平面ではなくて複雑な切り方をする必要があります。正二十面体から切りとった立体の作り方は66ページにあります。

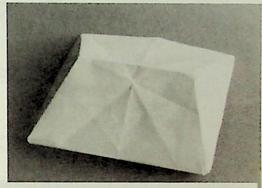
写真説明

87…正十二面体から切りとった部分。この立体の底面が正方形になっています。

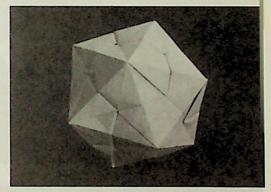
88…正二十面体を正十二面体にするための切り取り線を示します。

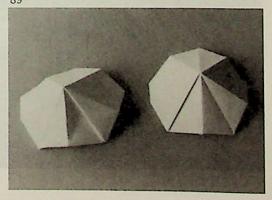
89…正二十面体から切りとった部分。底面が 正五角形になっています。

87



88





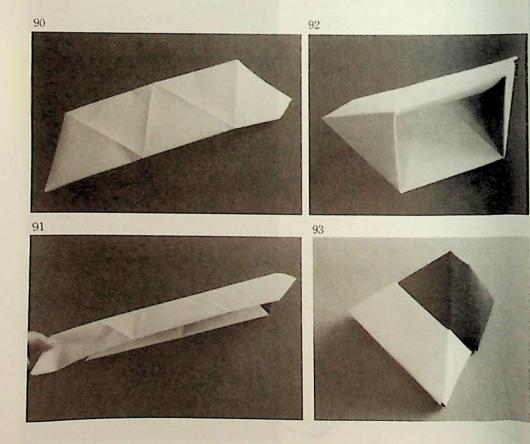
(次頁)

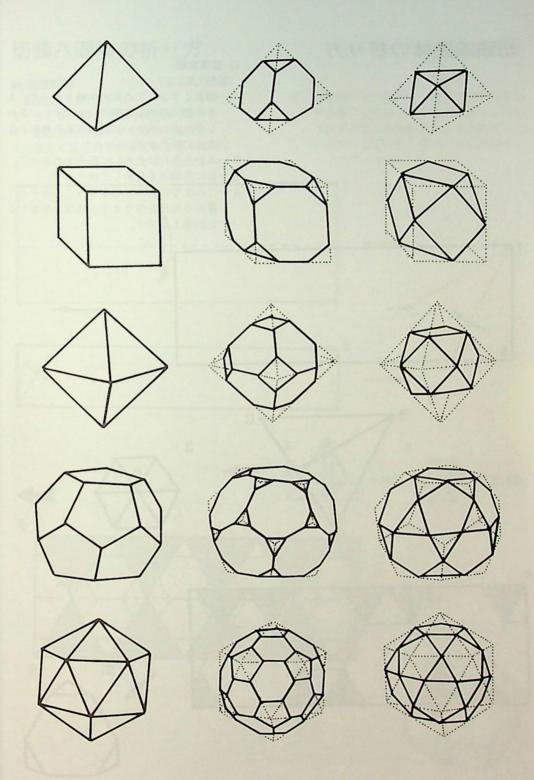
32 図版説明

正多面体を切断してできる立体 左は正多面体 中は途中で切断してできる立体 右は稜の中点で切断してできる立体

写真説明

正四面体を半分に切った立体の作り方 90…正四面体を作る途中の折り。 91…半分に折ります。 92…正四面体と同じように差しこみます。 93…同じものを2個作って重ね合わすと正四 面体になります。



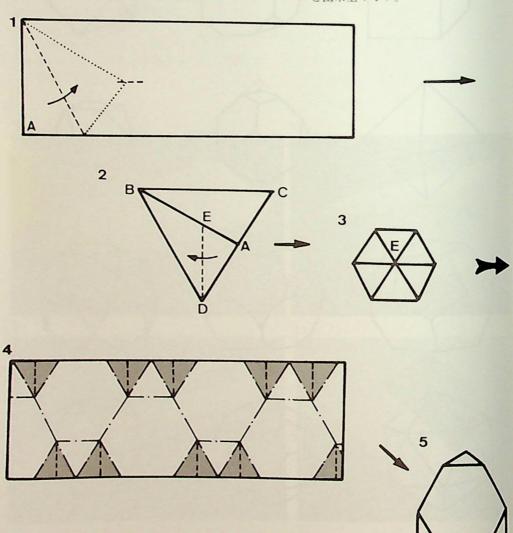


切頭四面体の折り方

33 図版説明

(紙型2√2:1)

- 1 …細長く半分にした紙の中線をとって、A を中線に合わして折り、折りすじに合わ してたがいちがいに折って正三角形にす るまで折ります。
- 2…ADをBDに合わしてEをきめます。
- 3…Eに各項点を合わして折ります。
- 4…これまでの折りすじをすべて山折りとし 重ねる部分を作ります。両端を接着する と出来上りです。



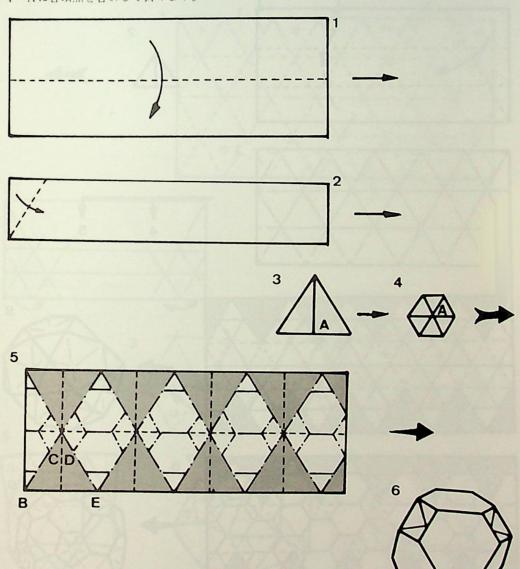
切頭八面体の折り方

34 図版説明

(紙型2√2:1)

- 1…よこ長の紙を半分に折ります。
- 2…正三角形の折りすじを作ります。
- 3…重ねた正三角形の中心Aを求めます。
- 4…Aに各項点を合わして折ります。

5…六角形のまわりの小三角形の部分が凹の 四角形になるようにします。重ね合わせ る部分が多くて最後のまとめが出来にく いので、BCDEと同じところを切りと ってもできます。



切頭二十面体・等稜三十二面体の折り方

35 図版説明

(紙型2√2:1)

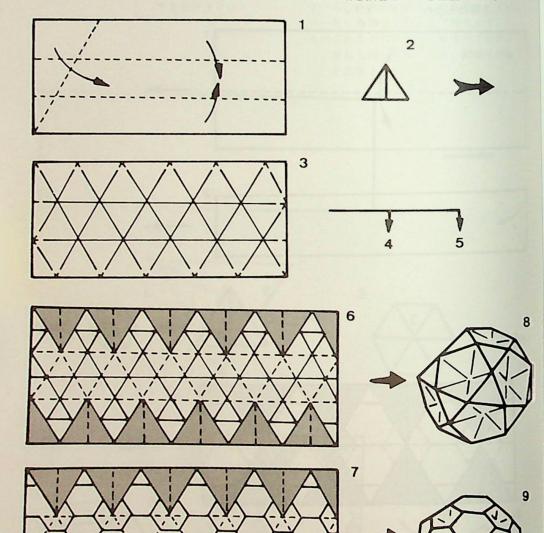
1~3…よこに半分に切った紙を3等分して正 三角形の折りすじをつけます。

4……さらに各折りすじを2等分した折りす

じをつけます。

5……さらに各折りすじを3等分した折りす じをつけます。

6~7…図のように折りすじをつけなおし、両 端を接着させると仕上ります。



等稜十四面体の折り方

36 図版説明

(紙型1:2)

1…図のように折りすじをつけます。

2…両下すみを折ります。

3…イを口の上に重ねて四角錐のようなへこ

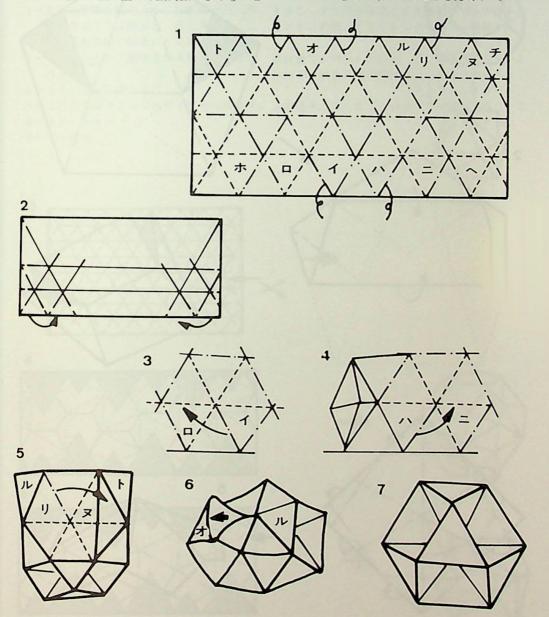
みを作ります。

4…同様にハを二の上に重ねます。

5…ホをへの上に重ねて四角錐のくぼみをつくり、トをチの上に重ねます。

6…りをヌの上に重ねて四角錐のくぼみを作ります。

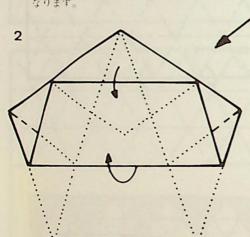
7…ルをオの中にさしこむと完成です。

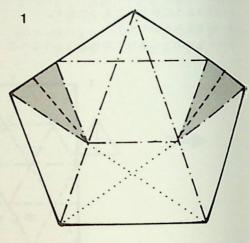


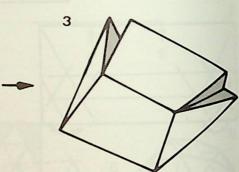
正十二面体の一部と正二十面体の一部の作り方

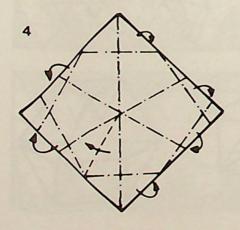
37 図版説明

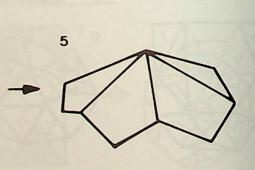
- 1…正五角形を作って図のように折りすじをつけていきます。正五角形の作り方は177ページです。
- 2…折りすじのつけ方。
- 3…折りあげて接着すると出来上りです。これを 6個作って組みたてると正十二面体になります。
- 4…正六角形を作って、図のように折って重ねし ろを重ねます。正六角形の作り方は176ページなどにあります。
- 5…これを12個作って組みたてると正二十面体に なります。







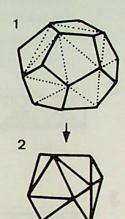


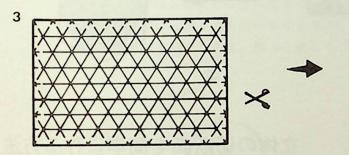


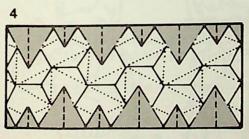
二十面体の折り方

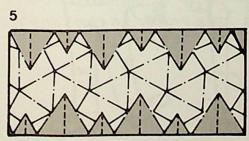
38 図版説明

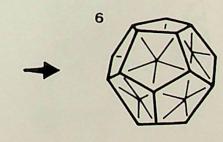
- 1…正十二面体を図のように切断面が正三角 形になるように切ると、正三角形8、二 等辺三角形12で囲まれた立体ができます。
- 3…そこで、正十二面体を作る折りすじを作ります。
- 4…正十二面体の折りすじ。
- 5…4の仮想線のように折りすじをつけます。
- 6…正十二面体。
- 7…二十面体。

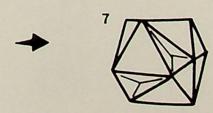


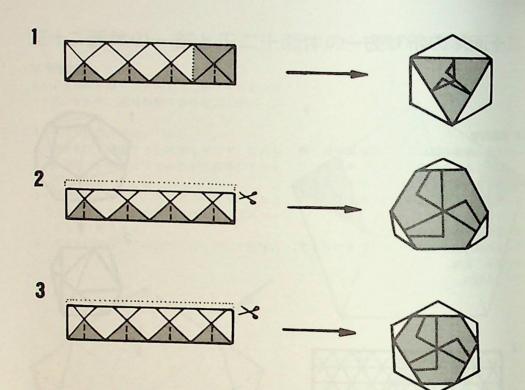












立体の切断面を簡単に作る方法

39 図版説明

立体を切断すると切断面が様々な多角形になります。それを簡単に作るには次のようにします。

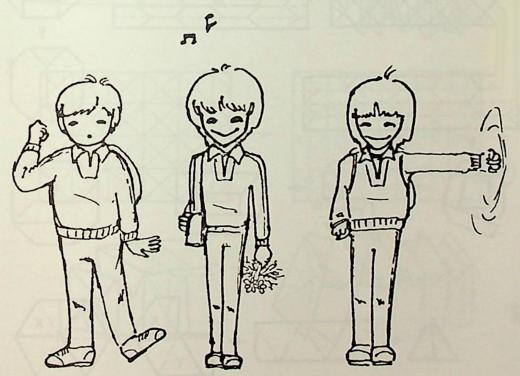
- 1…切断面が正三角形。左はしを重ねしろにします。
- 2…切断面が正六角形。上の4分の1を切り とります。
- 3…切断面が六角形。上の4分の1より少なめにとります。

あそびのコーナー

小さな子供の頃に、誰もが折り紙で作ったダマシ舟で遊んだ 経験があります。折り紙というものそのものが遊びであるわけ ですけれども、折り紙を作るということのほかに、作った折り 紙でダマシ舟のように遊ぶことができれば一層面白いものでし ょう。

筆者の藤本は、勤務先に新人がやって来るときまって遊びの 一種である知恵の輪で新人テストを行いました。被検者はああ でもないこうでもないと折りかえしているうちに、紙を破いて しまえば失格です。お手上げをしても当然失格です。破らない で課題をこなせば有望と見なされたものです。

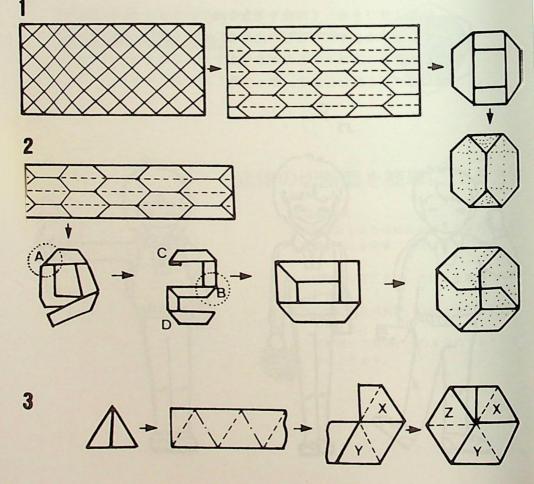
幼児は遊びを通して知能を増大させていきますが、人間にとっての遊びは必要欠くことの出来ないものなのだと思います。 折り紙遊びには様々のものがありますが、ここではそのうちのほんの一部を紹介します。作って楽しんでみて下さい。



41 図版説明

- 1…八角せんべい。紙型は1:2のもので正 方形の折りすじをつけてから図のように 折りすじをつけて、両はしをうまく合わ して輪を作ります。周囲を中へたたんで 裏から出すと形がかわります。
- 2…知恵の輪八角。上と同じようにしてAの部分を手前、Bの部分を手前に折っていきCとDを重ねて糊づけします。これを折りかえて最後の図のような形にかえます。紙が破れたら失格です。
- 3…折り紙六角形。紙テープで正六角形を作って、これをいろいろと折りかえて変化を楽しみます。正六角形にするための正 三角形を9個にすると変化数は3、正三角形を18個にすると変化数は9、正三角

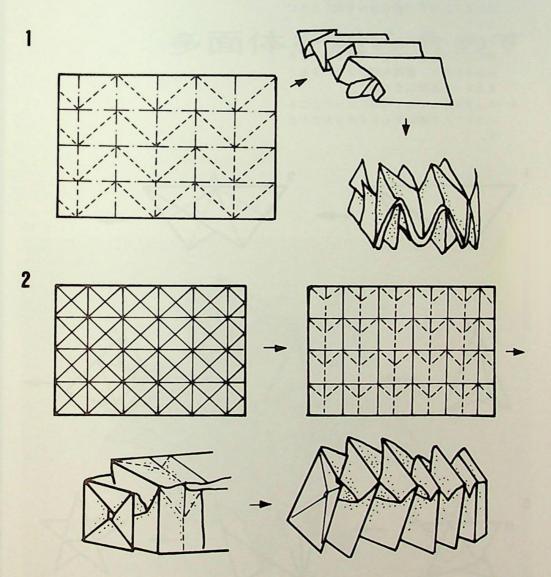
形の数を27にすると変化数は15になります。同じ変化数でもいろいろな折り方がありますから試みて下さい。ここでは一番簡単な変化数3の折り方だけを説明することにします。まず紙テーブを正三角形に折り、正三角形の数を9個にします X は裏側で重ね Y も裏で重ね、Z を裏で重ねて Z の部分を糊付します。六角形の頂点が中心と重なるように折ると、中心が開いて新しい面が出、これをまた中心で重なるようにすると次の面が現われて3回変化させることができます。



42 図版説明

1…かくれ箱を作ります。両端をもち右か左へねじると正方形の立体が出来、反対側へねじると別の面が出た立体になります。
2…ねじ。図のような折りすじをつけて、端から折りすじにそって折っていきます。

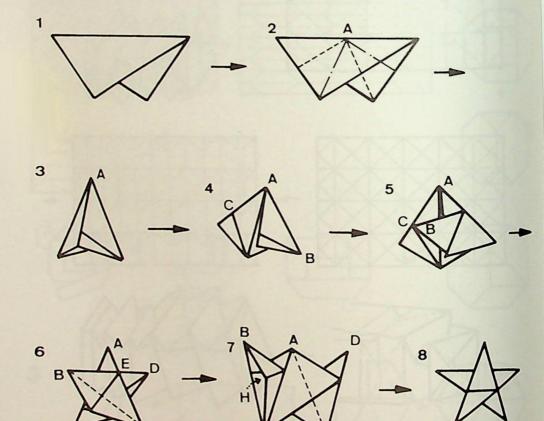
2 …ねじ。図のような折りすじをつけて、端から折りすじにそって折っていきます。 両端を手で持ちのの字の方向にねじっていくと折ったみぞの数だけねじれていきます。一杯ねじればまた逆にねじれます。



43 図版説明

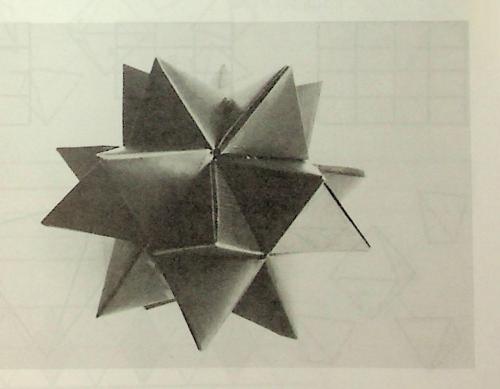
五つ星を折ります。

- 1…対角線で折ります。
- 2…対角線の中点Aをとり、図のように折ります。
- 3…折り上ったところ。
- 4…裏側を左に出します。
- 5…BをCに合わします。
- 6…Dを裏側よりBEと一直線になるように 出します。BFで折りDGも同じように します。
- 7…少しひらいてBG、BFを折りかえて、 Hのところを少しやぶって相手のところ にはさみます。裏側も同じようにすると まとまった星形になります。
- 8…たくさん作ってふくろ状になったところにさしこんで連結するとムカデができます。



第四章

多面体を組み合わす



正多面体を切断すると別の立体ができますが、切断するという操作によって立体の性質や立体どうしの関係が明らかにもなります。このことは前章で取扱ったことですが、反対に立体同志を組み合わしていっても立体の性質や立体間の関係が明らかになる筈です。それで、この章では立体を組みあわせて立体を作る操作のいくつかを扱うことにします。

1 正四面体と正八面体を使って

まず正四面体と正八面体だけを使って立体構成をおこないます。ここでは すべて正八面体の各面に正四面体をは りつけていくので、正八面体はどの場 合にも1個で、図44のAの紙で作ります。作り方は34ページです。正四面体の数は作る立体によって違いますが、Bの紙で作ります。作り方は18ページです。

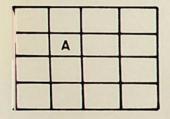
i 正四面体を4個作って正八面体 の面のひとつおきにはりつけていくと 全体が正四面体になります。この正四 面体はもとの2倍の大きさになります (図44)。

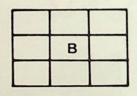
ii 正四面体を8個作って正八面体 の各面にはりつけていくと星型の立体 ができます。図45です。この立体は正

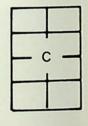
44 図版説明

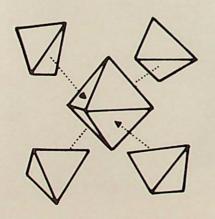
上…紙の大きさを表します。

下…1個の正八面体のまわりに4個の正四面 体をはりつけて正四面体とします。

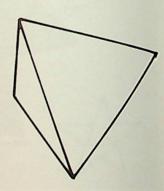


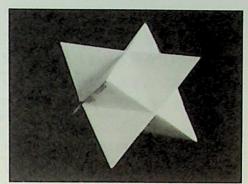






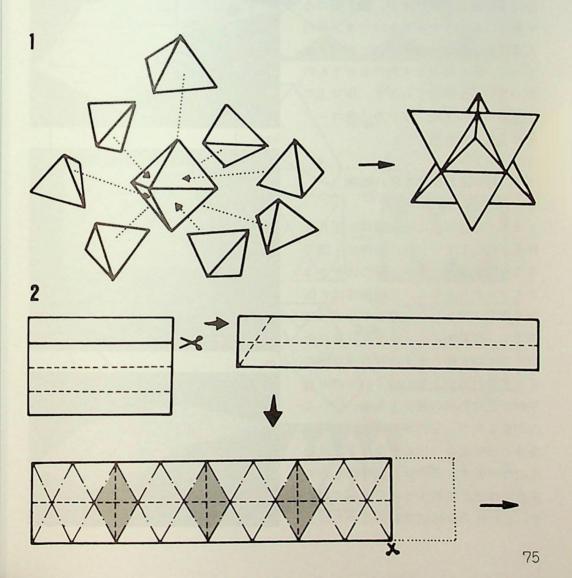






45 図版説明

- 1…八角星の組み立て方。
- 2…八角星の折り方。 4 等分した紙の一枚で 図のように折りすじを入れて作ります。



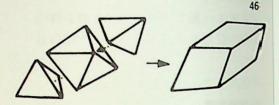
四面体が2個たがいちがいに複合している面白い形をしているため、とくにケプラーの八角星と呼ばれていますがここでは単に八角星と呼びます。この立体も一枚の紙で作れますので作ってみて下さい。作り方は図45です。

III 正八面体の相対する面に正四面体を1個ずつはりつけると平行六面体ができます。図46です。平行六面体は相対する面が平行ですが、面と面のなす角はいろいろできるわけです。平行六面体も一枚の紙で作ることができますから、面と面のなす角のちがうものをいろいろと作ってみます。作り上りは写真96、97、98で作り方は次ページを見てもらいます。

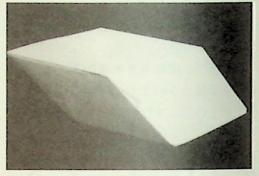
2 再び正四面体と正八面体

まえと同じように正四面体と正八面 体とを使いますが、正八面体は1個で はなくて6個作ります。紙の大きさは まえとかわりません。正四面体は8個 作ります。できたら全部を半分ずつに 分けて、写真99のように交互にはり合 わしたものを作ります。写真の右側の 正三角形の面が上をむいているのが表 左側の正六角形の面が上をむいているのが をのせてはりつけると全体で正八面 体になります。この正八面体はもとの 正八面体の2倍の大きさになっていま す。また正八面体は切断のしかたによ

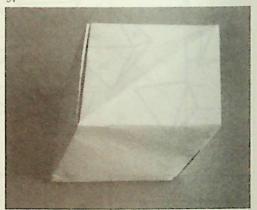
平行四面体

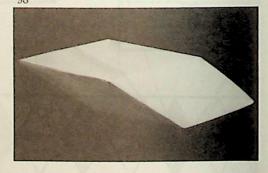


96

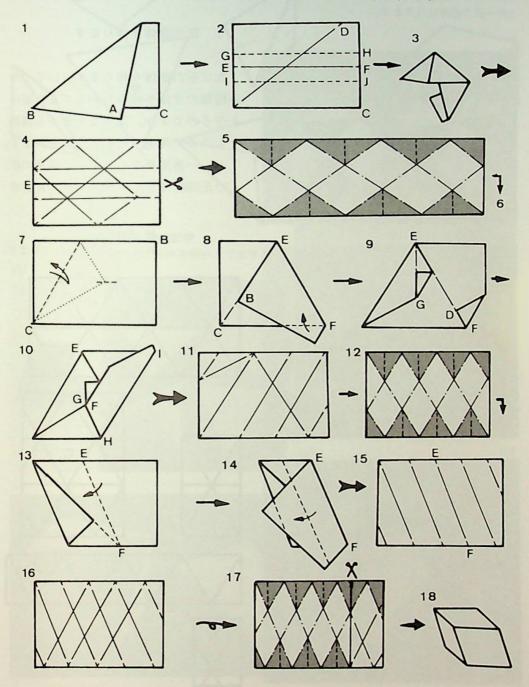


97





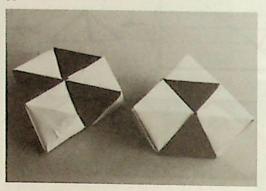
47 図版説明



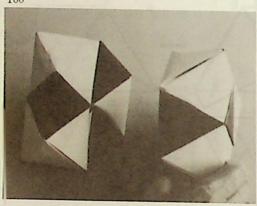
写真説明

99…右の半分は表、左の半分は裏。 100…右の半分と左の半分とをはり合わします。 101…正八面体になります。 っては切断面が正六角形になることを よく表しています。

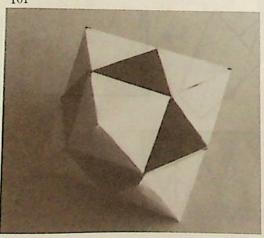
99



100



101

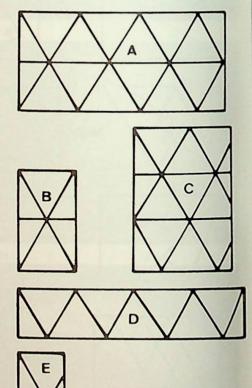


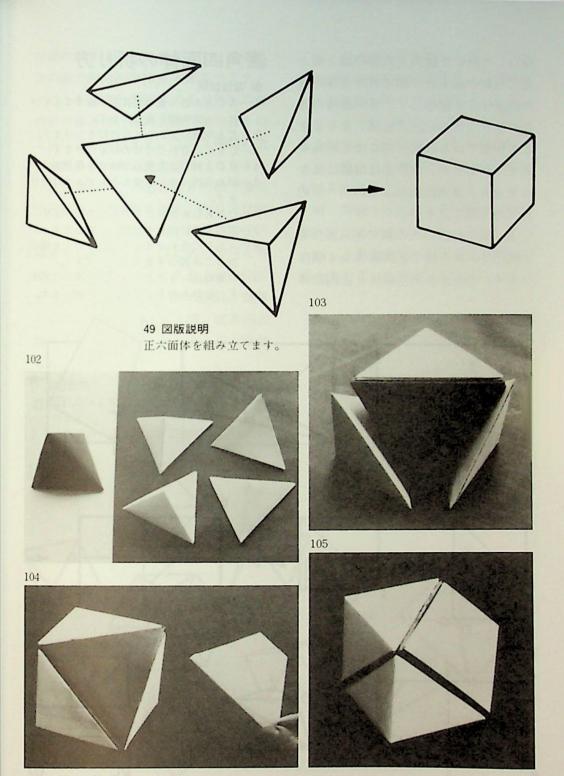
3 正六面体を作ります

次に正六面体を作ります。いくつかの種類の立体を組み合わして正六面体 を作るのですが、簡単なものから複雑 なものまで幾通りかの方法があります。

ⅰ 一番簡単なものです。普通の紙 Aで正四面体を1個作り、次にAを手

48 図版説明 紙の大きさを表わしています。





分にした紙Cで直角三角形の面3面と 正三角形の面1とで囲まれた立体の直 角四面体を4個作って、正四面体の各 面にはりつけると正六面体になります。 この作業ではAに比べてCは1.6%小 さくなりますが、実際上は問題にはな りません。直角四面体はこのページの 作り方を見て下さい。

ii 前の48図のAの紙で正八面体を 1個作り、Bの紙で正四面体を4個作ります。このとき正八面体と正四面体

直角四面体の折り方

50 図版説明

1…ACをABに重ねてAEの折りすじをつけ、一方中線Fをつけます。

2…Eを中線に合わしてGの印をつけます。

3…CをGに合わしてHの印をつけます。

4…HCとHDとを重ねてHIを作ります。

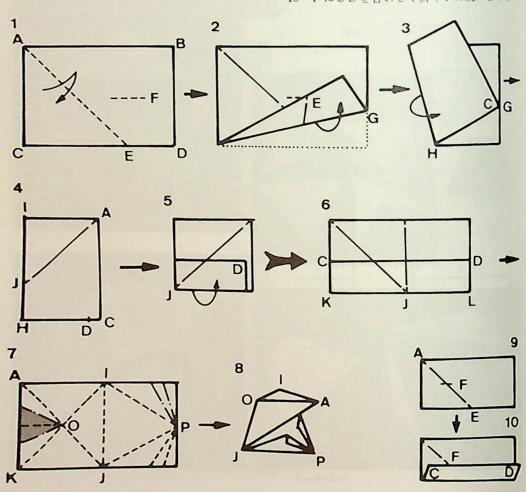
5…斜めの折りすじを重ね合わすように折ります。

6…CDKLを折りこむかKLで切ります。

7…図のように折りすじをつけ重ねます。

8…AをPに合わせると完成。このとき端の 折りこみ部分を重ね合わします。

9… (簡略法) 1のあとAF=EFにします。
 10…FにCDを合わして折り7に続けます。



の稜の長さは同じになります。つぎに Bの紙で直角四面体を4個作ります。 このとき、直角四面体の正三角形の面 の稜の長さは、他の立体の稜の長さの 2倍になっています。この3種類の立 体を組み合わすと正六面体になります。

Ⅲ 78ページの図48のAの紙で等稜 十四面体を1個作ります。作り方は65ページにあります。次にBの紙で正八 面体を6個作って、はじめに作った等 稜十四面体のくぼみに入れると全体で 正八面体になります。下の図51。最後 にCの紙で正四面体を4個、直角四面 体を4個作って組み合わすと正六面体 になります。

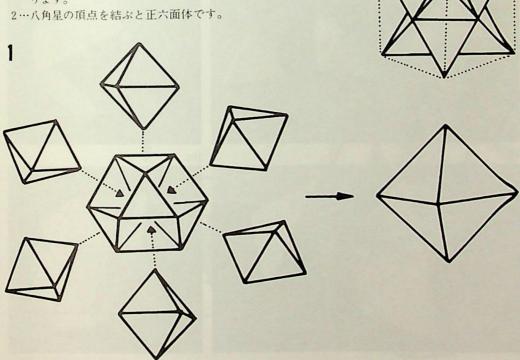
51 図版説明

1…正八面体と等稜十四面体で正八面体になります。

iV Dの紙で八角星を1個作り、E の紙で直角四面体を16個作って組み合 わすと正六面体です。図51。

V ii で作った正八面体のかわりに 正八面体と正四面体とで正八面体を作って、それに正四面体と直角四面体と をはりつけて正六面体にします。

Vi 等稜十四面体を正四面体8個で作って、あとはiiiと同じようにします。 Vii 八角星を正八面体と正四面体で組み立ててiVと同じに組み立てます。



4 菱形十二面体を作ります

菱形十二面体という立体があります。 文字通り菱形の12個の面でできていて この立体をたくさん集めて積み重ねる と、すき間なく積み重ねることのでき る数少ない立体のひとつで、あとでも う一度扱います。

菱形十二面体も一枚の紙で作ること

写真説明

106…菱形十二面体を作る立体。右はしの立体 2個で中央、中央の立体2個で左はしの 立体になります。

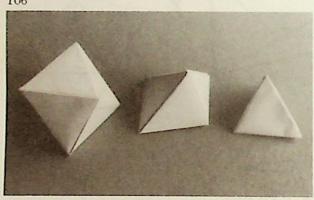
107…右の立体6個で菱形十二面体になります。 108…菱形十二面体。

109…菱形十二面体、一枚の紙で作ったもの。 106 ができます。作り方は次のページです。

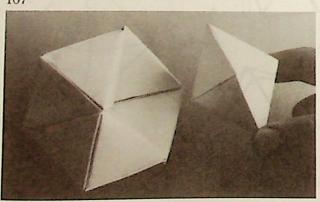
この立体を、底面に対して水平と垂直な面をもつ八面体を6個作って組み立てると作れます。八面体の作り方は84ページです。

ところでこの八面体の半分の立体を 作ることができるので、この立体を12 個作って組み立ててもできます。この 立体の作り方も同じ84ページです。

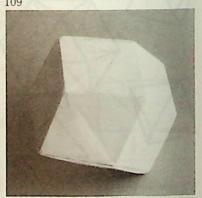
また、常に垂直な面をもつ四面体は 八面体の半分の半分の立体で、八面体 の半分の立体の半分ですから、この四 面体を24個作って組みたてても菱形十 二面体ができます。四面体の作り方は







109



菱形十二面体の折り方

52 図版説明

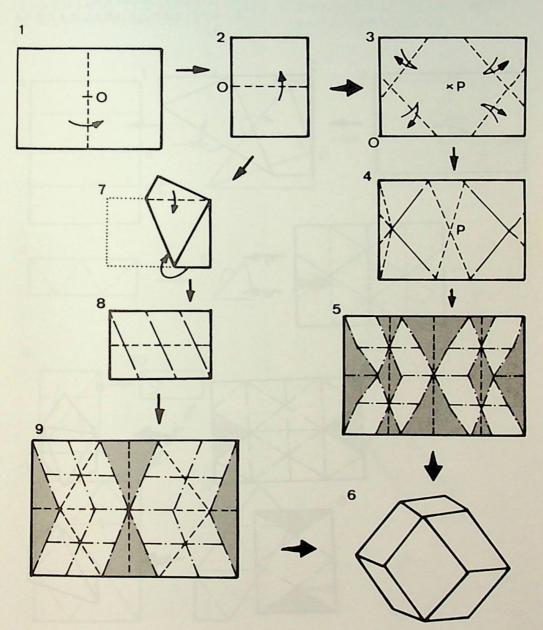
1…正確に半分に折ります。

2…さらに半分に折ります。○が紙の中心。

3…中心点PをきめPに各項点を合わして折 りすじをつけます。 4…図のように折りすじをつけます。

5…さらに折りすじをつけて重ねる部分を内側に折りこんで重ね両端を接着します。

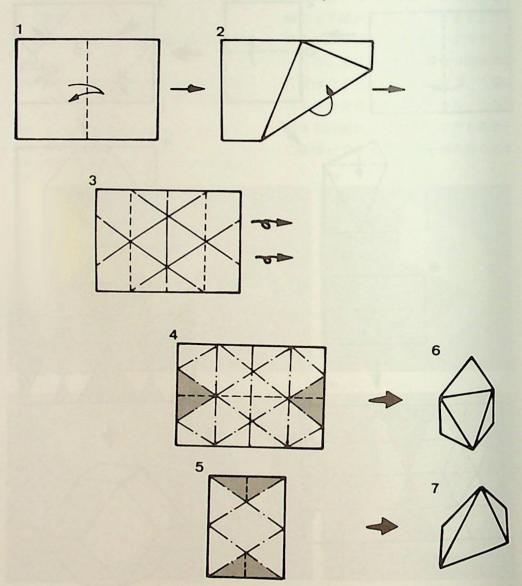
7…7~9は別の作り方です。



底辺に対して水平と垂直な面をもつ立体とその半分の立体の折り方

53 図版説明

- 1…半分の折りすじをつけます。
- 2…紙の四隅の点をそれぞれ中線の端に合わ して折りすじをつけます。
- 3…半分の立体のときは重ねたままで折ります。



直角な面をもつ四面体の折り方

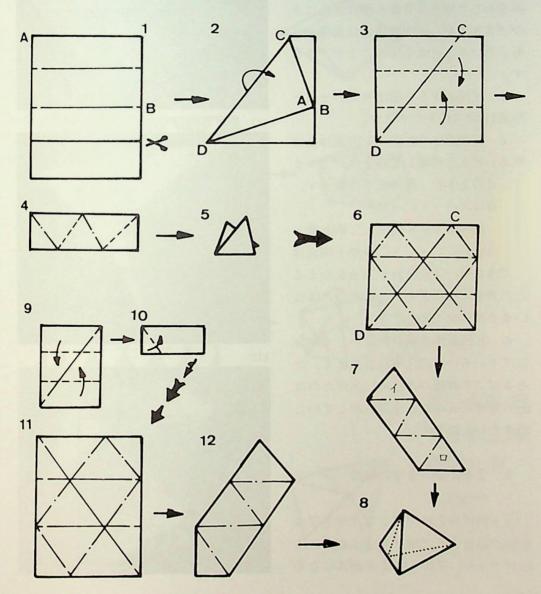
54 図版説明

1…4等分する折りすじをつけ、一部を切り とります。

2…AとBを合わしてCDを作ります。

3…はじめの折りすじ通りに折ります。

4…CDの折りすじ通りに折ります。 6…折りすじをつけなおします。 7…イを口のところへ差しこむと完成。 9…9以下は別の方法です。



85ページにあります。この四面体はそのまま3個組み合わすと平行六面体になります。

5 正四面体の結合

正四面体は他のいろいろの立体と組み合わして様々な立体を構成することができますが、正四面体だけを使ってもいろいろと立体を作ることができます。

i 正四面体を2個はりあわせると 写真110の立体ができます。

ii 正四面体の各面に正四面体をは りあわせると写真 111 の立体ができま す。この立体も一枚の紙で作れます。 作り方は次ページの 4 です。

III 正四面体を8個作って稜と稜とではり合わしていくと、等稜十四面体ができます。はり合わす方法をかえると八角星になります。これらの立体はいままでに出て来ました。

iV 正四面体を項点と項点とで結合 してもいろいろと立体ができます。た とえばこの書物のはじめにあげたのは 正八面体だったことを思い出していた だきたいものです。

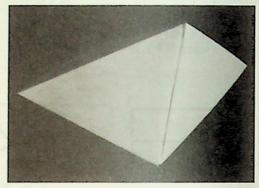
6 正多面型の立体の構成

正多面体やそれに準じた立体を頂点 や稜で結合すると様々な立体が作れる わけですが、そのうち正多面体になる

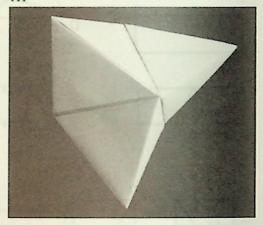
写真説明

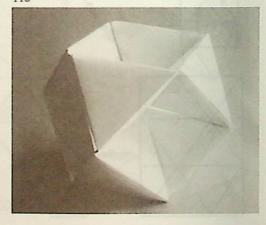
いずれも正四面体を結合したもので、110は2個、111は各面に、112は稜と稜とをつないだものです。

110



111





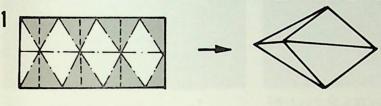
ものだけをひろってみます。

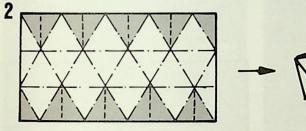
正四面体で正八面体型の立体を第一 章で作りましたが、正四面体の型にも 組立てることができます。

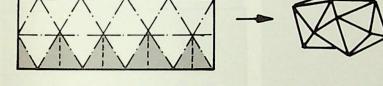
正六面体を頂点で結合すると正四面 体型にも正六面体型にも正八面体型に もなります。

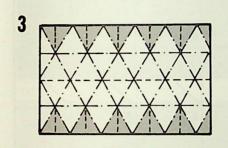
正八面体を頂点で結合すると正四面 体型、正六面体型、正八面体型が作れ ます。

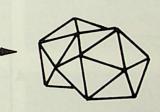
正十二面体と正二十面体は他の正多 面体と比べると非常に作りにくい立体 ですが、等稜十四面体を辺結合すると 正十二面体型になります。

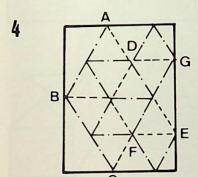


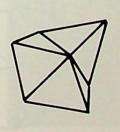












正三角形で できる立体 の折り方

55 図版説明

4はABCを一点に 集めて接着、DはE と、FはGと重なり ます。

正二十面体は項点結合すると正二十 面体型になります。

等稜十四面体は正多面体ではありませんが、この立体を使って面結合で正四面体型や斜方六面体型の立体が作れます。

正二十面体を面結合すると正四面体型になりますし、正二十面体と等稜十四面体とを面結合しても正四面体型になります。

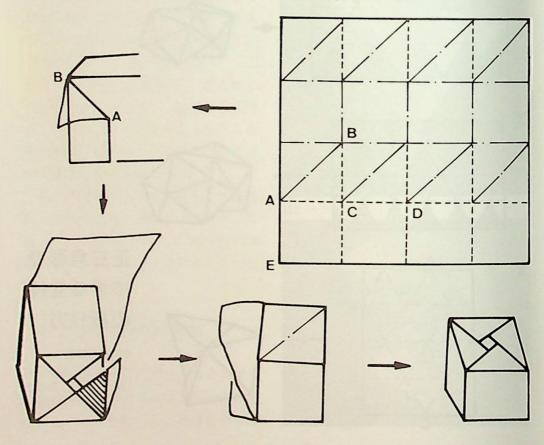
それぞれの立体については 113 ページから 129 ページの写真を見ていただくとわかると思います。また、同じ立体をたくさん作るときにはなるべく簡

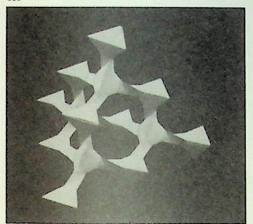
正六面体の折り方

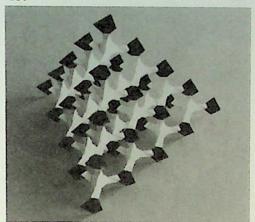
56 図版説明

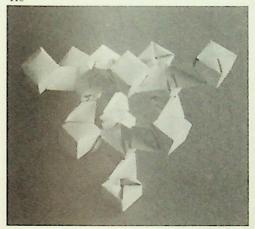
(紙型正方形)

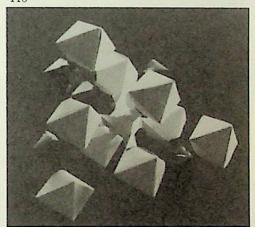
- 1…たて・よこともに4等分して折り、図のように折りすじをつけます。AEは内側に入りこむ部分です。
- 2…AをCに重ねるように折り、次にCをD に重ねるように折って箱状になるまで続けます。
- 3…斜線部を図の紙面垂直下側にさしこみま す。
- 4…上側を同様に折りすじ通りに折りこんでいきます。
- 5…最後のところを下にさしこみます。

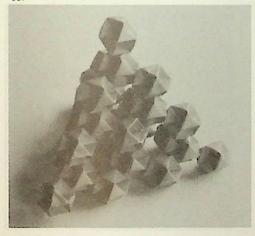


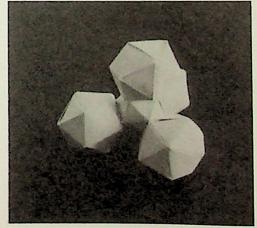


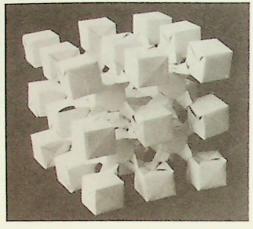


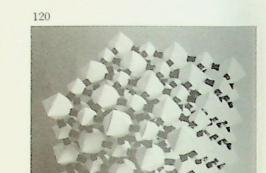


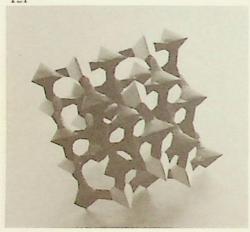


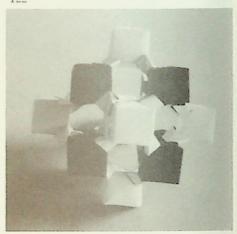


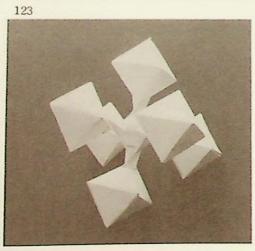


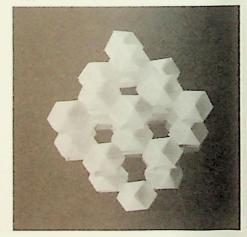


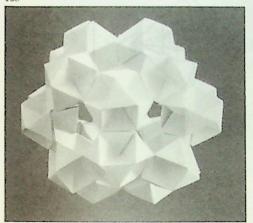








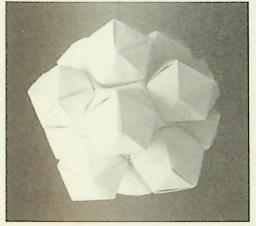




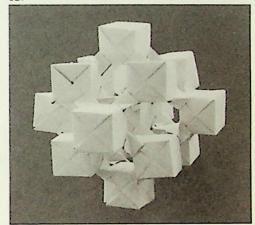
写真説明

113~118…正四面体型 119~120…正六面体型 121~124…正八面体型 125……正十二面体型 126……正二十面体型 127……菱形十二面体型 128……斜方六面体型 129……正四面体型

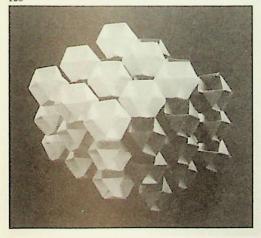


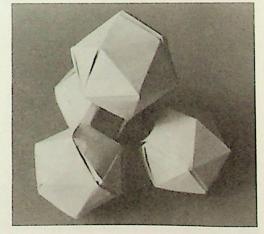


127

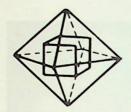


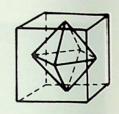
128

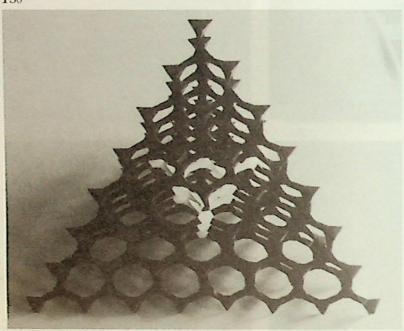




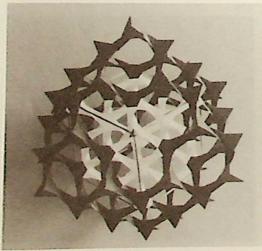
双対性を表わす立体構造模型 130…正四面体の中に正四面体 131…正八面体の中に正六面体 132…左の裏側からみたもの 133…正八面体の中に正六面体 134…正六面体の中に正八面体

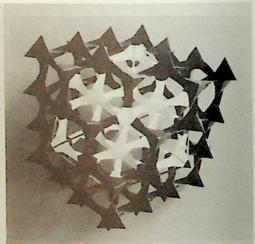


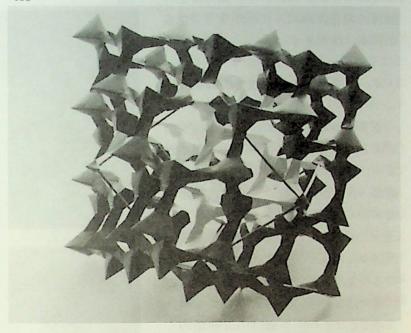


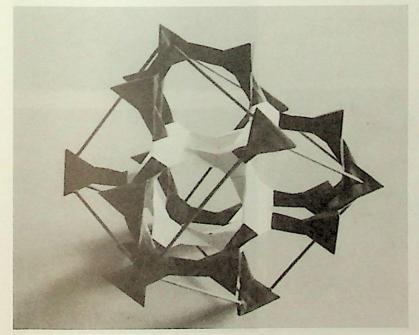












単な作り方が良いわけで、例えば正六 面体の場合は88ページの作り方で作る と簡単に作れます。

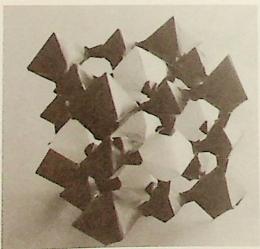
7 正多面体の双称性を表わす立体

正多面体のそれぞれの面の中心を結びあわせるとひとつの正多面体ができます。たとえば、正四面体からは正四面体、正六面体、正八面体からは正八面体ができます。また正十二面体からは正十一面体ができます。このような正多面体間の関係を、お互いに双対的な関係にあるといいますが、このことはまた正多面体の5種類のう

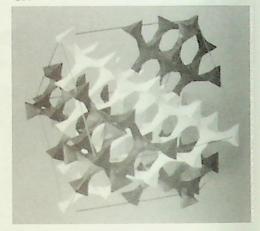
写真説明

- 135…双対性を表わす。正六面体の中に正八面 体が入っています。
- 136…正六面体の中が正四面体です。
- 137…同上。
- 138…同上。

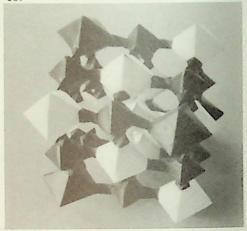
135

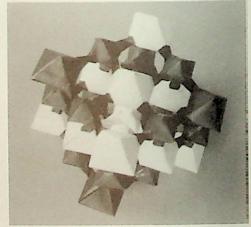


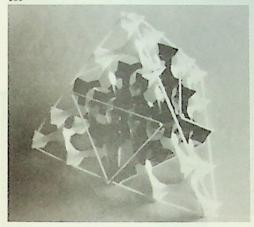




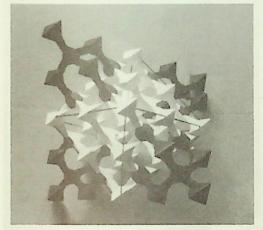
137



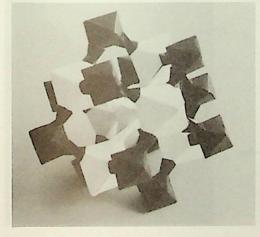




140



141



ちで、正八面体と正六面体の類似性を そしてまた正十二面体と正二十面体の 類似性をよく表しています。正四面体 が他の正多面体とは独立した存在であ ることもよくわかるものです。このよ うな正多面体の双対的な関係を表わす 立体を作ったのが写真130~135です。

また、正多面体を頂点どうしで結合すると正多面体型の立体が作れるので立体の双対的な関係だけではなくて、立体を切断したときに出来る立体を立体の色を変えて表現することができます。写真136~141がそのような立体ですが、実際に作っつてみると実に見事なものができます。写真ではその見事さの表現できないことが残念です。

8 その他

正四面体を2個、面と面とではり合わせたものの各面に直角四面体をはると、写真142の上のような立体ができます。これは一枚の紙で作ったもので作り方は96ページの図の1です。

その他いろいろと組み合わせると思いがけないような立体ができます。その一部を写真144~149で紹介することにします。

写真説明

139…正四面体の中に正八面体。

140…同上。

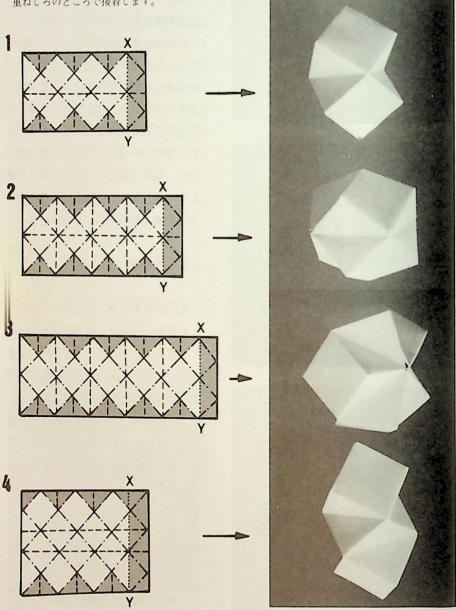
141…等稜十四面体の中が正八面体です。

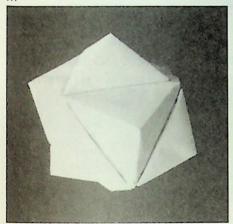
正方形又は直角二等辺三角形を面とした立体の折り方

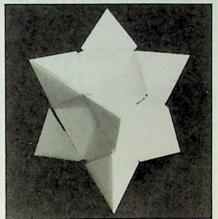
58 図版説明

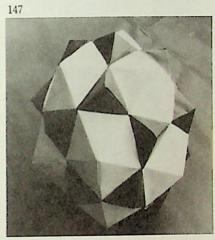
XYより右端の部分は重ねしろになります。 重ねしろのところで接着します。

142 · 143

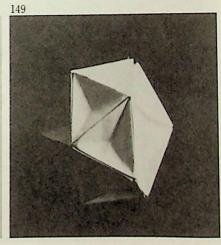












団子より花のコーナー

折り紙で花を作ることはありふれたことで、こと新しいことではありませんが、この花を作る基本の操作が「ねじり折り」と呼ぶものなのです。耳なれない「ねじり折り」なるものがどんなものか不思議に思われるでしょうが「1枚の紙の表面で多角形を作り、その多角形の裏面の中心から放射状に折りたたんだ紙片が出る」折り方なのだと言っておきます。要するにねじることで中心でまとめて接着剤などを必要としなくなった折り方です。折り方に様々な方法があり、作品が増える一方なのに作者自身が驚いています。

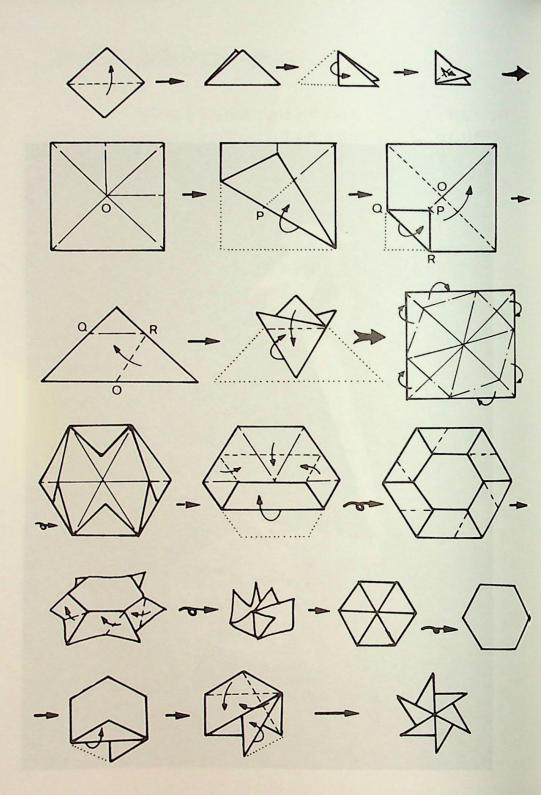
様々な星形や花の形をした簡単なものからいろいろと変化させた複雑なものを作ることができます。手近かにある紙で茶卓やどびんしきができます。柄のついた花を作ると机上の飾りになります。連続した長い紙で連らなった花が作れます。懸崖の菊を一枚の紙で作ってみたらどうでしょうか。紙の表と裏の色のちがいを利用すると配色の面白みもできてくるものです。

大きな紙の全紙面をねじり折りをしてたくさんの模様をちり ばめますと、見事な幾何学模様を作りだすことができます。織 り物やデザイン関係に利用できないでしょうか。

立体に利用すると、箱、花びん、こけし、植木鉢、茶わん等々、いろいろと応用範囲をもっています。この書物のあちこちですでに使ってきましたからお気づきの読者もあると思います。

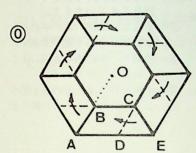
ねじり折りは、多角形の内側に同心の多角形を作り、それを ねじって作るもので、例えば、正六角形の中の正六角形の大き さが半分のものを「2分の1」と呼ぶことにします。「3分の 1」や「4分の1」も同じですが、内側の多角形の位置がずれ ているときには「2分の1ずれ」や「4分の1ずれ」になりま す。それぞれにいくつもの変化形が作れますから、ここにほん の一部だけ紹介するものを手がかりにして自分で新しいものを どしどし開発して下さい。

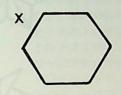




1 基本パターン(正六角形)

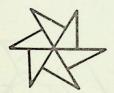
(1) 2分の1よりの作品 一番基本で、一番作りやすいのは前 頁に折り方をあげた①の風車です。あ とはくわしい折り方を紹介できません のでいろいろと試みて下さい。

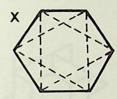




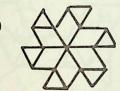


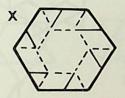






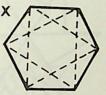


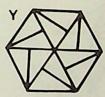






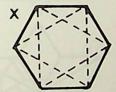














60 図版説明

O…基本折です。
OA:OB=2:1
になるものです。
小さい図のXは表、
Yが裏になってい
ます。以下の図も
すべて同じです。
これをいろと
変化させます。

- ①…風車
- ②…花びら。表を図の ように折ります。
- ③…とげ。裏の三角を 半分に折ってから 表を①のようにし ます。このとき三 角の半分を立てて とげのようにしま す。。
- ①…はさみ。裏の三角 の半分をとなりあ わせで作り、表を ①のように折りま す。

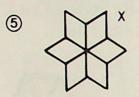
59 図版説明 (前ページ)

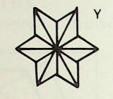
1~10…正方形の紙から正六角形を作ります。 11~17…正六角形の中に同心の正六角形を作って裏側のふちをたたみます。

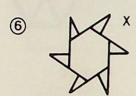
18~20…順に表の一枚を中心に折っていき、 最後を中へ折りこみます。

61 図版説明

- ⑤…麻の葉。裏の三角のところを ふくろのように折っておいて 表を①のように折ります。
- ⑥…水車。表を図のように裏側に 折りこんでいきます。
- ⑦…まんじ。内側の辺の中点Aを中心〇に合わすとできます。
- ⑧…中割り。②の表をさらによく ろのように折ります。
- ⑨…中割り麻の葉。⑤の表を②のように折り、ふくろに折ります。

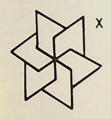


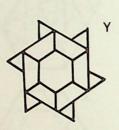


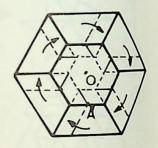




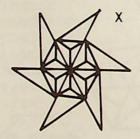
7

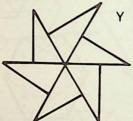


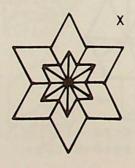




8







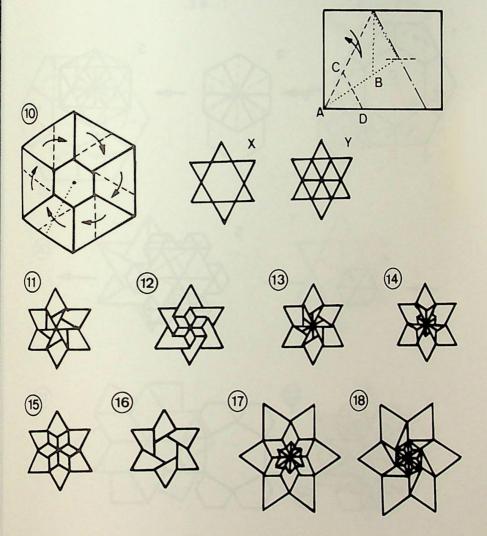


(2) 3分の1よりの作品

大小の同心の正六角形を作ってねじ り折りにし、それにいろいろの変化を つけて折ります。内側の正六角形の大 きさが外側の正六角形の3分の1にな ったものです。

62 図版説明

右上は3分の1の正六角形の作り方。 普通サイズの紙を四つ折りにしたもので正六 角形の折りすじをつけるために折り重ねたも ので、紙の中心AをBに合わしてCDを折る と3分の1の正六角形が作れます。 その下は3分の1の基本折り。 ①~⑱は変化型で、2分の1の①と同じ手法 で⑪が作れます。同じように②の手法で⑫、 ③で⑬、④で⑮、⑤で⑮、⑥で⑯が作れます。

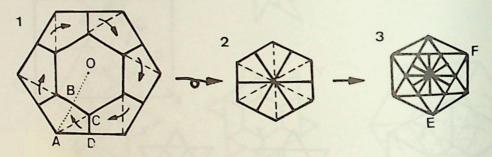


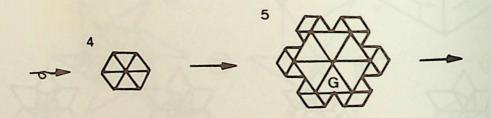
(3) 2分の1ずれより

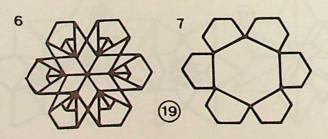
外側の正六角形と内側の正六角形の 位置がずれているものが「ずれ」です がOB:OA=1:2になりますから、 大きさは半分ではなくて内側のほうが 少し大きくなります。

63 図版説明

- 1…BCとCDとを重ねAがOの位置になる ようにまわりを折ります。
- 2…折ったときの裏側です。重なっている三 角形の部分を開いて押すと3になります。
- 3…図の三角をEFの線でひとまわり裏側へ 折っていきます。
- 4…折って裏返したところ。
- 5…4の裏から出します。Gのところを中心 に合わすようにしておろすと6です。
- 6…雪の花印になります。
- 7…裏面。







(4) 8分の3ずれより

64 図版説明

右上…8分の3ずれの作り方

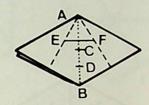
内側の正六角形の折り線をつけるには 正六角形を図のように折り、紙の中心 であるAをBに合わしてC、BをCに 合わしたDにAを合わした点を通るよ うにEFの折りすじをつけます。

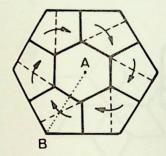
左上…基本折り。

②……おもだか。2分の1の①から作ります。

②……2分の1の②から作ります。

②……中割りおもだか。③から作ります。



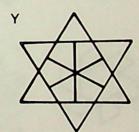




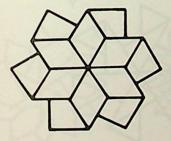


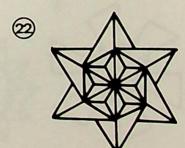






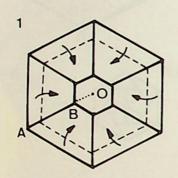


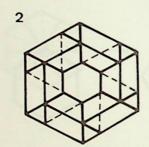




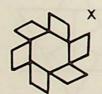
65 図版説明

- 1…基本折り。OAの4分の1のOBをとって内側の正六角形を作り、周囲の部分を 折ります。かどは一方向にしておきます。 また裏側に折ると変化形になります。
- 2…ねじり折りにすると、③になります。
- ②…裏を変化させると形がいろいろと変わります。
- ②…ハンドル。中の六角形を①にしたものです。②③④⑤⑥⑧⑨にしても面白いものができます。



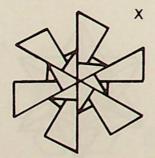


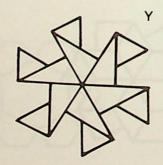










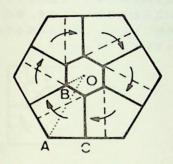


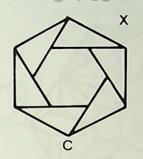
(6) 4分の1ずれ

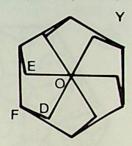
66 図版説明

一番上は基本折り。OBがOAの4分の1になるようにとり、ねじり折りにします。

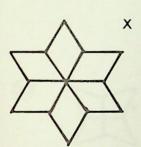
- ②…裏の各かどを表側に折って六角形の中へ 入れます。茶卓。
- ⑤…裏のDOをへこましてEOの線に接しO Fの線を立てます。菊。
- ②…表を図と同じように作ります。ダリア。







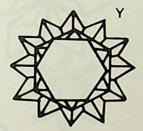


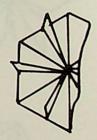




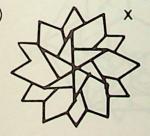


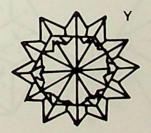






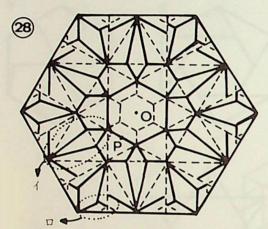


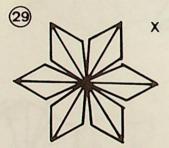


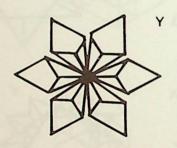


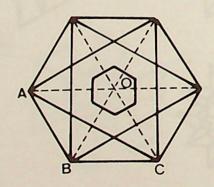
67 図版説明

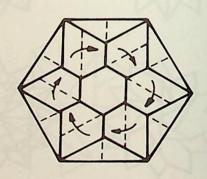
- ②・・蓮の花。⑤の裏を⑦と同じように折り、中の六角形を立ててイの部分を作り、六角形の辺の中点Bを○に合わします。ロの部分で花びらをとがらすと同時にわん曲を保持するように折ります。
- ②…六つ星。BをOに合わしてACを折ります。以下同じにします。全部の折りすじがついたらねじり折りにします。中の六角を外折にし、さらに花びらの間を中心に折っていくとでき上りです。









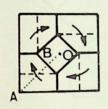


2 他の多角形

(1) 正方形 4分の1ずれ

68 図版説明

⑩は③、⑪は⑤、⑫は⑰と同じ操作です。正 六角形の基本パターンを他の正多角形に応用 する場合は形がくずれて使えない場合もあり ます。①⑥などは正三角形以外にはすべて使 用できます。











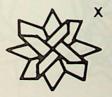








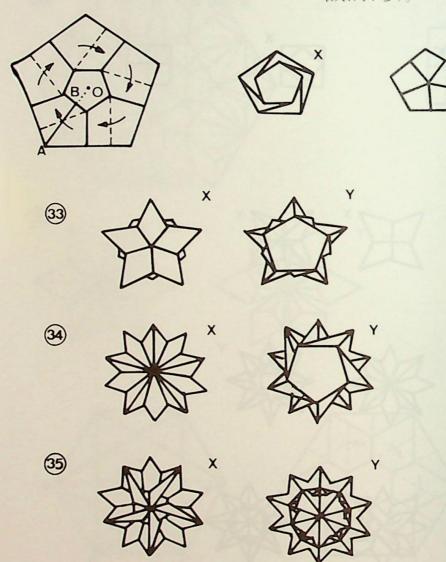




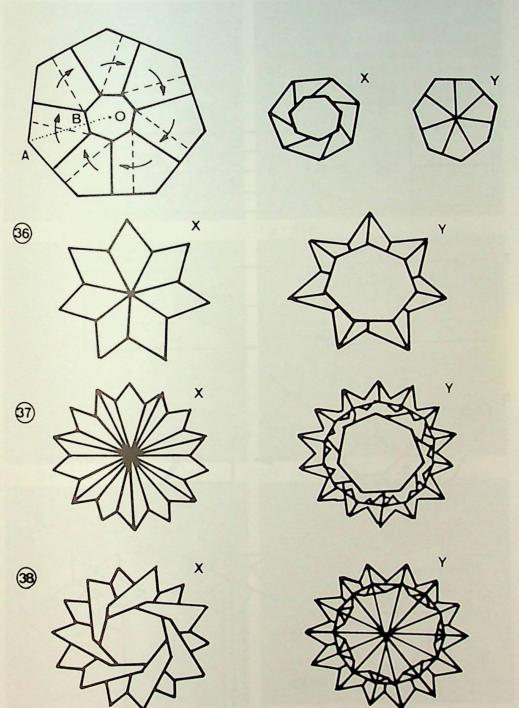


69 図版説明

- OBがOAの4分の1になるように内側の正 五角形を作ります。
- ③…星茶卓。表を⑤と同じようにします。
- ③・・・②と同じです。
- ③…②と同じですが中の基本パターンは③を 取入れています。



(3) 正七角形 4分の1ずれ



茎のついた花の折り方

71 図版説明

1…正方形の半分の紙を使います。なるべく 両面おりがみの表が赤または黄で裏が緑 系統のものがよいでしょう。

2…紙のはしに正六角形を作ります。内側の 正六角形は2分の1です。 3…茎になる部分の折りすじをつけます。

4…内側の正六角形は外側の3分の1です。

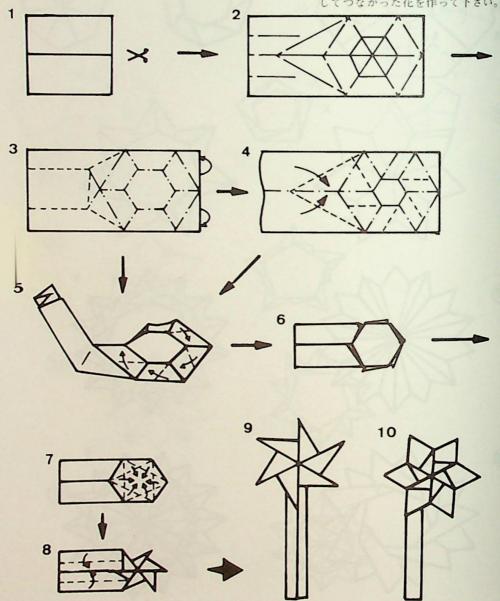
5…ねじり折りにします。

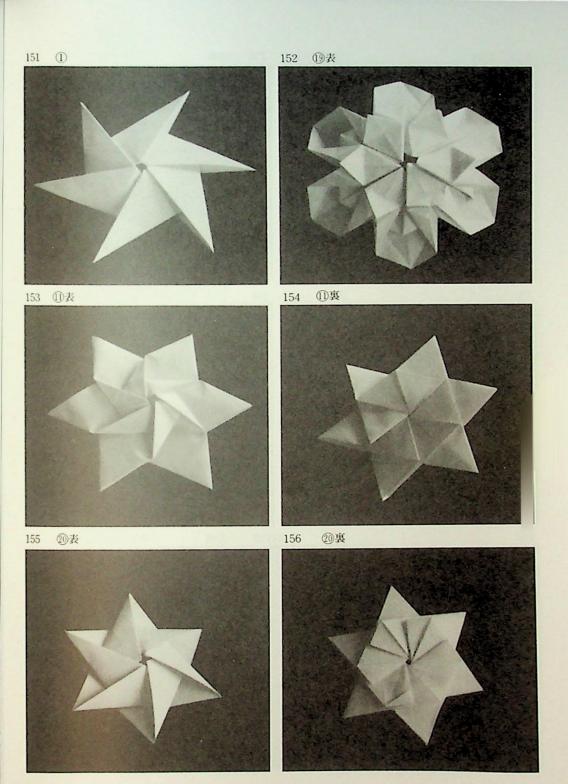
7…花になる部分にいろいろ工夫するとよいでしょう。

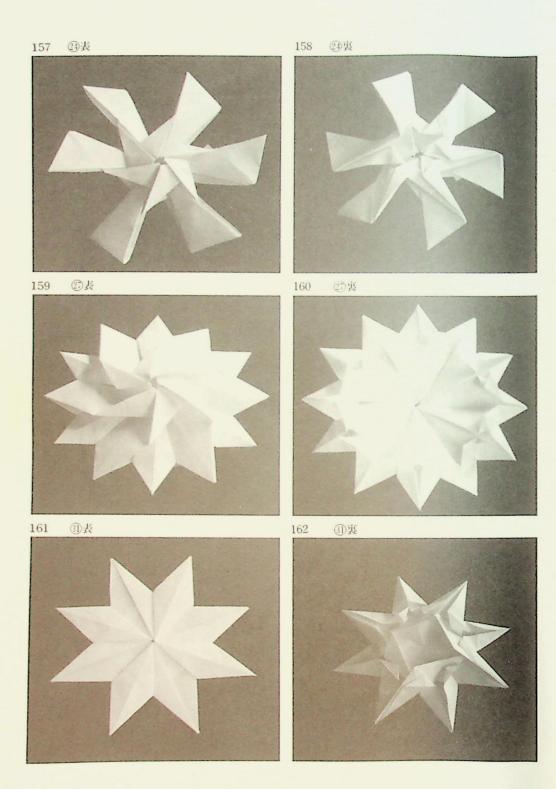
8…風車になります。3から作ります。

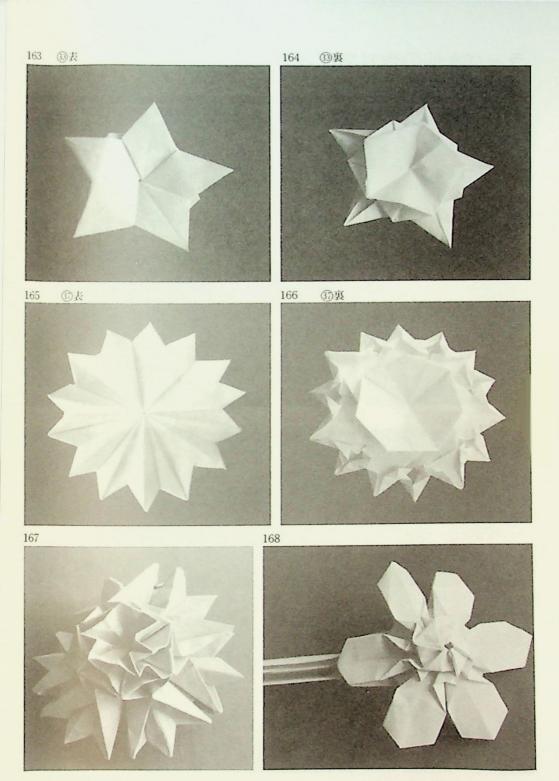
10…水仙になります。 4 から作ります。

11…長い紙の中央ででもできますから、連続 してつながった花を作って下さい。



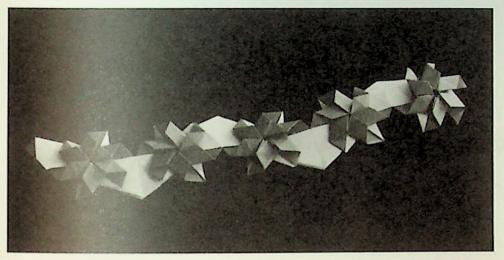




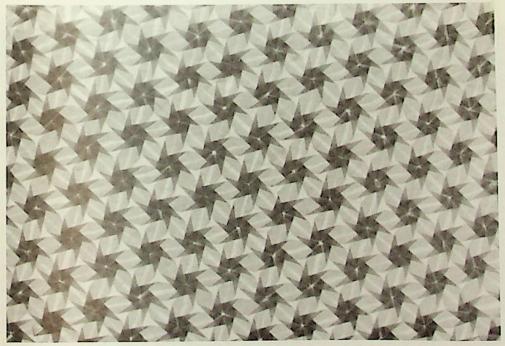


ラッパ水仙の作り方 (29の応用)

180 連続ねじり折り

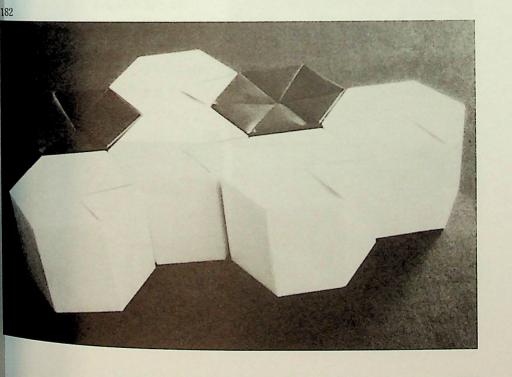


181 連続ねじり折り (平織り)



第五章

空間をうずめる



アラベスクという装飾文様があります。厳しい規制や戒律を徹底的に信者に課す信仰世界のイスラム教が作りだした美術形式です。写真183のように、びっしりと抽象図形が空間をうずめつくして超現実世界を作りだす独得の美術形式です。

写真184。これはまた異質の文明、中 南米アンデス山脈の中で発達したマヤ 文明の石積みの遺跡です。カミソリー 枚の入るすき間もないと言われます。

ここで当突にこのような話をもちだ したのは、この章では空間をうずめる 問題を取扱ってみようと思っているか らです。

平面上ですと、正方形でも、正三角 形でも、正六角形でも、単一の合同な 正多角形で平面をうずめつくすことが できます。大きさをかえれば種類はも っと増えます。これがタイルです。と ころが立体となると正六面体以外には 単一の合同な正多面体で空間をうずめ つくすことはできません。このことは 平面と立体、言いかえると二次元空間 と三次元空間の違いを明瞭に表してい るように思います。

1 一種類の正多面体

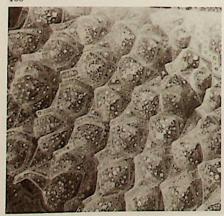
正多面体を一種類だけ使って空間を すき間なくうずめつくそうとすると、 それのできる立体は正六面体だけで、 他の4種類はいずれもできません。と ころで、正六面体は次のいくつかの立 体で作ることができますから、それら の立体も空間をうずめられるわけです。

正四面体と直角四面体

正四面体と正八面体と直角四面体 等稜十四面体と正八面体と正四面 体と直角四面体

八角星と直角四面体

183





2 二種の正多面体

正多面体のうち正四面体と正八面体 の2種の立体を用いると空間をうずめ ることができます。正十二面体や正二 十面体は面の数が多すぎるので空間を うずめることはできません。

等稜の正四面体と正八面体とを作っ て組み合わせると空間をうずめること ができます。この組み合わせは鉄骨を 組んで作る建築物に使われていますか ら街で見かけることもあるでしょう。 写真185~187。

合同図形で囲まれた一種の立体

正多面体以外で合同な図形で囲まれ たただ一種類の立体で空間をうずめよ うとするとそれは菱形十二面体よりあ りません。したがってこの点から見て 菱形十二面体は特異な立体だと言える でしょう。

菱形十二面体も他のいくつかの立体 で組みたてて作ることができますから それらの立体もまた空間をうずめるこ

写真説明

185…正四面体と正 八面体の組み 合わせ。

186…同上。

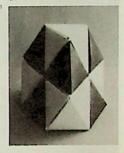
187…同上。

188…菱形十二面体 の組み合わせ。

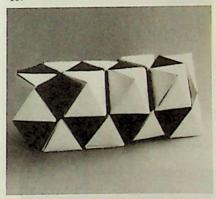
189…菱形十二面体 を作る立体の 組み合わせ。

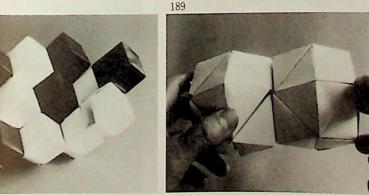


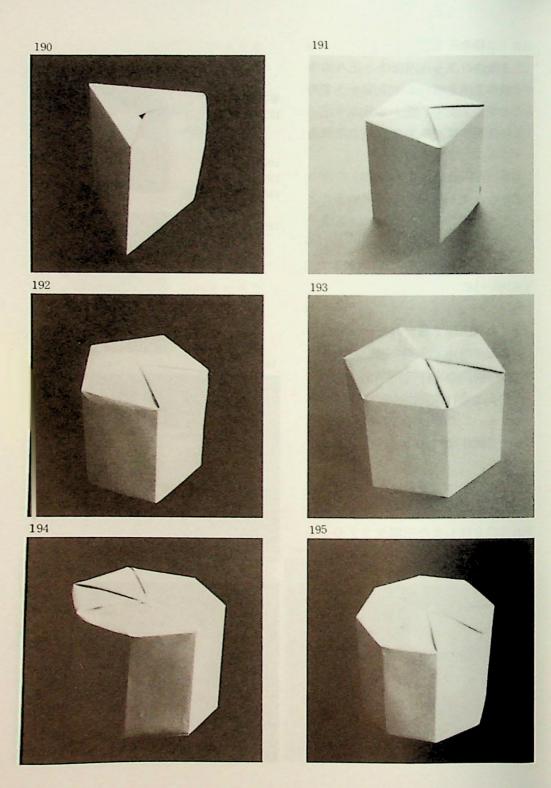




187







とができるわけです。すなわち

八面体

八面体の半分の立体 直角な面をもつ四面体

です。

4 一種の立体

正六面体と菱形十二面体以外で一種 の立体で空間をうずめつくせるのは切 頭八面体と角柱とがあります。

角柱はレンガを考えてもらうとわか るように四角柱で空間をうずめられま すが、正三角柱や正六角柱でも空間を うずめることができます。正六角柱の 作り方は125ページ、正四角柱の作り方 は126ページ、正三角柱の作り方は127 ページを見て下さい。

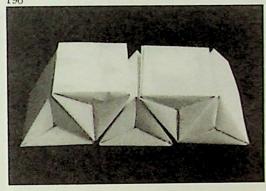
5 二種類の立体

切頭四面体と正四面体、等稜十四面 体と正八面体を組み合わせると空間を すきまなくうずめることができます。

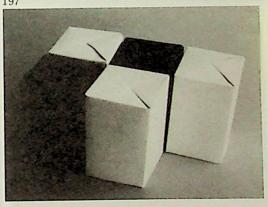
写真説明

196…正三角柱を組み合わします。 197…正四角柱を組み合わします。 198…正六角柱を組み合わします。 199…切頭八面体を組み合わします。

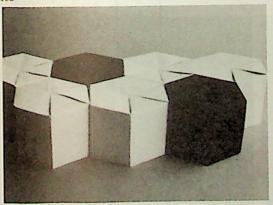
196

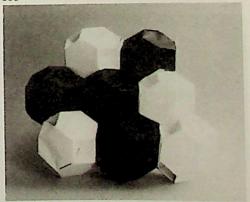


197



198





写真説明

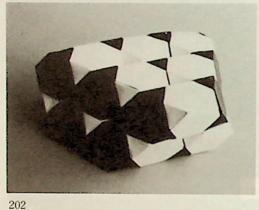
200…切頭四面体を組み合わしたものです。あ いだに小さな空間ができるので、ここに 正四面体を入れます。

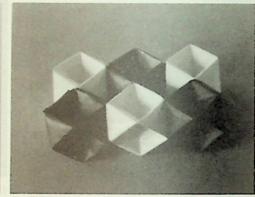
201…等稜十四面体を組み合わしたものです。 あいだに正八面体を入れます。 202…六角箱。

203…六角箱の底。ねじり折りになっています。 204…いろいろな箱。

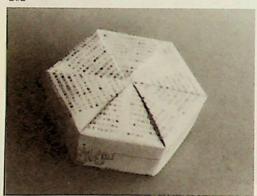
205…いろいろな箱。

200

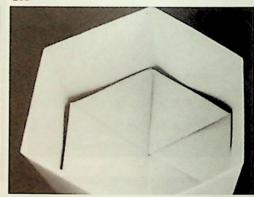




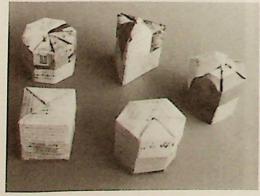
203



204



205





正六角柱の折り方

772 図版説明

1…AとCを重ねてDをきめます。

2…BとDを重ねてEFで折ります。

3…EとCを重ねて3等分します。

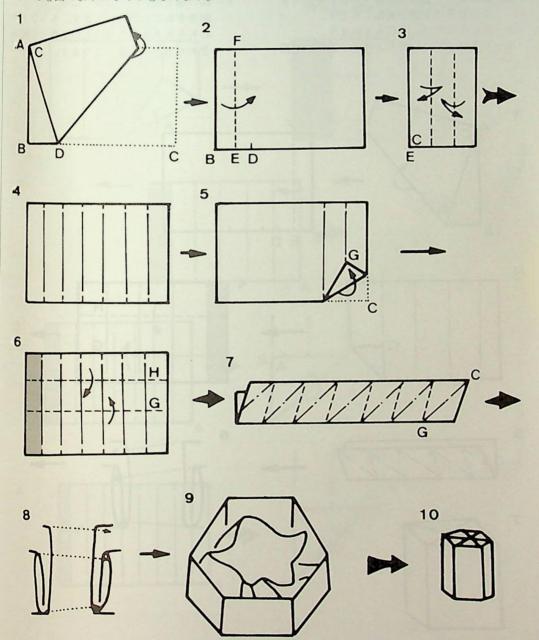
5…Cを図のようにしてGをきめます。

6…Gを通るように折り、Hでも折ります。 GHが高さになります。

7…図のように折って底の部分を作ります。

8…底になる部分を内側にして輪にし、重ね しろの部分を図のようにさしこみます。

9…底の部分をねじり折りにします。



正四角柱の折り方

73 図版説明

1…AとCを重ねてDをきめます。

2…BとDとを重ねてEをきめEFを折りま す。EFの左側が重ねしろです。

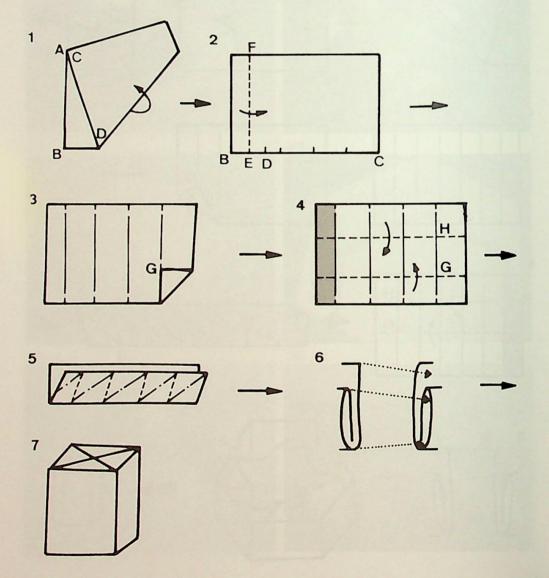
3…ECを4等分してGをきめます。

4…Gを通るように折り、Hのところでも折

ります。GHが高さです。

5…図のように底になる部分を作ります。

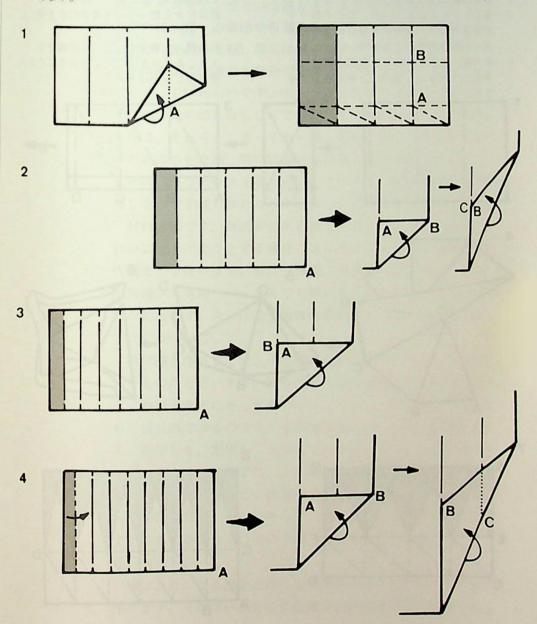
6…輪の端を図のようにさしこみ、底になる 部分をねじり折りにします。もうひとつ 心もち大きさのちがうものを作って組み 合わせるとより良くなります。



いろいろな角柱の折り方

74 図版説明

- 1…正三角柱。 4 等分して底になる点 A をきめます。
- 2…正五角柱。6等分して底になる点Cをきめます。
- 3…正七角柱。8等分して底になる点Bをきめます。
- 4…正八角柱。重ねしろをとってのこりを8 等分し、底になる点Cをきめます。

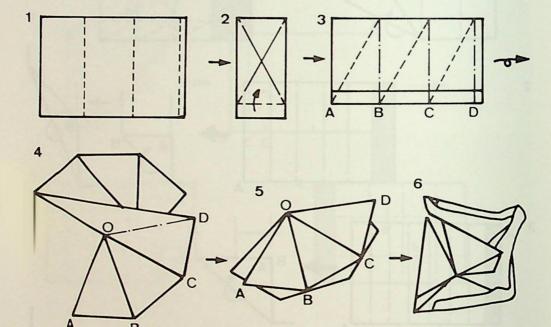


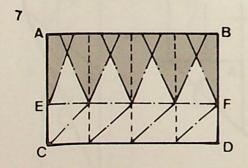
角錐の折り方

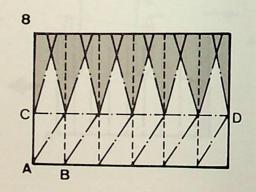
75 図版説明

- 1…三角錐を作ります。等間隔に三つに折ります。
- 3…図のように折りすじをつけます。
- 4…ODの線で折ります。
- 5…重ねたままでOA、OB、OCの折りす じを強くつけ、扇形OABCDよりはみ だした部分を折りこみます。
- 6…折り返しの部分を出し、裏側の折りすじ を山につけなおし頂点Oを中心にして全

- 体を巻きこむようにして三角錐にし、折 り返しの部分でまとめます。
- 7…四角錐を作ります。4等分してAEFB で四角錐を、ECDFで底を作ります。 底はDから折っていき最後にCを差しこ みます。
- 8…六角錐。6等分し、底になる部分を AB:AC=1: ØになるようにCDの 折りすじをつけます。







箱のファンタジイ

「おみやげにもらった箱を開くと中からぱっと白い煙がたちのぼり、あっというまにおじいさん」になった浪島太郎の玉手箱はタイムマシンだという説がありますが、宝物の入れものとしての箱、種々の悪徳や希望の入っていたパンドラの箱、花ムコ選びに使われる箱、箱には様々なイメージがあるものです。

子供の頃には誰でも自分の大事なものをそっとしまっておく箱をもっていたものです。大人にとってはつまらない石ころや木の実、紙の切れはしなどであっても、子供にとっては大切な宝物で、それらをしまっておく箱、親しい友人へのおくりもののための小さな箱、箱には様々な用途があるものです。

そのようなチッチャなかわいくてきれいな箱を道具を全く使用しないで手軽に作れたらすばらしいのではないでしょうか。

材料は紙です。身近かにある紙ならなんでも作れますが、きれいに仕上げようとする場合にはいろいろな模様の包装紙や千代紙などを使います。形は三角箱、四角箱、五角箱、六角箱、七角箱、八角箱……なんでも作れますが、形の良いのは六角箱が最高です。丸い正二十面体の形のかわり箱も作ってみましょう。40ページ。

紙で箱を作ることは、小学校の教材として古くから使われているものだと思います。箱を作るための展開図というものが、よく教科書などにあったものです。しかし、箱作りとはいっても、折り紙で作るのですから展開図など書くわけではありません。物指しも、定規も、エンピツもハサミも、ノリも、他のいっさいのものを使わずに、ただ紙だけを使って作るのです。印刷の模様が思いがけない効果を生じたりしますから、小さく作って小物入れや、大きく作ってクズ入れにして、そのまま使いすてにもできます。いろいろと工夫をしてみてはどうでしょうか。

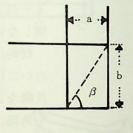
箱はふたになる部分と身になる部分とをそれぞれ一枚の紙で 作ります。そのさいふたになる部分の紙は身になる部分の紙よ りほんのすこしだけ長さを大きめにしておく必要があります。

箱の形はすべて正多角柱か正二十面体の形になります。したがって底になる部分(正多角形になる部分)の長さがきまればどの形のものでもできるものです。箱の形と底の長さの関係を表にあらわしておきますから、作り方を紹介していない箱も作ってみられたらどうでしょう。

箱は角柱の応用ですが、細長い角柱の途中で一回ねじったものを作るとコケシができます。また箱のふちを変化させたものを作るとツボになります。箱そのものにも変化をもたせられます。折りはしのない箱や重ねあわせのある箱を作ると面白くなります。またガワのところにすき間を作って花をさしこむと花立にすることもできます。

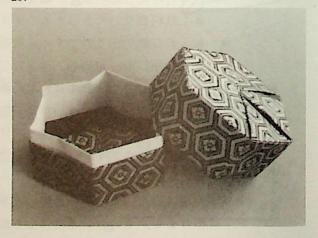
正多角形の箱を作るときの底の取り方

正n多角形	β (度)	tanß	tanβ参考
3	30°	0.58	1/√3
4	45°	1.00	1
5	54° .	1.38	\(\frac{1+2/\sqrt{5}}{}\)
6	60°	1.73	√3
7	64. 286°	2.08	
8	67.5°	2.41	$1 + \sqrt{2}$
9	70°	2.75	一般に
10	72°	3.08	$\beta = 90^{\circ} \left(\frac{n-2}{n}\right)$



 $\tan\beta = \frac{b}{a}$ $a = 1 \mathcal{O} \succeq \mathfrak{F}$ $\tan\beta = b$

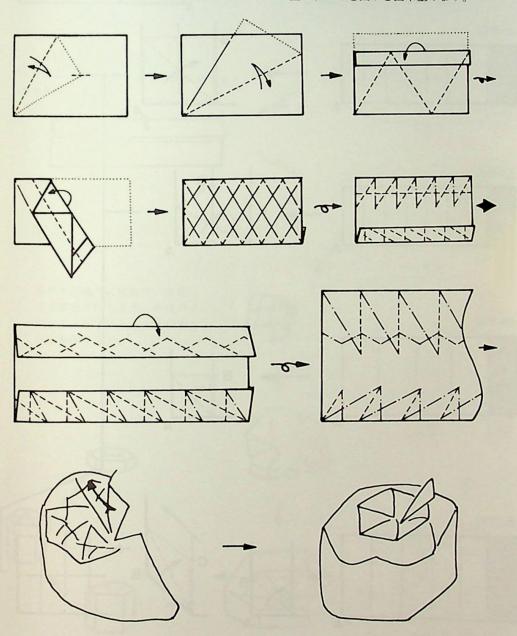
206



リンゴの折り方

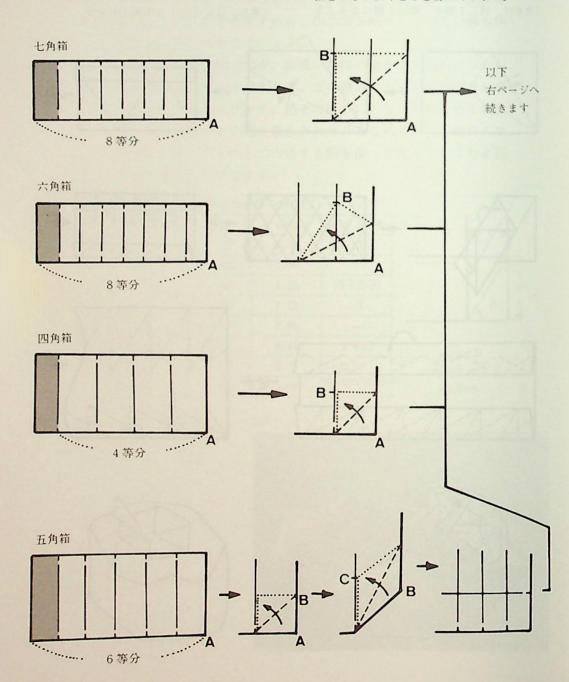
77 図版説明

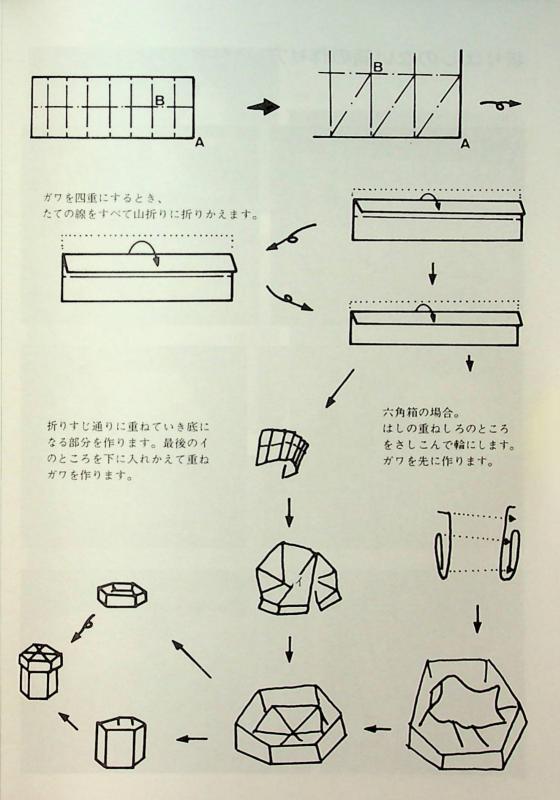
正三角形の折りすじを入れます。はじめの正 三角形は、横に1個半、縦に1個になるよう に上部を折ってから折ります。もう半分、半分の折りすじを入れてから、図のように折りすじをきっちりとつけて、輪になるように折り重ね、はしを出すと出来上ります。



種々の箱の作り方

紙を2枚用意します。フタになる1枚は1:3 くらい、ミになる1枚は1:2くらいでフタよ りほんのすこし短くします。また四角箱や五 角箱は多少幅広く、ガワを四重にするときは 幅をかなり広くとる必要があります。

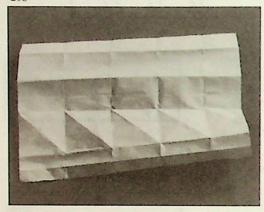


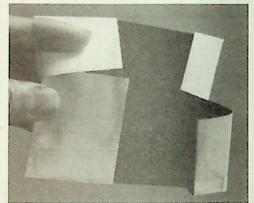


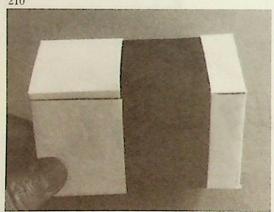
折りはしのない箱の作り方

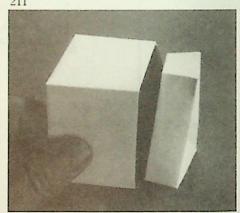
写真説明

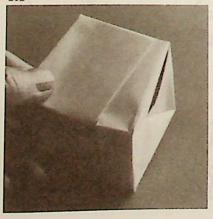
図のように折りすじを作り、両はしを折って ねじり折りにして短い部分をさしこみます。

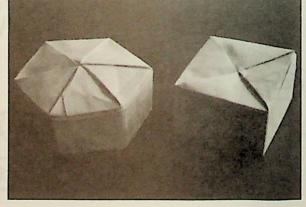


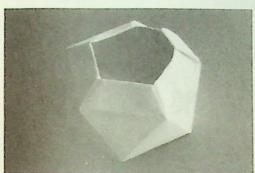












215 リンゴ

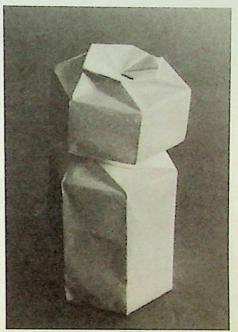


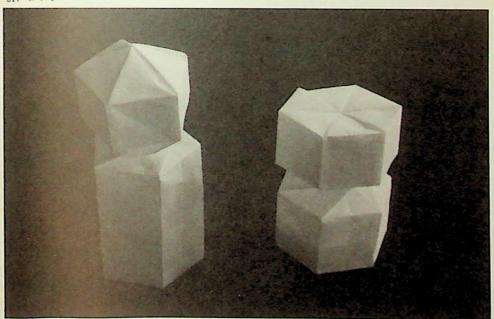
217 コケシ



214 ツボ



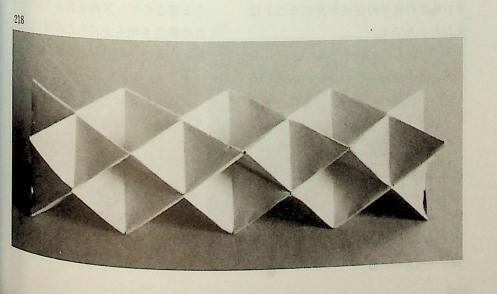




第六章

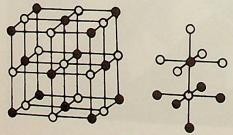
ミクロの世界・

折り紙結晶学入門



すべてのものが原子からできていることを最初に言いだしたのは、プラトンなどと同じようにやはりギリシヤ人で、その中のデモクリストという人が有名です。この人は「カラシが口の中をヒリヒリさせるのは、カラシの原子がトゲトゲのある形をしていてのどをひっかくからだ」と面白い説明をしたといわれていますが、見ることのできない極徴の原子の存在を見破ることは大したことです。

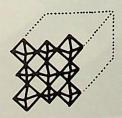
すべてのものが原子からできていることを誰もが知っているといいましたが、水や空気や石ころ、とくに金属になると原子でできていることを疑う人



はありませんが、生物、サクラの花や 人間などになると大分あやしい人があ るようです。その点この本のはじめに あげたダイヤモンドや水晶などのよう に固くてきれいな外形をした固体にな ると、原子でできていることに疑問を いだく人はまずありません。このダイヤモンドや水晶のようなものを結晶と いって、目に見えない小さな原子が規 則正しく並んでいます。

ところで、目にも見えない小さな原子が規則正しく並んでいることがどうしてわかるのか、いかにも不思議なことです。これは1912年にラウエという人が、結晶にX線を通すと奇妙な模様ができることを発見したのがきっかけでみだされてできる現象の模様から原子が規則正しく並んでいることがわかるとが違えばX線の模様もちがってくる筈なので、X線を使って最初による筈なので、X線を使って最初に結晶を使いう人で、1913年に岩塩の結晶を使いました。

岩塩の結晶は、よく知られているように塩化ナトリウムNaclですが、塩素



原子clとナトリウム原子Naの二種類の原子が網目状にお互いにつながって配列しています。このように前後左右上下に無数の原子が規則正しく並んで結合しているものを結晶と言うのです。

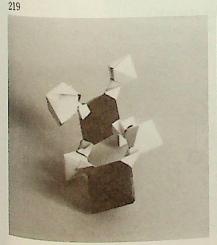
岩塩の結晶は図80のように、原子の組み合わさった立方体がレンガのように積み重なったものとみなしてもよいでしょう。ひとつひとつの原子の場合では、ひとつのNa原子に6個のNa原子が、ひとつのcl原子に6個のNa原子が結合しているわけです。Naclと言っても、1個のNa原子と1個のcl原子とが組み合わさったものの集まりとはちがうのです。

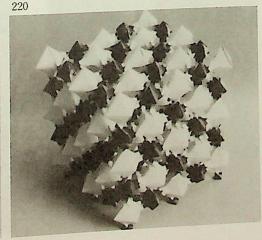
こうした、原子が規則正しく並んだ 結晶構造模型を折り紙で作るのがこの 章のテーマなのです。

岩塩の結晶構造模型を作るには、正 八面体を作ってこれをcl原子とします。 正八面体の作り方は34ページにありま す。Na原子も正八面体ですが、cl原子を作った紙の半分の大きさの紙で作ります。この二種類の正八面体を図80のように組みたてると出来上ります。岩塩は外形が正六面体の形になりますがNaとclとはそれぞれ色をかえるとよくわかります。

第1章で作ったダイヤモンドでも、 岩塩の場合でも1つの立体が1つの原子を表しているので原子の配列のしか たがよくわかって良いのですが、結晶 の中の原子の規則正しい配列のしかた は1つの立体そのものを使ってもわか りやすいので、この章ではしばらくは 1つの立体で原子配列を表わすことを 考えてみたいと思います。

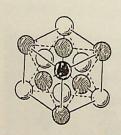
結晶は原子が規則正しく並んでいます。そして気体などとは違ってできるだけ近いところにぎっしりとつまっていると考えられます。原子をひとまず球形をしていると考えて、原子を平面

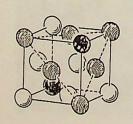


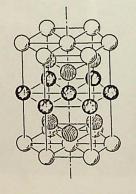


にできるだけすき間なく並べてみると 図81のようになります。これが立体に なるとひと通りでなくなります。図81 の原子の並びの上に2層目の原子を並 べるには、第1層のくぼみのところに 原子をおけば良いのですが、第3層に なると並べる方法に2方法があって、 そのどちらになるかによって結晶の形 が全くちがったものになります。図81 の3層目を2層目のくぼみにおくには 第1層の真上に来る場合と真上でない 場合の2通りがあるわけです。

原子はほとんどがこのどちらかの集 まり方をすると考えられるのですが、 原子の空間配列を考えるためにある枠 組みがあって、そのなかのきまった位 置に原子がくるとします。この枠組み を原子の格子と呼びます。図81のaの 場合は、正六面体の各項点と面の中心 に原子をおいた形になるので面心立方 格子、もうひとつの場合を六方格子と

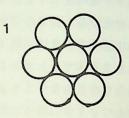


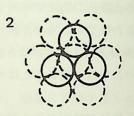




81 図版説明

原子の立体配列のしかた。1は1層。2は第 2層。3は第3層目のちがいを表わします。

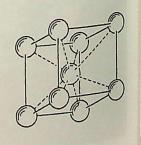






82 図版説明

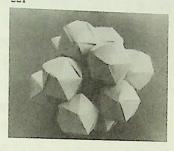
原子の位置関係。左はしは面心立方格子。中 央は六方格子。右はしは体心立方格子。



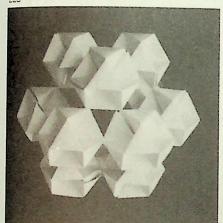
写真説明

221…面心立方格子の原子配位 222…面心立方格子 223…六方格子 224…体心立方格子

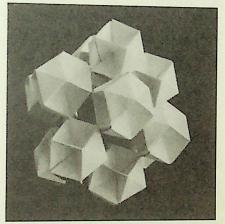
225…体心立方格子

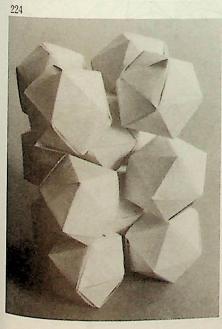


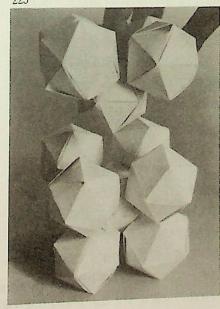
222



223







いいます。図82に両者の配列を図示しています。ただ、ものによっては、正方形の頂点と中心に原子が位置する体心立方格子になる場合があります。

このような結晶を作る原子の並び方を正二十面体や等稜十四体を使って作ることができます。141ページの写真を見て下さい。しかし、このような作り方では立体をたくさん作る必要があるので、簡単にひとつの立体で原子の並び方を示すことを考えてみます。

1 面心立方格子を表す立体

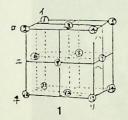
ひとつの立体で面心立方格子を表わすのはなんといっても立方体、正六面体です。正六面体の各項点と面の中心に位置する原子を図83-1の①~頃とすると、③⑥⑦⑧⑨②を頂点とする正八面体と、③⑨⑤⑧、③⑨④⑦、③⑥②⑦、③⑥①⑧、⑫⑦⑥⑩、⑫⑦⑤⑨、⑫⑧⑩⑥を各項点とする正四面体とからなっていることがわかります。このような立体はまえに作った八角星にほかなりません。八角星の作り方は75ページです。

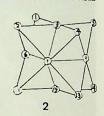
次にこの八角星を2個つなぎあわせた立体を作ります。図83-3です。作り方は144ページです。二重星をAA、BB'の線で切ると等稜十四面体になります。等稜十四面体の作り方は65ページです。図83の5も等稜十四面体で、この立体の位置をかえると6となります。

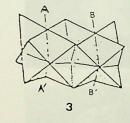
5 も 6 もとなりに原子のみの並び方を 図示してありますが、面心立方格子を スチレンボールなどで作る場合は6の

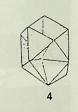
83 図版説明

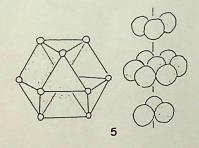
- 1…正六面体の原子配位
- 2…八角星の原子配位
- 3…二重星
- 4 …等稜十四面体
- 5 … 等稜十四面体の原子配位
- 6 … 等 稜十四面体 B の原子配位

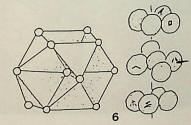


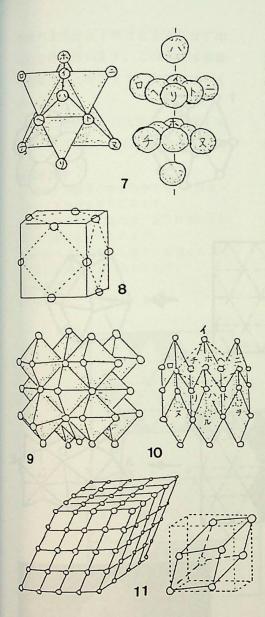












配列で作るのが簡単です。まず最上段の4個を正方形になるように作り、中段の中心に1個配して正方形に並べ、下段は再び正方形になるように組み立てるとできます。5、6から中央の原子1個に隣接する原子の数が12個であることがわかります。

八角星の位置をかえると図84の7になります。図83の5と図84の7とでは原子の数が13と14になっていますが、立方体の中に含まれる原子の数はどちらも4個です。

図84の8は立方体を切って図83-6に する様子を示しています。9は正八面 体の稜と稜とを連結して作った立体で 各項点に原子があります。正八面体で 囲まれた空間は正四面体になっていま す。121ページ参照。

10は斜方六面体を6個連結したもので、11のようにも作れます。右は面心立方格子の中に斜方六面体が含まれている様子を示し、この立体から図83の立体を取り出すには、各面の中心に位置する原子と稜の中心の点とをつなぐと12のようになります。

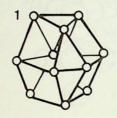
2 六方格子を表す立体

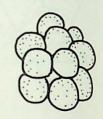
六方格子は六角柱になりますが、原子が六角柱の内部に位置するのでよい 表現とはなりません。そこで等稜十四

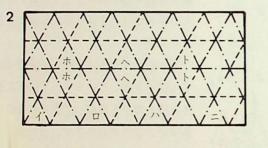
84 図版説明 面心立方格子を示す立体

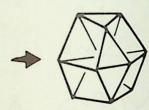
85 図版説明

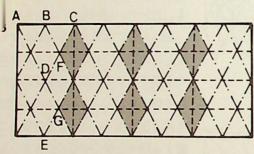
- 1…六方格子。等稜十四面体Bの原子配位。
- 2…等稜十四面体Bの折り方。図のような折りすじをつけて、イを口の下に重ね、ハを二の下に重ねたものをイの下に重ねます。ホ、ヘ、トの部分は裏面で重ねて一枚のようにします。
- 3…二重星の折り方。紙のサイズを変えて長く連結したものも作れます。FGの線で重ね合わすと等稜十四面体を連結したものができます。

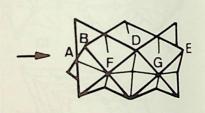




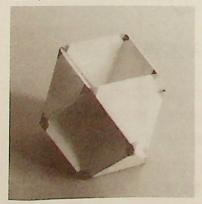




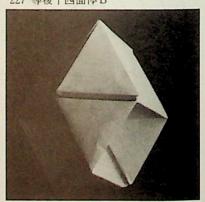




226 等稜十四面体



227 等稜十四面体 B



画体の上半分と下半分とをずらせて作った立体を使います。この立体は等稜 十四面体Bと呼びます。作り方は144 ページです。

面心立方格子と六万格子の関係を明 らかにするには、等稜十四面体と八角

86 図版説明

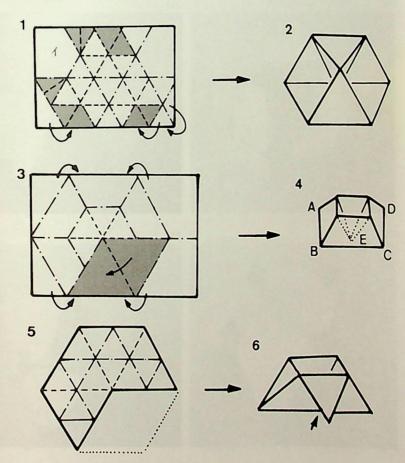
- 1…等稜十四面体の半分の作り方。イは裏ぶ た。まわりを折りこみます。
- 3…八角星の半分の作り方。正六角形のまわりの部分を折りこみます。
- 4…一応へこんだ形にします。各項点A、B、 C、Dを中心Eに合わします。
- 5…展開図
- 6…矢印のところを接着します。

星の半分の立体を作って組み合わすとよくわかるものです。作り方は145ページを、その結果は146ページを見て下さい。 黒丸は原子です。

六方格子になると対称性が面心立方 格子より劣るので、あまり異なった立 体であらわすことはできません。正四 面体と正八面体とで立体ができていま す。

3 体心立方格子をあらわす立体

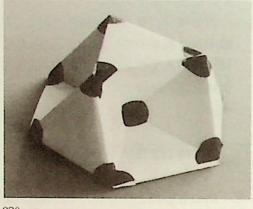
体心立方格子をあらわす立体は凹型



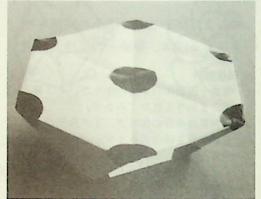
228~229…等稜十四面体の半分。 230 ……ふたつ重ねて等稜十四面体にしま す。

231~232…八角星の半分。 233 ……ふたつ重ねて八角星にしたところ。

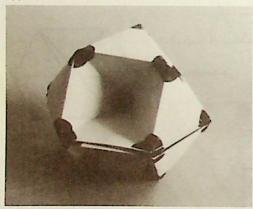
228



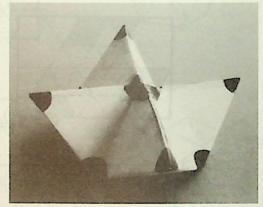
229



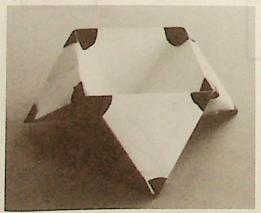
230



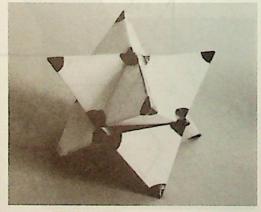
231



232



233



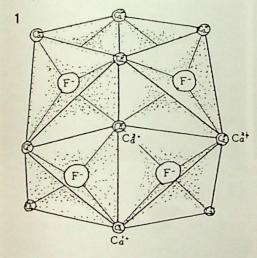
正六面体です。作り方は46ページです。 すぐ隣りの原子6個を含めると菱形十 二面体になります。作り方は83ページ。

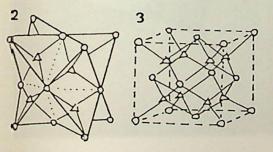
4 ホタル石型構造模型

凹型正四面体を8個作ります。作り 方は44ページです。この立体を稜で結 合した立体を作って、正四面体の中心 にF、各項点にCaを記入するとホタル 石の構造模型になります。外観は等稜 十四面体と同じになります。図88-1の 立体を中央で切ってつけなおすと八角

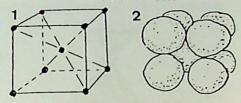
88 図版説明

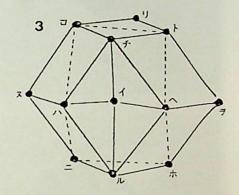
ホタル石の構造模型





87 図版説明 体心格子の立体



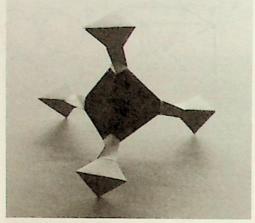


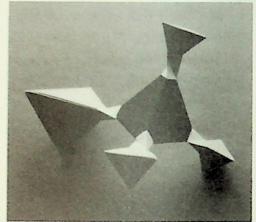
星になります。丸はCa、三角はFです。

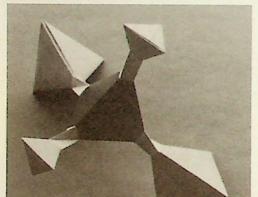
5 分子模型

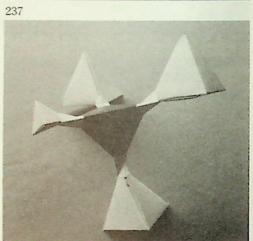
正四面体をつぎ手で結合すると様々な分子模型が作れます。正四面体の大きさをかえたり色をかえて原子の種類を表現すると分子を作っている原子の組み合わさっている様子がよくわかります。次ページの写真で見て下さい。色の違いがよくわかりませんが、口絵のカラーページのも見ていただくとよいと思います。

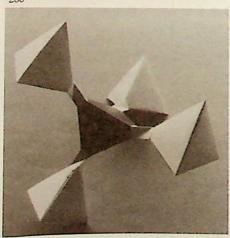
もちろん、正四面体以外の立体、た とえば正六面体などでも作ることがで きますが、正四面体で作ったものが最 も簡単でわかりやすいようです。 

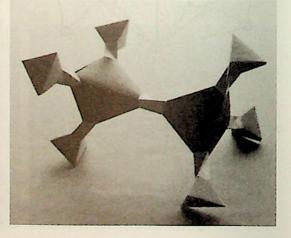








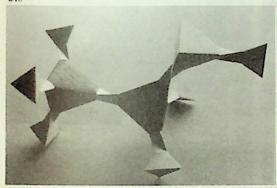


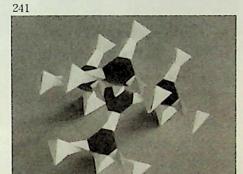


写真説明

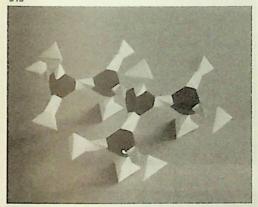
分子構造模型 234…メタン 235…塩化メチル 236…塩化メチレン 237…クロロホルム 238…四塩化炭素 239…エチレン 240…エタノール 241…ネオペンタン 242…イソペンタン 243…ノルマルブタン 244…ブドウトウ 245…ブドウトウ

240

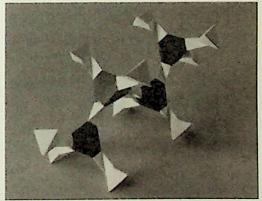




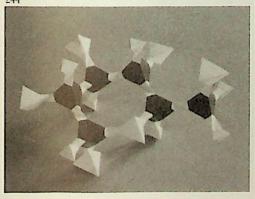
242



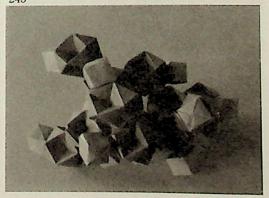
243



244



245



6 岩石を作るもの

水晶という宝石があります。印章などを扱っている店の飾窓には無色透明のものや紫色をしたものなど、美りくて大きな水晶の結晶がかざってあります。このようなものは、先のとがった方もなりなきとい大きなものはななが、店頭くても、透明でなく、あまり美しくながったも、透明でなく、あまり美しの山でなるので、少年の頃に探しに行かれた方もおありでしょう。そうした兄達に連れられていった少女の想い出をもで読者もおられることでしょう。

水晶は、英語ではrock crystalといって、ローマ時代には万年雪をいただったアルプスの山中から産出したため 氷の化石だと考えられたといいます。 小型で輝きの強いものはダイヤモンド と間違えるものまであるそうです。無 色透明で傷のない石英の結晶のことを 水晶と呼ぶわけです。

石英はSiO₂という化学式をもちます。 硅素原子Siと酸素原子Oが1:2の割 合で規則正しく配列しているものです。 この原子の配列をくわしく調べると、 硅素原子Siのまわりに4個の酸素原子 Oがとりまいていて、全体として正四 面体の形をしていることがわかってい ます。これをSi-O正四面体といいます。

岩石を作っている普通の多くの鉱物は、だいたいは石英と同じようにSi-O

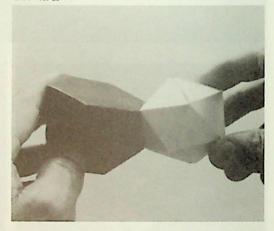
246 切頭四面体



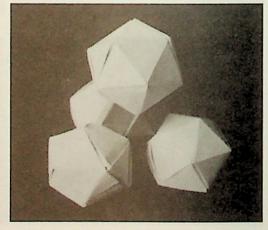
247 正二十面体



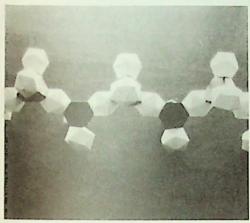
248 結合



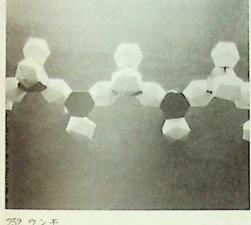
249 Si-O正四面体

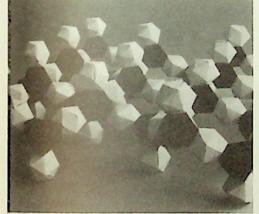


250 キセキ

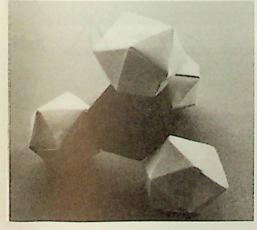


252 ウンモ

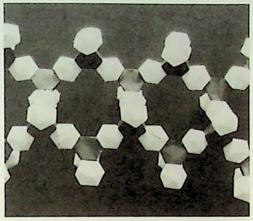




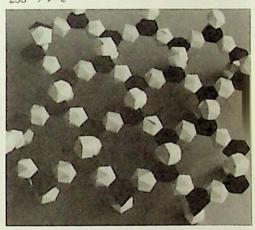
254 Si-O正四面体



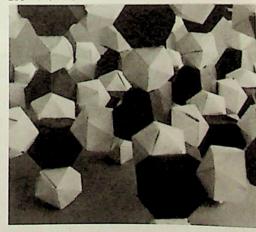
251 カクセンセキ



253 ウンモ



255 セキセイ



正 四面体が組み合わさってできていますが石英とは配列のしかたが違います。 151ページを見て下さい。

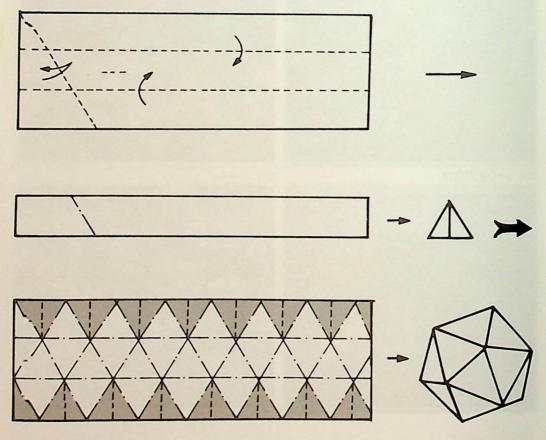
これらの結晶構造模型を作るには、まずSi-O正四面体を作らなければなりません。硅素原子Siは等稜十四面体か切頭四面体で作ります。切頭四面体の作り方は62ページにありますが、154ページでも扱っています。酸素原子Oは正二十面体です。正二十面体は40ページで作ったものでもよいし、もうすこし簡単な作り方をしても良いでしょう。簡単な作り方は下の図です。

切頭四面体の正三角形の面に正二十 面体の面をはりつけるとSi-O正四面体 ができます。この模型ではSiが外から みてよくわかるように大きくしてあり ます。両者の大きさの比は必要に応じ て変えるとよいでしょう。

Si-O 正四面体のふたつの酸素を共 有結合させて、鎖状に配列させた場合

89 図版説明

正二十面体の別の折り方。細長く半分にした 紙を30°の折りすじをつけてのち3等分して 折ります。はじめの折りすじをもとに正三角 形にします。開いて、今までにつけた折りす じをすべて山折りとし、重ねる部分を重ねて 両端を接着すると出来上ります。

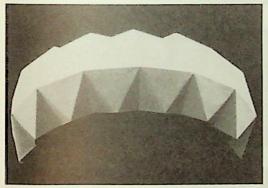


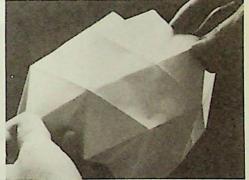
写真説明

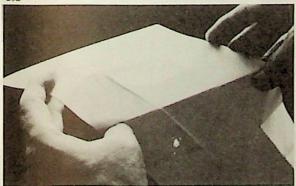
正二十面体の作り方 正三角形を作って、重ねしろを作り、輪にし て接着します。



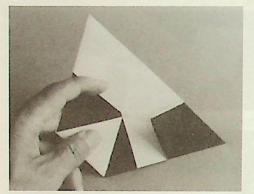


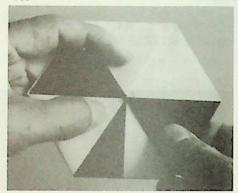


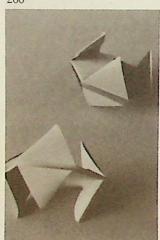








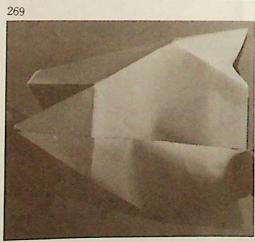


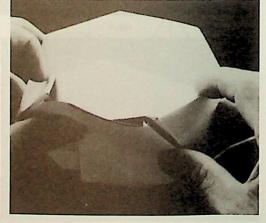




切頭四面体の作り方







はキセキという鉱物の基本構造になります。

Si-O 正四面体の鎖が2列に組み合 わさるとカクセンセキの基本構造、網 目状に結合するとウンモの基本構造に なります。そして4個の酸素のすべて が共有結合したときがセキエイです。

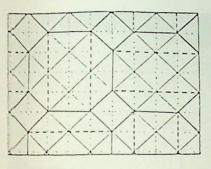
このように、岩石を作る主な鉱物がSi-O正四面体でできており、その組み合わさり方のちがいで種々の鉱物ができることの、模型としての役割りをよくはたすようです。この書物で作った模型ではSiが実際より大きくしてありますから、Siをもっと小さく作ると実際に近くなってよいでしょう。作るのが少し面倒ですがSiを等稜十四面体で作ると模型がしっかりして丈夫になります。

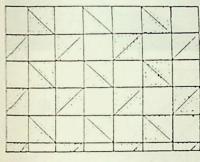
岩石を作っている鉱物は、自然の無 機高分子化合物ですから、他の高分子 化合物を同じようにして作ってみるの も面白いと思います。

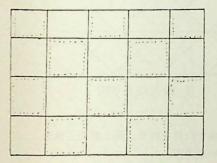
模型は大きなものほど効果を発揮します。折り紙で作ると大きなものを作っても軽いので持ち運びにも不便はありません。作るのにもあまり手間ひまのかからない利点もあります。学校で教えておられる先生方や、習っている生徒さん達も一度作ってみて下さい。

織り折りのコーナー

ここでは、ちょっと風変りな折り紙を扱います。一枚の紙から作った折り紙というと、正多面体のような幾何学的立体や、動物などの形を表現したもの、ねじり折りのようなものがほとんどです。すべてだと言ってもいいと思います。一枚の紙で作った作品が空間を限定してしまうのが折り紙の特徴だといえるのでしょう。ところが、空間を連続した、ひろがりをもったままの作品、それは折る前の一枚の紙と全く次元的に変らない作品、これを"平織り"と呼びます。布や竹細工のような模様が作りだされます。紙の大きなものさえあれば、そこに表現されるパターンはどこまでも続くことになります。ほとんどは写真でしか紹介できませんが、今までこの書物の中でとりあげたことの集積ですから、興味のある方は挑戦してみて下さったらいかがでしょう。出来上りは実にすばらしいものです。







1 平織り

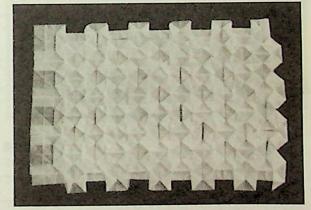
折り方説明

紙のふちに対して斜めに正方形の折りす じをつけ、その正方形の対角線になる線 もつけます。

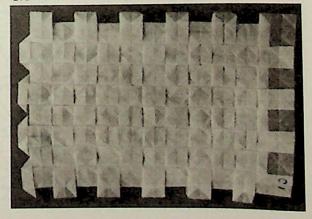
中央で2つに折り、ますめ1つ置きに中央の折り線に対して直角にくぼみをつけて重ね合わして折っていきます。

写真は折り上がりで、上は表面、下は裏 面です。





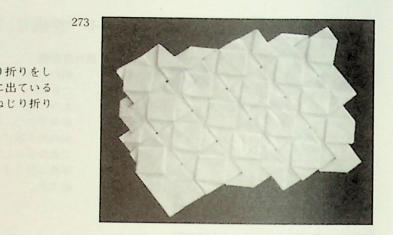
272

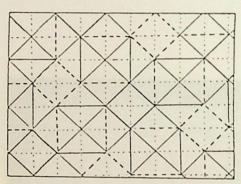


2 両面表平織り

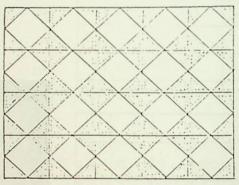
折り方説明

中央でまず1つねじり折りをして、それから放射状に出ている 線のますめ1つ毎にねじり折り をしていきます。



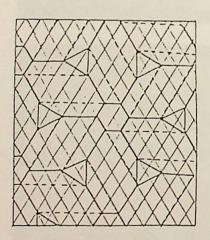


1 基本線と折りすじ



2 両面織上り図

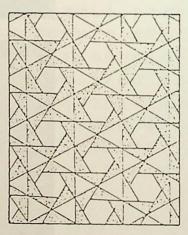
3 綱代



1 基本線と折りすじ

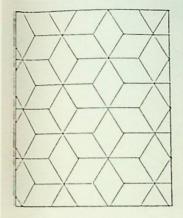
折り方説明

まず中央で六角を折り、同じ側で三角を 折っていきます。

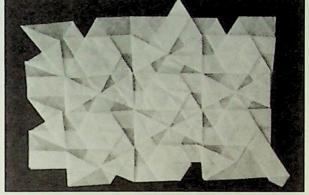


2 表面

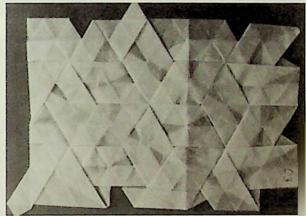




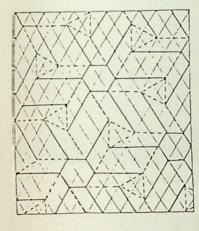
3 数面



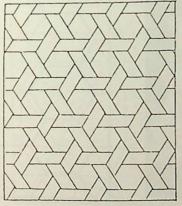
275

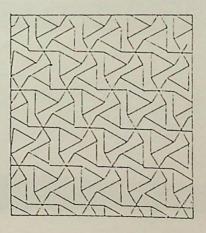


4 銀河

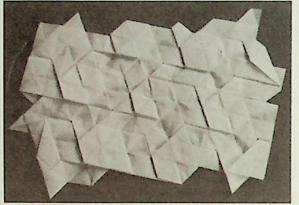


折り方説明 中央で六角を折り裏側で三角を折ります。

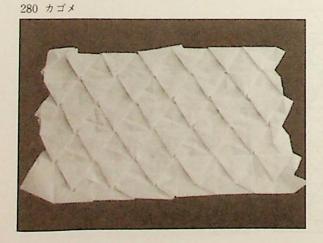


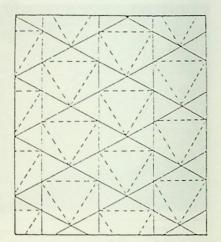


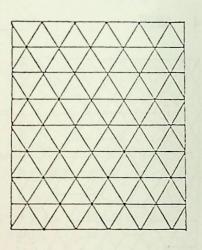
276 銀河の表面

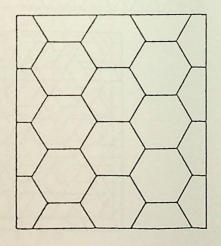


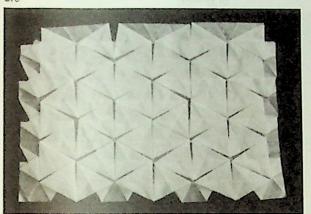








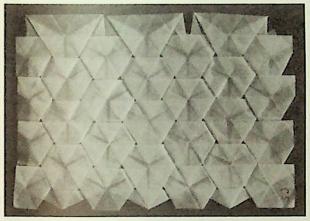




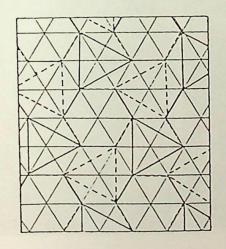
5 亀甲

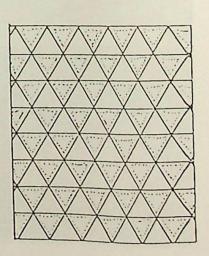
折り図は前ページ。写真278が折り 上り表面、279が裏面。

279



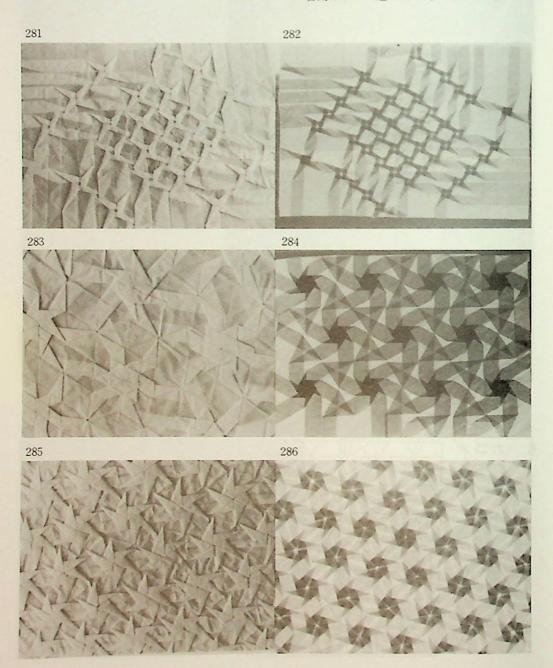
6 カゴメ

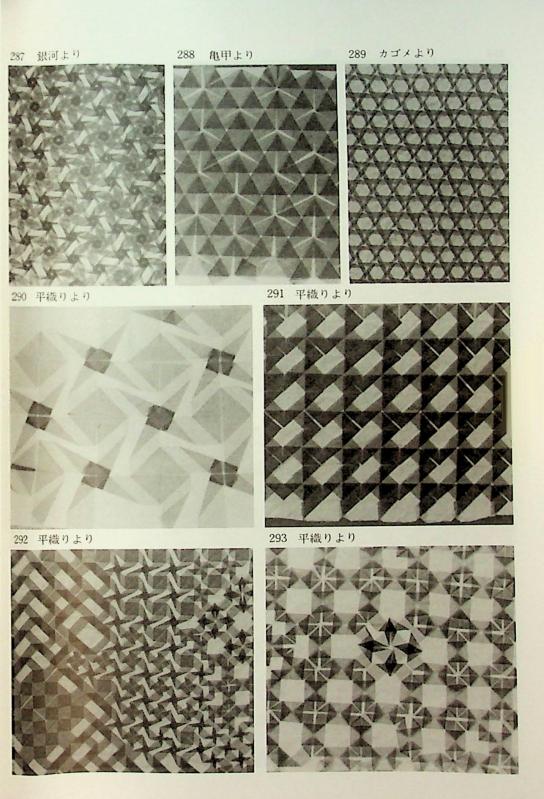


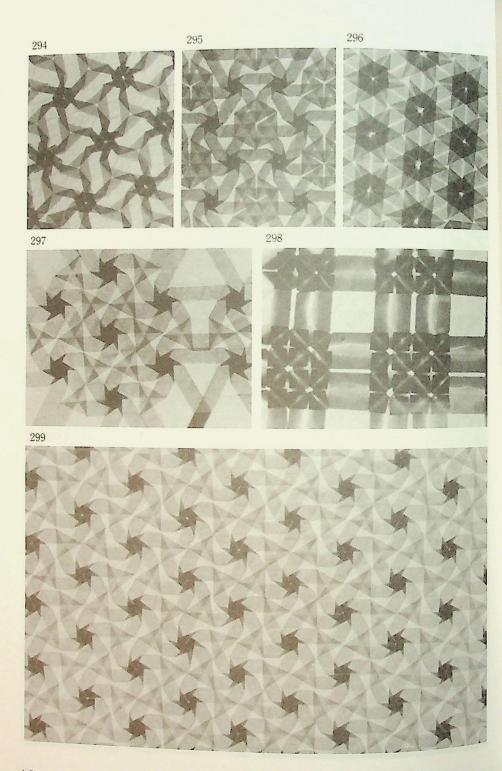


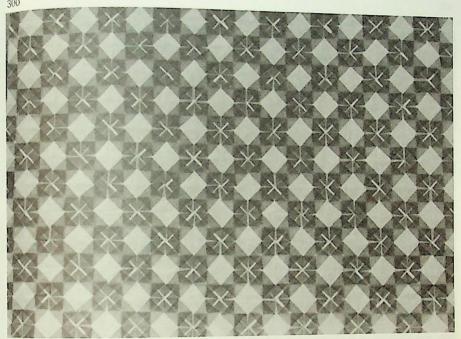
写真説明

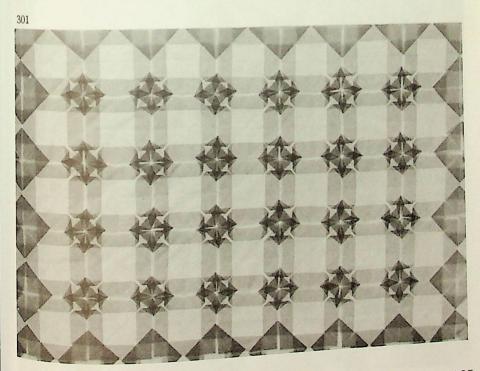
281 282 は両面表平織り 283 284 は網代 285 286 はその他 右側はすべて透かして見たものです。



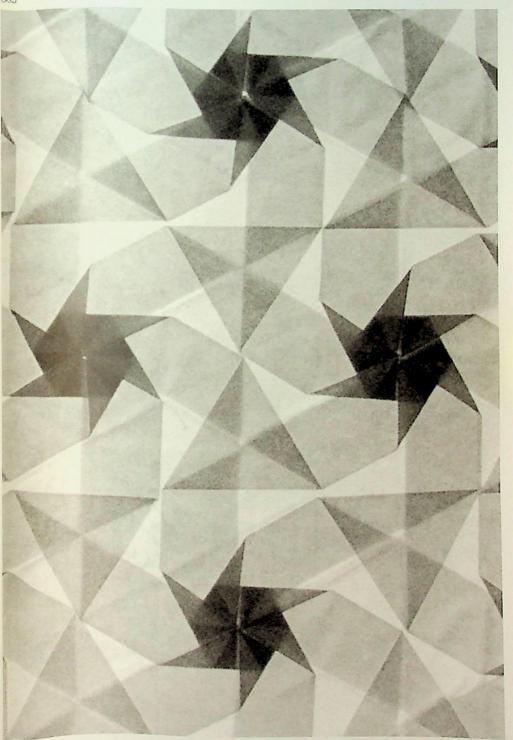












第七章

折り紙の数学



折り紙を扱った書物に数式が出てくることは殆んどないでしょう。数式などをもちこむのは邪道だと、その道の大家に言われそうな気がします。し、普通サイズの紙を使うにせよ、下形の折り紙サイズの紙を使うにせよっ定の規則性を使って折りまですかけてがあげていくのが折り紙ですからであることは間違いのない事実です。

紙はていねいに折ると、必ず折り線は直線になります。直線で構成された図形をこしらえていく紙のキカ学、これが折り紙です。

正方形サイズの紙では、項点どうし の重ね折りをしてはじめるのが普通で す。これは対称性を生かした方法です。

立体を折り紙で作ると、立体の性質 立体間の関係などすべてがキカ学の分 野ですし、項点、辺、面の関係を求め ようとすればオイラーの公式、位相空 間への展開も期待されます。

とはいうものの、この書物でそれらのすべてを取扱うつもりはありません。 紙を**折る**という操作で、いくつかの規 則性が生まれてきますから、その中か らいくつかを次にあげてみます。

1 基本的操作による規則性

紙を単純に折ってできる規則性には 次のようなものがあります。

- a 紙を2つに折ると、折りすじは直 線になります。
- b 直線を重ねて折ると、直角になり ます。
- c 2点を重ねると、2点を結ぶ直線 の垂直2等分線ができます。
- d 2直線を重ねると、2直線の交角 の2等分線ができます。
- 半分、半分と両端を重ねて折ると
 ½、¼、ਢ····· (2⁻¹、2⁻²、2⁻³···)
 と線分を分割します。

95 図版説明

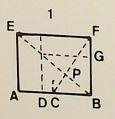
1…3等分。AC=CBよりCP:PF=BP:PE=1:2になります。AEをPに合わしてDをきめます。AD:DB=1:2。BFをDに合わしてGをきめるとFG:GB=1:2。

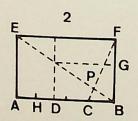
2…5等分。BC:AC=1:3より CP:PF=BP:PE=1:4

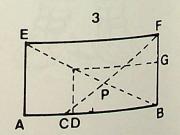
AD:DB=FG:GB=2:3

3…7等分。BC:AC=3:1より CP:PF=BP:PE=3:4

AD:DB=FG:GB=2:5







2 紙の等分割

紙を折って規則的に分割していくことは非常に容易です。1のeでふれたように、2等分や4等分、8等分などは特に簡単ですが、その他の等分割も容易にできます。これは折り紙をする上で欠かせない技法なので、これまでにも出てきたものがあります。いろいろな方法があるので、実際に使うと便利さが良くわかります。

a 内分点法

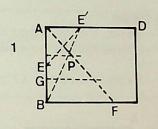
紙の中に1:2や1:4、3:4などの比にお互いの線を分けあう点をきめて、この点をもとにして紙の辺を等分割していく方法です。 3等分や5等分、7等分などができますが、一般には、2等分線があれば(2+1)等分ができ、4等分線があれば(4+1)、(4+2)、(4+3) 等分ができます。また、8等分線があれば(8+1)、(8+2)、(8+3)、(8+4)、(8+5)、(8+6)、(8+7) 等分ができます。

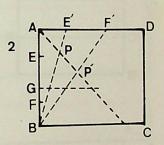
b 45° 線法

内分点法と同じような方法ですが、 正方形の紙型を除いては、紙の一つの 辺だけが等分割できます。この方法の 特徴は 45°線を使って中点や 4 等分点 を移動させてから分割を行うところで す。

C 增加等分法

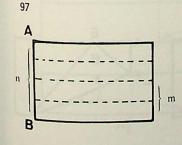
紙の辺に、中点や4等分点などの等

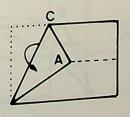


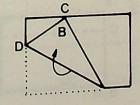


96 図版説明

- 1…3等分。EはABの中点。AFは45°線でEをE'に移すとE'P:PB=1:2となります。
- 2…5 等分と7 等分。E はABの4 等分点で E'P:PB=1:4 もうひとつの4等 分点FではF'P':P'B=3:4。







分点を取って分割していくところは、 内分点法と同じですが、この方法では 紙の端ばかり使用するので大変便利で す。

97の図を見て下さい。 AB を n 等分した n 等分線の j ちの下から m 番回の線に紙の隅の A を合わして C をきめます。次に C に B を合わして AB 上に D をきめると $DB = \frac{m}{n+m} \cdot AB$ となります。すなわち、中線(2等分

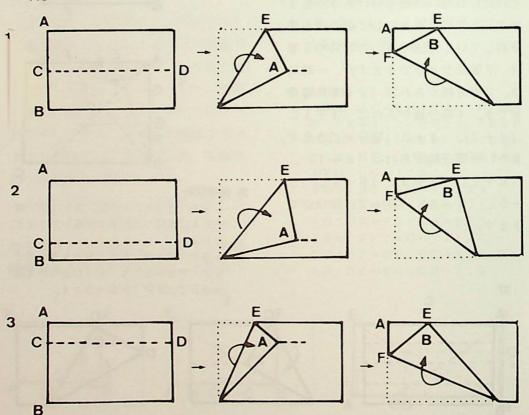
98 図版説明

1…3等分法。Cは中点、AFはABの%。
 2…5等分法。Cは4等分点、AFはABの%。

3…7等分法。Cは4等分点、AFはABの 3%。 線)の場合は分割線は 1 本だけですから、 $\frac{1}{2+1} = \frac{1}{3}$ で 3 等分線ができます。 4 等分線の場合は、 1 番下の線では $\frac{1}{4+1} = \frac{1}{5}$ 、下から 2 番目の線では $\frac{2}{4+2} = \frac{1}{3}$ 、下から 3 番目では、 $\frac{3}{4+3} = \frac{3}{7}$ となります。 8 等分線ですと、 1 番下 $\frac{1}{8+1} = \frac{1}{9}$ 、 2 番目 $\frac{2}{8+2}$ 、 3 番目 $\frac{3}{8+3}$ 、、 $\frac{7}{8+7}$ となります。

d 漸近法

これまでの分割法、内分点法や増加 等分法などと違った方法で、細長い紙 や、紙に折りすじをつけないで分割し



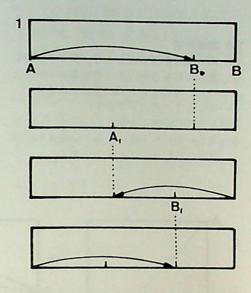
たい時などに使える、ちょっと変った 方法が漸近法です。例えば、紙のAB を3等分したいときには、まずBのそ ばに任意の点 B_0 の印をつけて、この点 にAを重ねて A_1 の印をつけます。次に A_1 にBを重ねて B_1 、 B_1 にAを重ねて A_2 A_2 にBを重ねて B_2 、この操作を幾度か くり返すとBnはABを3等分する点に なります。この操作をABABと呼ぶこ とにします。

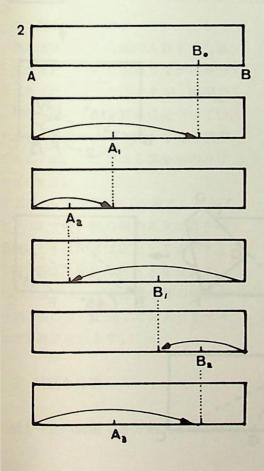
99 図版説明

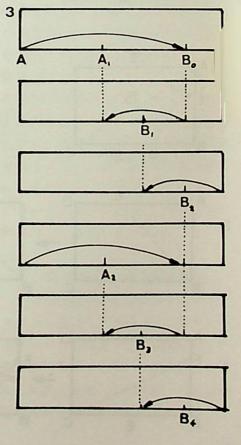
1…3等分

2…5等分

3 … 5 等分別法







100 図版説明

1…45°線を作ってDをとり、Dを中心線に 重ねてEをとり、EにBを重ねてFをと ると、BCは2:√3に分割されます。

2…BCを1: 13に分けます。

3…1:√2に分割します。

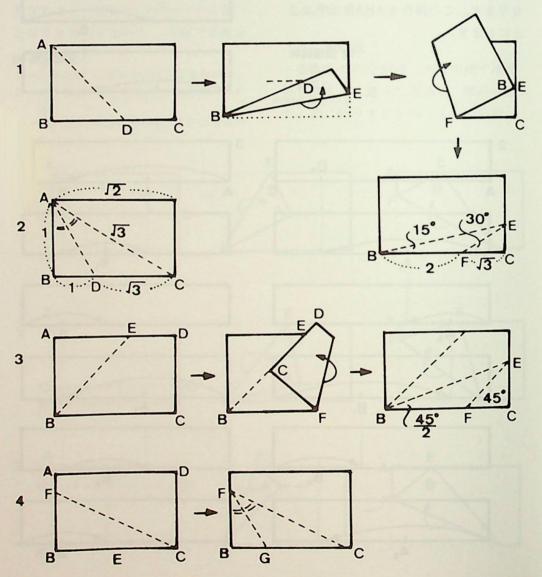
4…BE=EC=FBにとってGをきめれば $BG:GC=1:\sqrt{5}$ になります。

この操作では $BB_0 = \alpha$ AB = 1とすると、n回の操作の後のB Bn の長 さは

B Bn
$$=\frac{1}{3} - \frac{1}{4^n} \left(\frac{1}{3} - \alpha \right)$$

となるので、nが大きくなれば、はじ めのBoの位置がどこであってもっに 近づくことになります。

5等分の場合は、BoにAを重ねてA1



をとった後 A_1 に再びAを重ねて A_2 をとり、次にBを A_2 に合わして B_1 、 B_1 にBを重ねて B_2 という具合に交互にくり返して $\frac{1}{5}$ に漸近させる方法をとります。他の等分も同じようにしてできますがそれは次のようにします。

3等分 ABAB5等分 AABB

7等分 AABAAB

9等分 AAABBB

15等分 AAABAAAB

この記号の意味は、3等分と5等分から考えて下さい。

e 漸近法 その2

漸近法は、紙の両端のABをくり返し重ね合わして中点を取りながら等分点に近づけていく方法ですが、両端でない点を用いても分割点に近づいていきます。この方法でも様々な等分割ができますが、ここでは5等分割のみにとどめます。

173ページの図99-3を見てもらえば わかりますが、紙の端のA又はBを使 わないときはA'又はB'として表わすと、 5等分割はAB'BAB'Bとなります。 この方法では、A'の位置やB'の位置が 分割の数によって同じではありません ので複雑になります。

3 特別な分割

紙を一定の間隔で等分割するのでは

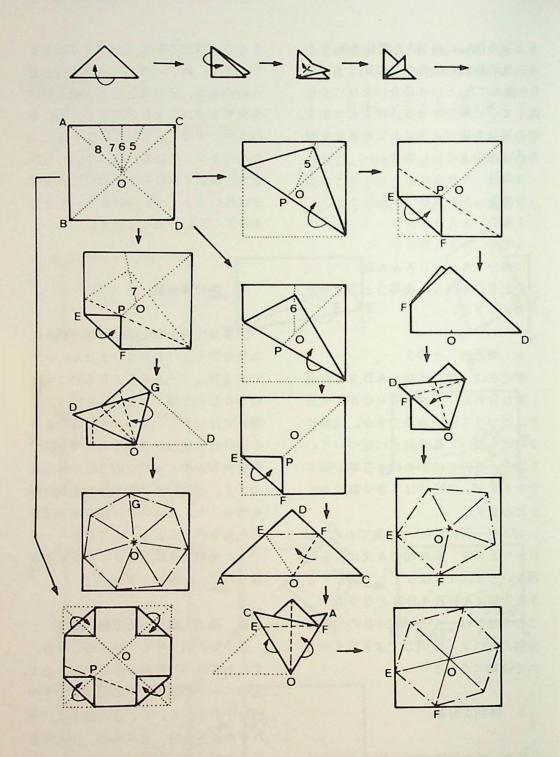
なくて、特定の割合で分割する Σ ともできます。数学の授業にも使えると思うのですが、それはともあれ前頁の図を見て下さい。1はBCを $2:\Im$ に分けます。すなわちBF:FC= $2:\Im$ になります。2はBCを $1:\Im$ に分けます。BD:DC= $1:\Im$ になります。3はBCを $1:\Im$ に分けます。すなわちBF:FC= \Im 2:1です。

4 角の等分割

正多角形を作るときには等分割された角を作らなければなりません。コンパスを使って正多角形を作るのは大変むつかしい仕事で、分度器を使っても簡単にはいかないものです。このような道具を全然使わないで角の等分割や正多角形が作れるのが折り紙の利点なのです。紙を折る操作だけで正多角形を作ること、あるいは任意の等分割された角を作ることが、ここでのテーマです。使用する紙型によって折り方が異るので、注意して下さい。

a 22.5°線法(正方形の紙型)

正方形の紙を中心で16等分した角、 すなわち22.5°の角を使って作ります。 次のページの図が、その説明図ですが 図の中の5、6、7、8の数字は、それぞれ正五角形、正六角形、正七角形 正八角形を作る基準線となります。



b 辺分割法 (正方形の紙型)

この方法は、角の分割線ではなくて 辺の長さを16等分した点を使って中心 角を作り、正多角形を作っていくもの で、紙の一辺の中点では8等分割(正 八角形)、4等分点では5等分割(正五 角形)、8等分点では端より $\frac{1}{4}+\frac{1}{8}$ の点 を使って6等分割(正六角形)、16等分 点の端より $\frac{1}{4}+\frac{1}{8}+\frac{1}{16}$ の点で7等分割 (正七角形)ができます。図102。

102 図版説明

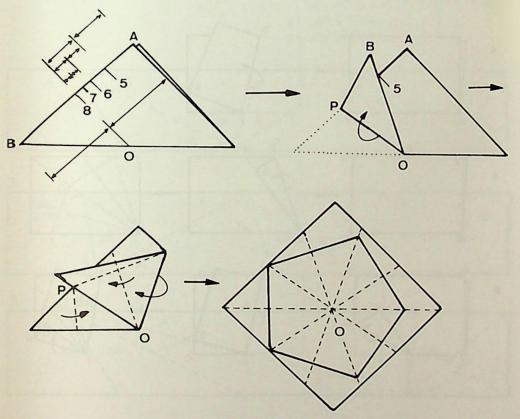
正方形の紙をふたつに折り、辺ABを等分割して5、6、7、8の数字のところでOBを合して折ると正多角形になります。5は正五角形になるわけです。

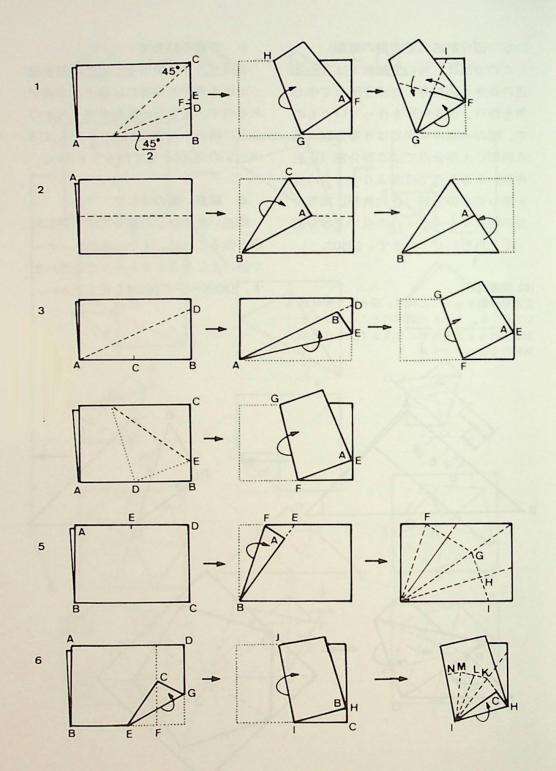
c 普通の紙型で

普通サイズの紙 (1:√2) の紙を使って正多角形を作るには様々な方法があるので、正方形の紙型を使うときのように統一した方法がありません。178ページの図103を見て作って下さい。

d 細長い紙のはしで

細長い紙のはしの部分だけで正多角形を作ることは、すでに花のコーナーで扱いましたからおわかりだと思います。180ページの図104を見て下さい。





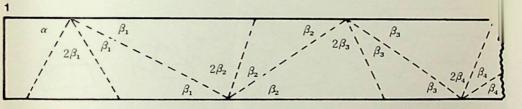
103 図版説明(前ページ)

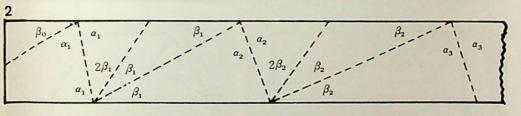
- 1…正五角形を作ります。2つ折りにしてDをきめ、BE=EC DF=EF になる点Fをとります。このFにAを重ねてGHを折り、GF、GIを折ります。
- 2…正六角形を作ります。4つに折り(Bが中心)Aを中心線に重ねて後ACに重ねて折ります。
- 3…正七角形を作ります。2つに折ります。 AC=BC=BD である点Dをきめて ADにABを重ねてEをとり、EにAを 重ねてFGを折ります。∠BFGを4等 分して正七角形を作ります。
- 4…正九角形を作ります。2つ折りにしてA Bの中点DにCを重ねてEをきめ、Eに Aを重ねてFGを折り、∠EFGを4等 分してBEの線で正九角形にします。

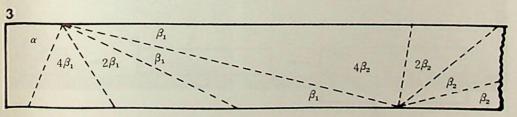
- 5…正十角形を作ります。4つ折りにして、 (Bが中心) ADの中点Eをとり、EB にABを重ねて折りFをきめ∠FBCを 4等分してAFの線でG、H、Iを作っ て展開すればできます。
- 6…正十一角形を作ります。2つに折りBCの中点E、ECの中点F、F線上にCを重ねてGをきめます。GCの中点HにBを重ねてIJの折り線を作り、HIを折ります。CHの線でK、L、M、Nを作れば正十一角形になります。

105 図版説明

- 1 …36°を作ります。はじめに任意の角を折り(α)、2等分、2等分していくと接近していきます。
- 2…180°を7等分します。
- 3…180°を9等分します。







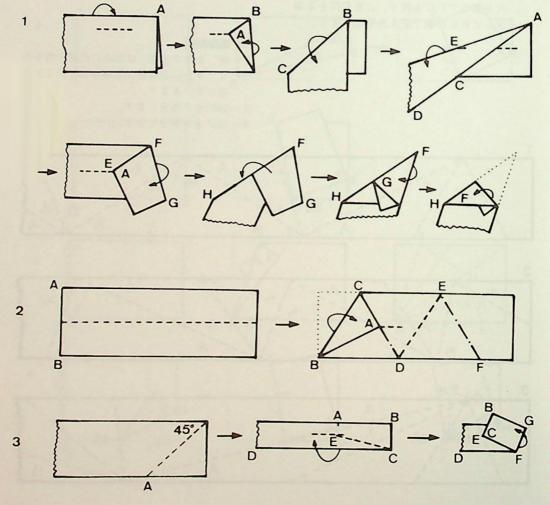
e 漸近法 (細長い紙)

紙の一辺を等分割するのに漸近法を 用いました。紙の端を交互に特定の点 に合わして等分割点に近づけていく方 法です。この方法は角の分割にも使用 することができます。

初めに任意に紙を折って角を作り、 この操作でできる角を等分割、等分割 していくことによって一定の等分割さ れた角に接近して行くわけです。方法 は前ページの図を見て下さい。

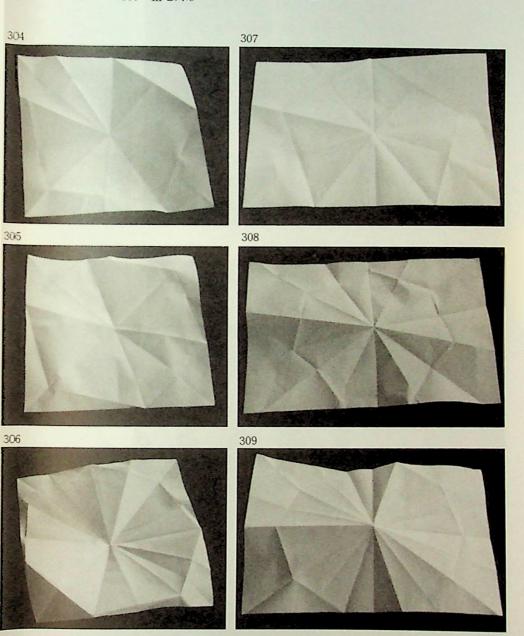
104 図版説明

- 1…正五角形を作ります。2つ折りにして4 等分線にAを重ねてBをとり、次にBC をとります。このCにAD線を重ねて中 心線との交点Eをとります。EにAを重 ねてFGで折り、EFに合わして折りま す。FGをFHに重ねて折り、FとHを 重ねて折ると完成です。
- 2…正六角形を作ります。よこ長に2つ折り にしてAを中心線に合わしてACの線で CD、DE、EFを折ります。
- 3…正七角形を作ります。A点をとって2つ 折りにした後、中線とCを起点にしてD CをAに重ねて交点Eをきめます。Eに Cを合わして∠DFGを4等分します。



写真説明

正方形の紙で 304…正五角形 305…正六角形 306…正七角形 長方形の紙で 307…正五角形 308…正七角形 309…正十角形

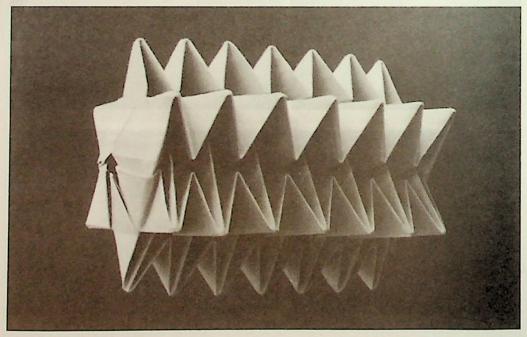


レリーフのコーナー

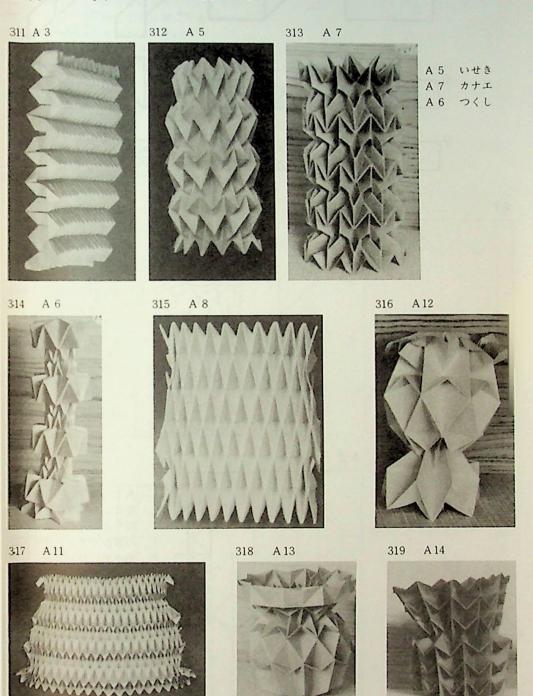
むかしの古いカメラには、ジャバラといって黒い紙で作ったのびちじみの出来る部分がありました。使わないときは折りたたんでしまうわけです。このジャバラもそうですが、紙をたがいちがいに規則正しく折っていくと、いろいろの美しいひだ模様ができます。これがレリーフです。大きなものを作ると室内をひきたたせるカザリモノになります。小さなものだと机の上のかわいい置きモノになります。

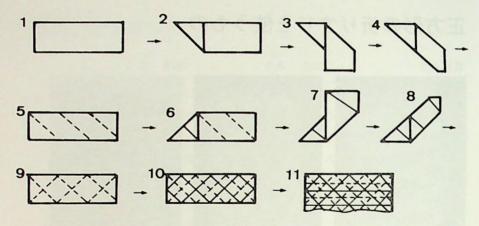
いろいろと折り方をかえると様々なレリーフが作れます。簡単なものも複雑なものも作ることができますが、作り方の基本になるのは、45°折り線を使うAタイプと、60°折り線を使うBタイプです。



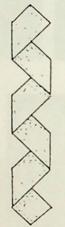


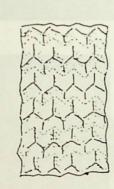
正方形の折りすじを使うもの





A1





106 図版説明

折りすじのつけ方

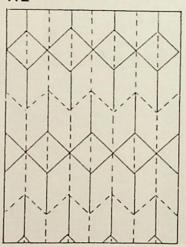
1…2つに折ります。

5…交差する線を折りま す。

9…更に細かい線を折り ます。

11…横線を山、谷と交互 に折ります。

A2



A1 単

左はしの折り図。中央は 折りたたんだところ。こ の試作ができれば大きな 紙で更に目を細かくして 右はしの図のように折り 上げるとレリーフになり ます。

A 2 十字

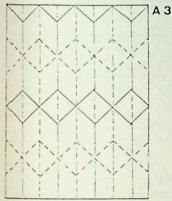
折り図の折りすじをもう 半分に細かくして折ると 山が8つのレリーフにな ります。

A 3 …家並び

折り図は一部分のみを示していますか ら、一度試作してから簡にするための 折り線の数を決めて下さい。

A 4…なまこ (海ほおづき)

ロ、ニ:…の線を山、ハ、ホ:…の線 を谷に折りたたみ、上部のトチの線を





山に折り、左はしよりトチの線の両側 を折りたたみます。折りあげて筒にす るとなまこ、裏面を出すと海ほおづき になります。折り図の4つ分で作って 下さい。

A5…いせき (バベルの塔)

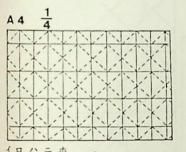
折り図は4分の1です。A4と同じに します。折りあげるといせき、裏面で はパベルの塔になります。

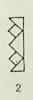
A 6 … 菊花 (つくし)

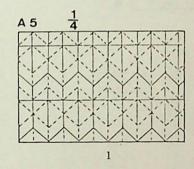
折り図は4分の1です。表面で菊花、 裏面でつくし。

A7…カナエ

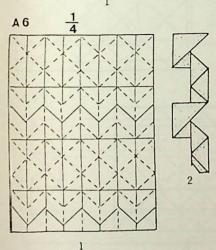
折り図の4倍のもので作ります。表面 4. 裏面も同じものになります。

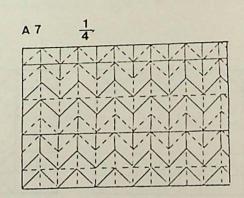














A8…網(工場の屋根)

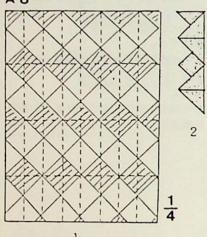
4分の1。斜線部は重ねます。この部 分をかえるとちがったものになります。 A11…カゴメ

A9…ずらし単

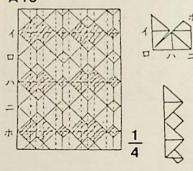
4分の1。正方形のますから。

A10…ずらし網

A 8

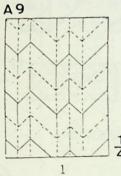


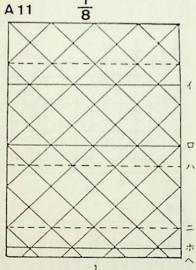
A10



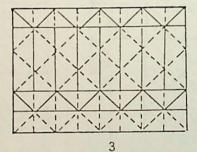
基本折り後、横線を先に折ります。

1と2の符号の対応に注意。3つ重な りの部分を起こして反対側に折り凹を 作ります。





(11) ホ 2





侧面図

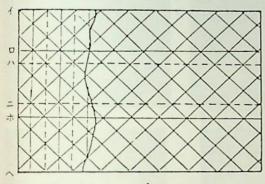
A12…笑う人(1)

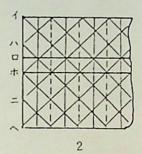
6等分の基本線を図のように折り、横 線の部分を折りかさねると2になりま す。ロホの間を境に下側の線を折りな おします。折りすじ通りにたためば完 成です。3、4は拡大図です。

A13…笑う人(2)

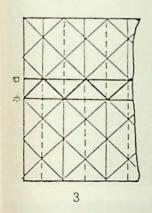
1を2のように重ねて、折りすじ通り に折ります。表面と裏面とでちがった ものになります。

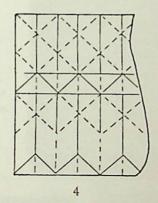
Δ12



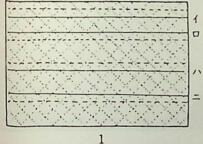


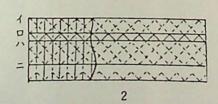
1





A13





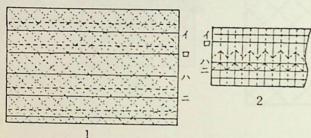
A14…笑う人 (3)

1はます目と折りすじ。2は折り重ね た状態。重なりの部分は開いていませ ん。

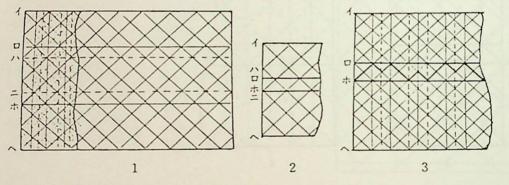
A15…かっぱ

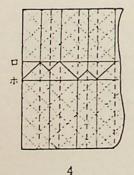
イへの間に正方形が6個並ぶように基本線を作ります。さらに半分にして、ロ、ハ、ニ、ホの横線を折り重ねて2のようにします。一部の線が省略されています。3のように縦の線を折ります。ロホのところから折り始めて、下の線の山・谷を折りなおします。全体を折りたたんでそれを筒にすると完成します。

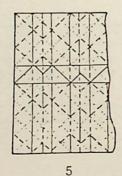
A 14

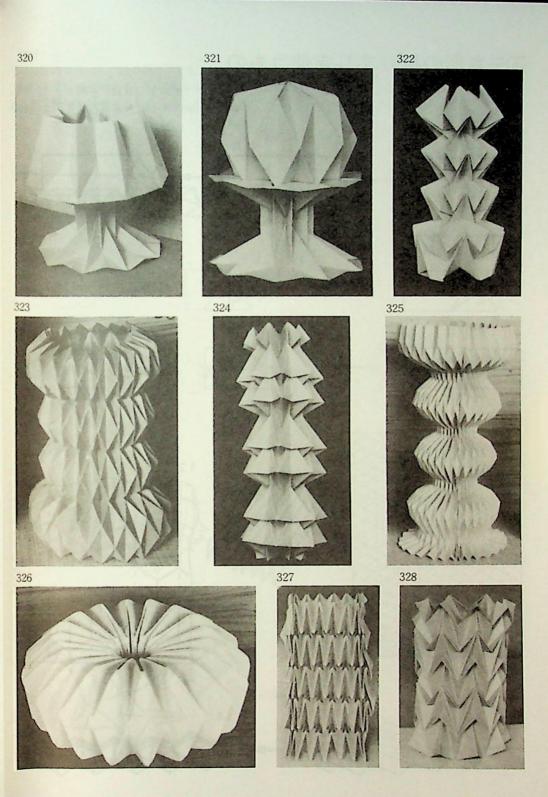


A 15



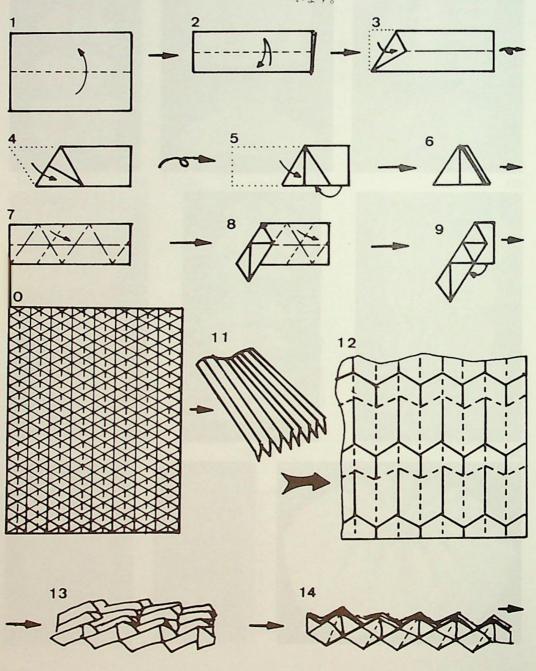






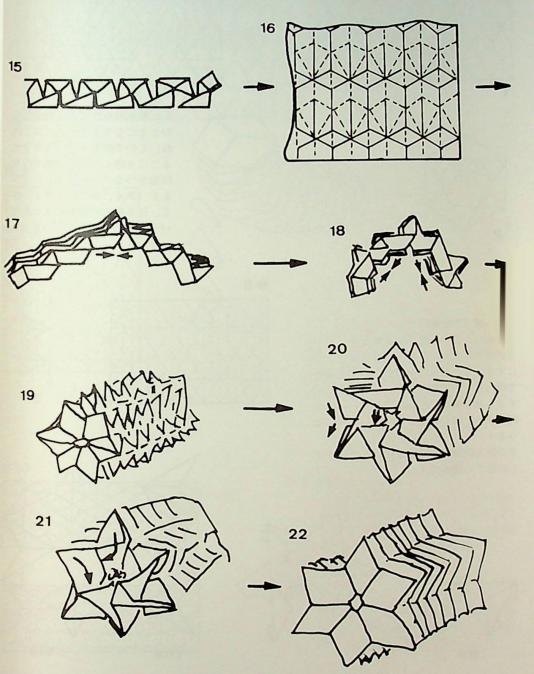
正三角形の折りすじを使うもの

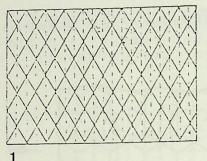
レリーフで蛇腹星 (B12) を折ります。紙は B4 (257mm×364mm)の普通の硬さのものを使 います。

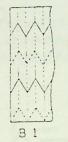


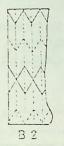
図版説明

1~9のようにして10の折りすじをつけます。 12のように折りかえて、折りたたみます。も う一度開いて16のような折りすじのついたと ころで再び折りたたみ、17、18の矢印の方向 にしめていくと筒形になります。20、21の矢 印のところをさし込んで完成させます。



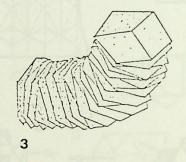










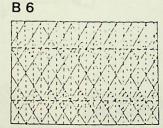


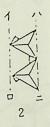
1は基本折り、これを折りたた むと2になります。よこに2倍 長いもので折ると3になります。 よこに 4倍くらい長い紙で作り 両端をつなぐと菊のようになり ます (B4, B5)。B1, B 2、B3のような折りすじをつ けていろいろなレリーフを作り ます。

B 6 ···網 (2段每)

斜線部分の菱形2個分を重ねます。これ を折りたたむと2のようになります。筒 にするとき、どちらを円の中心にするか で異ったものになります。イロを中心に すると球が重なったものになり、ハニを 軸にすると傘を何段にもつないだ形にな ります。

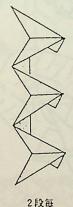
下の図は斜線間の段数を折りたたんだと きの形との関係です。

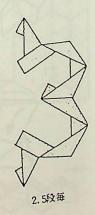






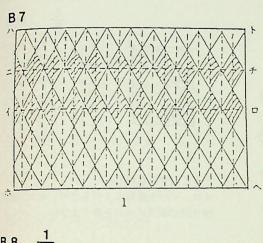
1.5段每

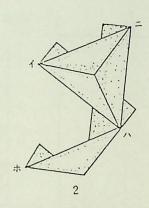


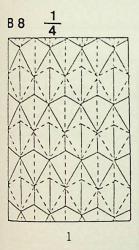


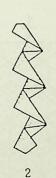
1段每

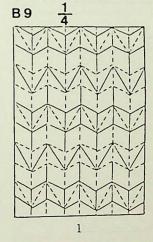
192

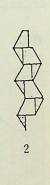




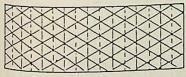


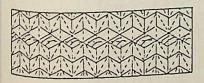












B 7 …電気スタンド

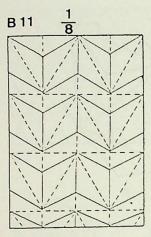
イロの中央線で2つに折ってから斜め の基本線を作ります。2のハを中心に してホが外側になるように筒にすれば ハホは台、イニが笠になります。

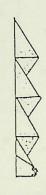
B 8 ··· 月見草

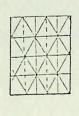
B9…ややならび

B10…聖火台

近りすじをつけてから横長に半分に切ります。下は折る時の山・谷です。折り上ってから両端を接続します。



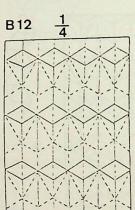


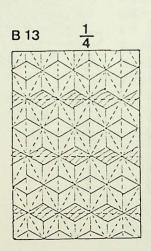


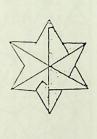




うろこ (すみながし) イロ、イハを重ねてイニを作り、ホロの線を 作り同じようにヘロを作ります。



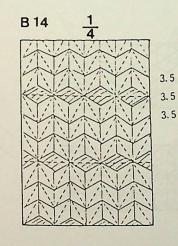




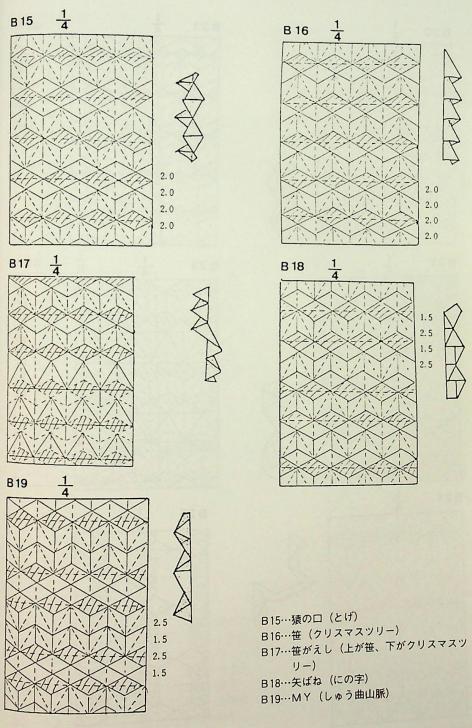
B12…蛇腹星 B13…星蛇腹 B14…ヒヨク(五重の塔)

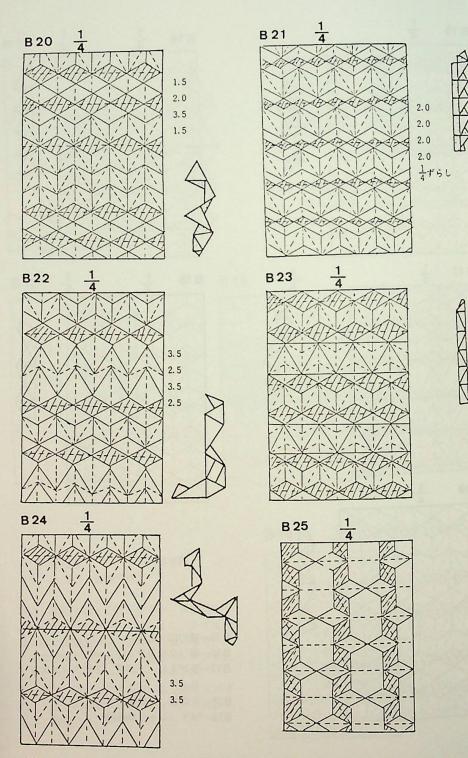
B12とB13は殆んど同じ型です。B12のほうが折り上りがとめられます。また、たては菱形が横に18個並べば一まわりの星になり、たて4列で折り上げると六つ星のペンダントになります。

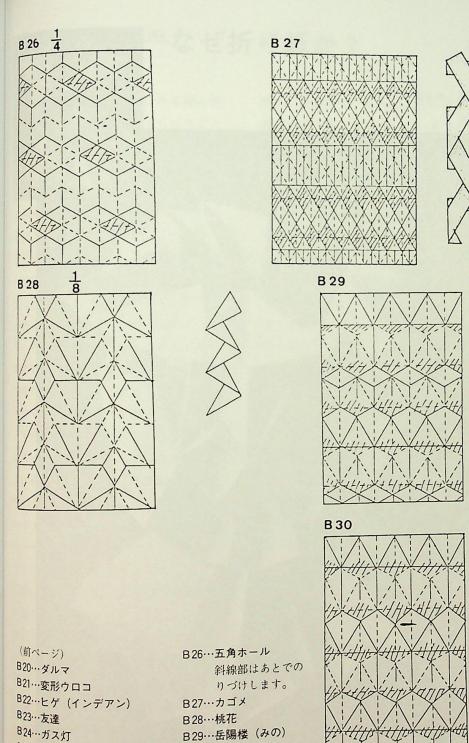
B14の折り図のよこの数字はよこ線を入れるのに上よりの段数を示しています。これからの図も同様です。







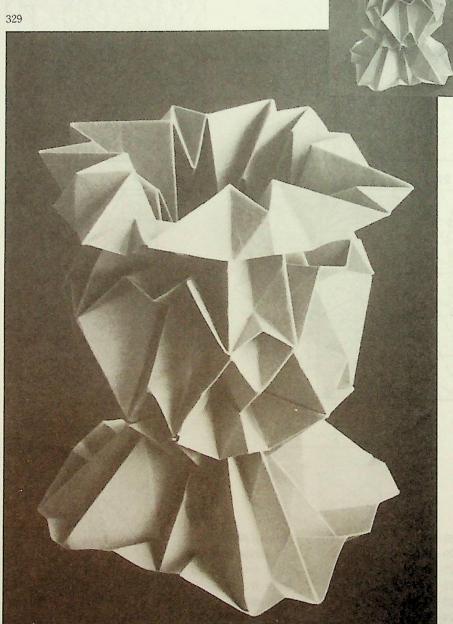




B30…団子

B25…六角中間折り





あとがき――なぜ折り紙か?

中華人民共和国への旅行から帰った Aにキリガミのみやげをもらったこと があります。薄い色紙にこまかい絵模 様が切りこんである細工物です。やす (手に入ってかさばらず中国らしい、 おみやげとして最適のものだと思いま す。このことと同じことですが、アメ リカ合衆国から日本に来た観光客が買 って帰る日本的みやげものとしてイロ ガミがある、と聞いています。折り紙 を作る原色の真四角なあの紙のことで す。折り紙というと必ずこのイロガミ を思いうかべます。幼稚園や小学校低 学年のとき、このイロガミを使ってフ ネやチョウチンやフウセン、カブトな どを作った経験をすべての人が持って います。小学校高学年や中高生になる と、病気の友人に送る千羽鶴を作った りします。千羽鶴といえば、筆者の勤 める学校の硬式野球部の女子マネージ ヤーが千羽鶴を作ってマスコットにし たものが、勝者の相手チームに順ぐり に渡って、夏の甲子園優勝チームにま で達したことがありました。千羽鶴も 面白い使われ方をしたものです。どこ ^{かの高校では、数学の授業に折り鶴を} ^{使っているそうで、折り紙の使い方も} いろいろです。

筆者は高校の理科の教師です。一人 は化学、他は地学ですが、どちらも理 科の一分野です。そして、それぞれの 授業の中で折り紙を使っています。折 り紙というとなんといっても折り鶴が 代表ですが、私達は鶴が折れるかどう かもあやしいものです。私達は理科の 教員なので、原子構造模型を生徒と一 緒に作っています。今の理科教育では 原子論的な取り扱いがきわめて重要視 されているので、そのための多くの優 れた教材・教具が作られ市販されてい ます。原子や分子は見ることができな いために、模型としての教材・教具が どうしても必要となります。そこで私 達は、原子を正多面体やそれに類する 立体として作って、それ等をくみ合わ せて結晶構造模型を作るのです。原子 となる立体を作る紙はありあわせの紙 道具はできるだけ使わないで、やむを 得ない場合にのみ接着剤かセロテープ を使います。だから、市販の優れた教 材・教具に比べると見劣りのすること は当然です。しかしそれでも、私達は 折り紙教材を使いつづけるでしょう。 以下のような理由と、そして情熱とを まっての

――<手造りの味>

まず第1に、そしてこれが最大の理由になりますが、生徒自身の手で作れ

るということです。

京都や大阪、そして東京といった大都会の人通りのはげしい所へ行くと、きまって舗道上に手造りの品物を並べている人達がいます。そのほとんどが若い人で、一人のときもあり二人三人のときもあります。ペンダントや首かざり、金属製に木製品、その他その他。見た目の派手さよりは素朴さにひかれるのかけっこう買われています。それというのも、われわれのまわりには機械で大量生産された品物がハンランしすぎているからなのでしょう。

筆者の勤めているのは普通のありふれた高校ですが、ある年のこと、変り者の美術の先生がいました。凧がミらせて運動場でとばしたり、キリガらや動物などの形を作る細工物をこれをできるでもしました。様々な"ものようの手でものを作る教育はせん。今の事でものを作る教育はせんでは行う余裕がありませんでいました。このようでも多くの知識をつめこんでいりとのでも多くの知識をつて、正接のでは行う余裕がありませんでいるといの道具立ての中で、スマートでかっこよく。

見た目には良くなくても、自分の頭で考えて、自分の手で作ることの必要性が、今、非常に大切だと思えます。 結晶構造模型を生徒達は実に熱心に作ります。多数の中には、無器用なものや、のみこみの悪いものもいますから 一斉授業の中ではなかなかペースにの りにくいものもいます。ひとにおくれ て「デキタ」と大声をあげるのは、そ のような生徒のひとりです。できた喜 びの声は、わかる喜びに通じるのです。

――〈紙は加工しやすい〉――

現代社会は紙の文明だと言った人がありますが、紙はわれわれの身のまわりのいたるところにあります。このいたるところにふんだんにある紙は、あたりまえのことだが薄いという特徴があります。一枚の紙もたたむと小さくなって持ち運びしやすくなるし、何枚も重ねてとじれば書物になります。非常に簡単に手を加えて形がととのえられるということです。この紙の性質が折り紙を可能にするのです。

折り紙で作ったものは決して恒久的 ではありません。形を作って、それが



長く保存されることはまずないでしょう。しかし、作るのに手間ひまがかかりませんので、すぐに作りなおせるわけで、このことは、折り紙でなければ出来ないことです。

今から百年ほど前に、現在の幼稚園 教育を創始したフレーベルという人が います。この人は積み木を重要視しま したが、積み木は単一で基本的で素朴 な形態をしているので、子供の創造性 を開発するのに最適の遊び道具だとい うので、積み木を「神から人類がたま わったもの」だと言ったそうです。

創造性という言葉も、今はもう色あせたように見えます。わが国で創造性という言葉が本格的に使われだしたのは1962年頃に「人的能力」ということが言われだした頃からでした。それ以来、かなりの年月がたって、かなり声高に言われ続けてきたにしては創造性が進歩したように思えないのは不思議なことです。

フレーベルが折り紙を知っていたかどうかは知りませんが、彼が折り紙を見たらどう言うことでしょう。神からたまわった積み木ほどにはないかもしれませんが、折り紙も創造性の高い教材だと思います。単一で基本的で素朴な点では積み木に劣りますが、手に入りやすい材料を使い、簡単に加工でき

るという利点で補ってあまりがあります。そのうえ、折り紙で作った立体を ユニットにして組み立てていけば、これも一種の積み木なわけです。何種か の立体を組み合わせて種々の立体を造 形することが可能となるのです。

創造性折り紙の大家という人は、「誰が作っても同じになる折り紙は折り紙 じゃない」と言いますが、折り紙とい うのは、やはり、誰が作っても同じも のになるからこそ折り紙なのですし、 誰が折っても皆ちがったものになって も、やっぱり折り紙なのでしょう。誰 が作っても同じになる模放性から発展 して、無限に拡がる造形の分野が折り 紙にはあると思います。

——《省資源》——

いわゆる石油ショック以来、それまで「消費は美徳だ」といわれていたものが、手のひらをかえすように「限りある資源を大切にしよう」となって、上衣なし運動、テレビを見ない運動、マイカーなし運動、暖房制限運動、などなど、いろいろと面白いことがおこってきます。

むかし、子供の頃に、新聞紙を折ってカブトを作ったことがありますか。 折り紙というのは、もともと身近かに ふんだんにある紙を使うものだと思い ます。イロガミを使うのはむしろ邪道 だとも言えそうです。イロガミは正方 形をしています。カプトもそうですが 折り紙というと正方形からでないと作 れないように思いこませたのは、イロ ガミの責任です。われわれの身のまわ りにふんだんにある紙は、普通、たて とよこの割合が1: ②になっています。 毎日の新聞の中にどっさりと入ってく る美しい広告紙、カレンダー、カタロ グの類、われわれのまわりに折り紙の 材料はこと欠きません。写真332はカタ ログ、写真333はトーシャファックス原 紙の裏紙を使ったものです。とくに後 者をはじめて見た人は、とても廃物利 田だと思えないそうです。

―― <いつでも、どこでも> ーー

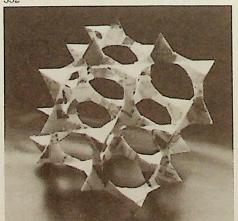
アメリカの数学の教科書には

- 1 直線を作ること
- 2 線分を2等分すること
- 3 線分を垂直2等分すること

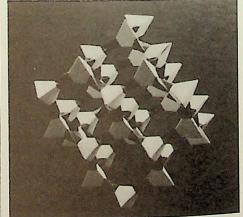
- 4 2つの線分の和を作ること
- 5 2つの線分の差を作ること
- 6 直角を作ること
- 7 45° の角を作ること
- 8 30° の角を作ること
- 9 11.25°の角を作ること
- 10 任意の角を2等分すること
- 11 2点を通る直線を作ること
- 12 直線上の1点を通り、直線に垂 直な直線を作ること
- 13 直線に垂直で、直線外の点を通る直線を作ること
- 14 直線に平行で、直線外の点を通 る直線を作ること

などという問題が、折り紙を使って扱われています。このことは、紙の特性である、薄く折り目がつけやすいということと、誰がやっても同じになる性質を利用しているわけですが、別の意味では、身のまわりにたっぷりとある紙を使う折り紙の手軽さです。いつで









もどこでも作って利用できます。電車の中で編みものをしている人と同じで折り紙も、のりものの中でも、会議中でも、テレビを見ていても、ところかまわず作れるのです。

いろいろと理由づけが可能ですが、 折り紙も自分で作って体験しないと、 面白さはわからないものです。「考え る手」と「考える頭」のために、いろ いろと作ってみて下さい。楽しいこと うけ合いです。

正多面体	様々な立体
正四面体18	直角四面体 · · · · · · 80
正六面体32、42、88	八面体84
正八面体34、42	壹八面体⋯⋯⋯84
正十二面体36、37	四面体85
正二十面体40、152	正三角形よりなる立体87
	直角三角形よりなる立体96
凹型正多面体	三角錐など128
凹型正四面体44、45	二重星144
凹型正六面体46	÷八角星·····145
凹型正八面体47	→ 等稜十四面体 ·························145
凹型正十二面体 · · · · · · · 48、49	等稜十四面体 β······144
切頭多面体	角柱
切頭四面体62	六角柱125
切頭八面体63	四角柱126
切頭二十面体64	三角柱など127
等稜十四面体65	
等稜三十二面体 · · · · · · · · 64	正多角形
二十面体67	正五角形176、177、178、180
	正六角形176、177、178、180
集積多面体	正七角形176、177、178、180
八角星75	正八角形176、177
平方六面体77	正九角形・・・・・・・178
菱形十二面体83	正十角形····································
The state of the s	- L TT

発表誌一覧

藤本修三:創造性を開発する立体折り紙:新写植出版:1976年

藤本修三:立体折り紙による結晶構造模型:1976年度日本理化学協会研究紀要:1976年 藤本修三:立体折り紙による結晶構造の模型について:兵庫県理化学会会誌:1977年 3 月

藤本・西脇:折り紙を教室へ:子どもの遊びと手の労働研究:1976年3月号

藤本・西脇:正多面体の指導案――立体図形を折り紙で:数学教室:1976年10月号 藤本・西脇:折り紙による結晶構造――楽しい授業の創造を:理科教室:1976年11月号 藤本・西脇:折り紙による"はこ"作り:子どもの遊びと手の労働研究:1979年5月号

藤本・西脇:なぜ折り紙なのか:子どもの遊びと手の労働研究:1979年12月号

藤本・西脇:ダイヤモンドを折り紙で作ろう:数学教育:1980年12月号

藤本・西脇:数的調和の世界--折り紙で正多面体を作ろう:数学教育:1981年10月号

藤本の作品:平織り、他:British Origami No91の表紙、他:1981年12月号

藤本の作品:星:Le, Pli No 9 の表紙:1981年12月号

藤本の作品:結晶(正二十面体の応用、他):おりがみ:1982年2月号

藤本の作品:キューブ: British Origami No94:1982年6月号

著者及び協力者について

藤本修三

1922年生れ。兵庫県立有馬高等学校勤務。 日本折り紙協会会員及び英国折り紙協会 会員。

自作の折り紙で授業をする高校の先生である藤本の名は近隣の学校で知らないものはありません。藤本はアイデアマンとして著名で、かつては計算器の製作や、朝鮮語の研究に没入していたものが、1967年頃、正三角形の簡単な作り方を発見して以来、藤本の手から折り紙が瞬時も離れたことがありません。藤本は化学子・結晶模型を作るために創案されたものでおそらく折り紙を使っての理科教育などというのは全国に類を見ないでしょう。藤本の創案した作品は数えきれないのですが、本書にはその一部がおさめてあります。作品の主な出品歴は次の通りです。

1976年 世界折り紙展 蛇腹星 1977年 英国折り紙協会展 平織り 1981年 世界折り紙展 ミクロの世界 及びデコレーションベルト

西脇正巳

1930年生れ。兵庫県立篠山鳳鳴高等学校 勤務。子どもの遊びと手の労働研究会会 員。科学教育研究協議会会員。

現在校で藤本と一緒になり、知恵の輪折り紙の洗礼を受けて藤本流折り紙に弟子 入り、授業に折り紙を取り入れるかたわ ら、もっぱら広報係をつとめています。

酒井 昇

1934年生れ。兵庫県立篠山鳳鳴高等学校 勤務。

現在校の理科教育・放送教育の立役者。 酒井が長期の入院をするにあたって、病 院と学校の間の無線連絡の必要性を真剣 に討議したような人物。この書物に使っ た模型の多くは酒井の作成したものです。 2007年1月に藤本修三先生の「ねじり折り1、2、3」を複刻再発行させていただきました。7月には兵庫県学校厚生会丹波支部から「創造性を開発する立体折り紙」が再発行されました。その間、1982年発行の「創造する折り紙遊びへの招待」を探している、という声を度々耳にいたしました。そこで、藤本先生、西脇先生にお伺いしたところ、お二人とも快く、この本の再発行を承知して下さいました。

たくさんのご苦心の写真と図が入り、25年たった今もなお新しさを感じます。模型 製作に取り組む生徒達はとても楽しそうです。今でも先生の折り紙は地元丹波で後継者 藤村典子先生をはじめ厚生会丹波支部によって受け継がれ、支えられています。

藤本先生、西脇先生ともに、この本が内外の多くの方に親しまれ楽しまれることを望んで おられます。

再発行に当たり「ねじり折り1、2、3」の復刻当初より、ご助言、ご支援下さって丹波にも同行して下さった丹羽兌子先生に厚くお礼申し上げます。また、たくさんの読者をご紹介下さったドイツ在住の絵里子 青山 Pabel さん、アメリカの Jim Puccio さん、山梨明子さん全国各地の皆様にお礼申し上げます。

2007年11月1日

斎藤 聰子

創造する折紙遊びへの招待

1982年10月22日発行 2007年11月1日(第2刷)

定価1,500円

著

者 藤 本 修 三

〒669-2341 兵庫県篠山市郡家23-4

西脇正巳

〒669-2302 兵庫県篠山市奥畑204

発行協力者

連絡先

斎藤 聰 子

〒444-0826 愛知県岡崎市若松町萱林22-1

Tel · Fax. 0564-54-4313

(財) 兵庫県学校厚生会丹波支部

〒669-3309 兵庫県丹波市柏原町柏原1691-1

Tel. 0795-72-2096

Fax. 0795-72-3487